



Faglig kontakt under eksamen:  
Professor Kåre Olaussen  
Telefon: 9 36 52 eller 45 43 71 70

### Eksamens i FY3403 PARTIKKELFYSIKK

Torsdag 31. mai 2007  
09:00–13:00

Tillatte hjelpeemidler: Alternativ C

Typegodkjent kalkulator, med tomt minne (i henhold til NTNU liste).

K. Rottman: *Matematisk formelsamling* (alle språkutgaver).

Schaum's Outline Series: *Mathematical Handbook of Formulas and Tables*.

Dette oppgavesettet er på 4 sider.

#### Oppgave 1. Kvarkmodell for $q\bar{q}$ -mesoner

Gi en beskrivelse av hvordan man i kvarkmodellen tenker seg at mesoner er bygd opp av en  $u$  eller  $d$  kvark og en  $\bar{u}$  eller  $\bar{d}$  antikvark. Prøv spesielt å forklare

- a) hvilket spinn  $S$  det kombinerte  $q\bar{q}$ -systemet kan ha,
- b) hvilket isospinn  $I$  det kombinerte  $q\bar{q}$ -systemet kan ha,
- c) hvilken relativ banedreieimpuls  $L$  det kombinerte  $q\bar{q}$ -systemet kan ha,
- d) hvilken total dreieimpuls  $J$  det kombinerte  $q\bar{q}$ -systemet kan ha,
- e) hvilken spektroskopisk notasjon man bruker for å betegne  $q\bar{q}$ -systemer som over,
- f) kvalitativt hvordan massen til mesonet avhenger av de forskjellige kvantetallene (illustrer helst med et diagram),
- g) hvordan pariteten  $P$  til mesonet avhenger av de forskjellige kvantetallene,
- h) hvordan  $C$ -pariteten til de nøytrale mesonene avhenger av de forskjellige kvantetallene,
- i) hvordan  $G$ -pariteten til mesonet avhenger av de forskjellige kvantetallene,
- j) hvilke mer kvantitative matematiske modeller man kan bruke for å beregne massen (og andre fysiske egenskaper) til mesonet.

**Oppgave 2. Henfall av mesoner lagd av lette (anti-)kvarker, dvs.  $u, \bar{u}, d, \bar{d}$** 

Ifølge *Review of Particle Physics* har  $\rho$ -mesonene ( $^3S_1$ -tilstander med  $I = 1$ ) masse  $m = 771 \text{ MeV}/c^2$  og vidde  $\Gamma = 149 \text{ MeV}/c^2$ , mens de tilsvarende  $\omega$ -mesonene ( $^3S_1$ -tilstander med  $I = 0$ ) masse  $m = 782 \text{ MeV}/c^2$  og vidde  $\Gamma = 8.44 \text{ MeV}/c^2$ .

- a) Hvorfor er  $\omega$ -mesonene så mye mer stabile enn  $\rho$ -mesonene?

I *Review of Particle Physics* finner vi  $a_2$ -mesonene ( $^3P_2$ -tilstander med  $I = 1$ ) listet med masse  $m = 1318 \text{ MeV}/c^2$  og vidde  $\Gamma = 107 \text{ MeV}/c^2$ .

- b) Forklar hvorfor henfallsmoden  $a_2 \rightarrow \pi\pi$  ikke er observert

- c) Henfallsmoden  $a_2 \rightarrow \pi\pi\pi$  er heller ikke observert. Hva tror du kan være grunnen til dette?

**Oppgitt:** Ifølge *Review of Particle Physics* finner vi følgende kvantetall tilordnet endel mesoner:

$\pi^0(135)$	$I^G(J^{PC}) = 1^-(0^{-+})$
$\pi^\pm(140)$	$I^G(J^{PC}) = 1^-(0^-)$
$\eta(547)$	$I^G(J^{PC}) = 0^+(0^{-+})$
$\rho(770)$	$I^G(J^{PC}) = 1^+(1^{--})$
$\omega(782)$	$I^G(J^{PC}) = 0^-(1^{--})$
$a_2(1318)$	$I^G(J^{PC}) = 1^-(2^{++})$

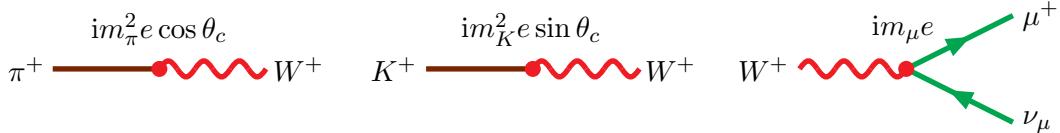
Vi har følgende sammenhenger:  $P = (-1)^{L+1}$ ,  $C = (-1)^{L+S}$ ,  $G = (-1)^I C$ .

**Oppgave 3. Kvantitativ modell for henfall av pseudoskalare mesoner**

Som en sterkt forenklet (og derfor unøyaktig) modell for henfall av ladete  $\pi$ -mesoner og  $K$ -mesoner, f.eks

$$\pi^+ \rightarrow \mu^+ + \nu_\mu, \quad K^+ \rightarrow \mu^+ + \nu_\mu,$$

antar vi at disse mesonene kan konvertere til et virtuelt  $W^+$  vektormeson, som igjen kan konvertere til  $\mu^+ + \nu_\mu$  som indikert av Feynmanreglene nedenfor.



Propagatoren for et virtuelt  $W$ -vektormeson med firerimpuls  $p$  settes til

$$\text{wavy line} \quad \frac{i}{p^2 - m_W^2}$$

I naturlige enheter har vi  $m_\mu \approx 105.7 \text{ MeV}$ ,  $m_\pi \approx 140 \text{ MeV}$ ,  $m_K \approx 495 \text{ MeV}$ ,  $m_W \approx 80.4 \text{ GeV}$ ,  $\alpha = e^2/4\pi \approx 1/137.04$ .

- a) Tegn Feynman diagrammene for henfallsprosessene  $\pi^+ \rightarrow \mu^+ + \nu_\mu$  og  $K^+ \rightarrow \mu^+ + \nu_\mu$ .
- b) Skriv ned de tilhørende algebraiske uttrykk for henfallsamplitudene  $\mathcal{M}_{fi}$  i de to tilfellene.

- c) Anta at mesonet er i ro før henfallet. Hva blir energien  $E_\mu$  til myonet i de to tilfellene?
- d) Det er eksperimentelt kjent at

$$\frac{\Gamma(K^+ \rightarrow \mu^+ + \nu_\mu)}{\Gamma(\pi^+ \rightarrow \mu^+ + \nu_\mu)} \approx \frac{4}{3}. \quad (1)$$

Velg  $\theta_c$  slik at denne relasjonen er oppfylt.

- e) Hva blir da henfallsratene,  $\Gamma(\pi^+ \rightarrow \mu^+ + \nu_\mu)$  og  $\Gamma(K^+ \rightarrow \mu^+ + \nu_\mu)$ ?
- f) Bestem levetidene  $\tau_\pi$  og  $\tau_K$  til henholdsvis  $\pi^+$  og  $K^+$  i denne modellen, under antagelse om at de oppgitte henfallsmodene er de eneste som forekommer. Oppgi svaret i SI-enheter, dvs. sekunder. (Hvis du ikke har fått til forrige punkt, forklar med eksempel hvordan du konverterer fra en henfallsrate  $\Gamma$  gitt i naturlige enheter til en levetid  $\tau$  gitt i sekunder.)
- g) Forklar hvordan du vil generalisere denne modellen til å beskrive henfall av  $D_s^+$ -mesoner, dvs.  $D_s^+ \rightarrow \mu^+ + \nu_\mu$ .

**Oppgitt:**

- a) Sammenhengen mellom amplitude  $\mathcal{M}_{fi}$  og henfallsrate er i dette tilfellet (med to partikler i slutttilstanden), i naturlige enheter,

$$\Gamma = \frac{|\mathbf{p}|}{8\pi m^2} |\mathcal{M}_{fi}|^2, \quad (2)$$

der  $m$  er massen til partikkelen (i ro) som henfaller, og  $|\mathbf{p}|$  er bevegelsesmengden til en av partiklene i slutttilstanden.

- b)  $\hbar = 1.0546 \times 10^{-34} \text{ Js} = 6.5822 \times 10^{-22} \text{ MeVs}$ ,  $c = 2.9979 \times 10^8 \text{ m/s}$ .

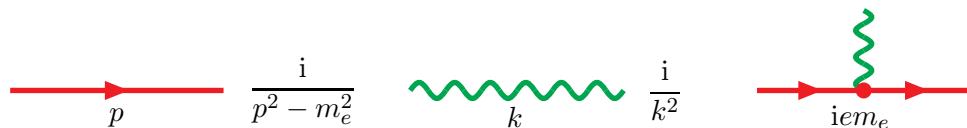
**Oppgave 4.  $e^+e^-$ -produksjon pga. vekselvirkning med den kosmiske bakgrunnsstrålingen**

Det er velkjent at universet er fyllt med termiske fotoner med en temperatur  $T \approx 2.7 \text{ K}$ . Denne kosmiske bakgrunnstrålingen er essensielt isotrop i vårt Lorentz referansesystem. Dette betyr at andre fotoner med *veldig* høy energi ikke kan propagere over store avstander i universet. De vil istedet kolidere med fotoner fra bakgrunnstrålingen og skape elektron-positron par.

- a) Anslå hvilken energi,  $\hbar\omega$ , et foton må ha for å danne et elektron-positron par ved en "head-on" kollisjon med et foton fra bakgrunnsstrålingen (målt i vårt Lorentz referanse-system).

**Oppgitt:** Boltzmann's konstant  $k_B \approx 8.6 \times 10^{-5} \text{ eV/K}$ .

- b) Som en svært forenklet modell for parproduksjonsprosessen behandler vi fotonet som en masseløs nøytral skalar partikel, og elektronet som en ladet skalar partikel med masse  $m_e$ . Propagatorene for elektronet og fotonet, og vekselvirkningsknuten mellom dem, er som gitt av Feynman reglene nedenfor.



Tegn Feynman diagrammene for parproduksjonsprosessen.

- c) Finn i denne forenklede modellen det algebraiske uttrykket for spredningsamplituden  $\mathcal{M}_{fi}$ . Du kan bruke *naturlige enheter*, dvs. enheter der  $\hbar = c = 1$ .
- d) Finn i denne modellen det differensielle tverrsnittet for parproduksjon i massesentersystemet.
- e) Finn i denne modellen det totale tverrsnittet for parproduksjon.
- f) Skisser hvordan du vil gå fram for å transformere det differensielle tverrsnittet for parproduksjon til vårt Lorentz referansesystem.

**Opgitt:**

Sammenhengen mellom amplitude  $\mathcal{M}_{fi}$  og spredningstverrsnitt er

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{S}{64\pi^2} \frac{|\mathcal{M}_{fi}|^2}{(E_1 + E_2)^2} \frac{|\mathbf{p}_f|}{|\mathbf{p}_i|}. \quad (3)$$

Følgende integral kan være nyttig

$$\int_{-1}^1 dx \frac{1}{(1 - u^2 x^2)^2} = \frac{1}{1 - u^2} + \frac{1}{2u} \log \left( \frac{1+u}{1-u} \right) \text{ når } -1 < u < 1.$$