

NORGES TEKNISK NATURVITENSKAPELIGE UNIVERSITET  
INSTITUTT FOR FYSIKK

Faglig kontakt under eksamen:

Navn: Bjørn Torger Stokke

Tlf: 73 59 34 34 eller 924 920 27

**EKSAMEN I EMNE  
TFY 4106 FYSIKK**

Onsdag 18. desember 2013

Tid: kl. 0900 – 1300.

Tillatte hjelpeemidler: Alternativ C

Typegodkjent kalkulator, med tomt minne, i henhold til NTNU liste

K. Rottmann: Matematisk formelsamling (alle språkutgaver)

Vedlegg: Formelliste for TFY4106 Fysikk, høsten 2013

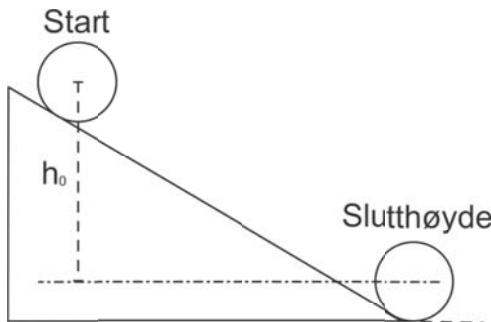
Dette oppgavesettet er på 7 sider, bokmål versjon side 2-4, nynorsk versjon side 5-7

Sensurfrist: 18 januar 2014

(Hver av oppgavene 1, 2 og 3 teller like mye.)

Tilleggsinformasjon: Trykkfeil i oppgave 3c:  $U=(3/2)nR$  skal være  $U =(3/2)nRT$  ble opplyst om under eksamen, og også formidlet til ekstern sensor (alle besvarelsene gjennomgått med ekstern sensurering H2013 i hht kvalitetsikringsrutinene ved Inst for fysikk)

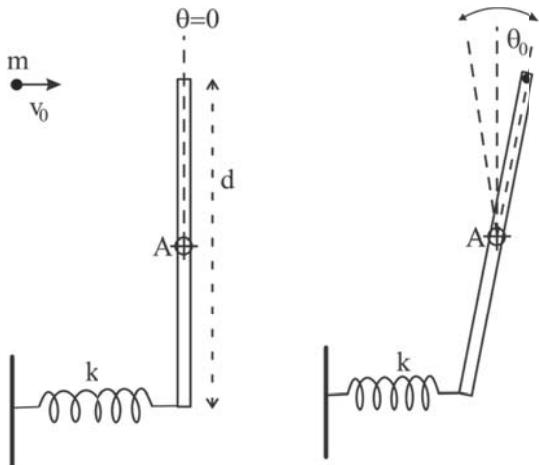
## OPPGAVE 1 Mekanikk



**Figur 1** Skjematisk skisse av start og sluttasjon til sylinderne på skråplanet

- a) En tynnvegget, hul sylinder og en massiv sylinder er ved startposisjon i ro på et skråplanet. Begge sylinderne er ved startposisjonen i en vertikal avstand  $h_0$  fra enden av skråplanet (Figur 1). Vertikal avstand måles for sylinderaksen til de to sylinderne i forhold til høyden når de er nede fra skråplanet. Den hule sylinderen har total masse  $m_h$  og radius  $r_h$ . Den massive sylinderen har total masse  $m_s$  og radius  $r_s$ . Tyngdefeltet virker loddrett. Sylinderne frigjøres fra samme startposisjonen og de ruller uten å skli på skråplanet. Beregn translasjonshastighet til sylinderne når de kommer til enden av skråplanet. Hvilken av sylinderne når enden av skråplanet først?

- b) Ei tynn stang har lengde  $d$  og masse  $M$  (Figur 2). Stanga kan rotere friksjonsfritt om aksen  $A$  gjennom midtpunktet. Det er festet en fjær horisontalt til den nedre enden (i en avstand  $d/2$  fra  $A$ ). Fjæra har fjærkonstant  $k$ . Stanga er i utgangspunkt i likevekt ( $\theta = 0$ ).



**Figur 2** Skjematisk skisse av vertikal stang opplagret i aksen A gjennom midtpunktet.

Et prosjektil med masse  $m$  og hastighet  $v_0$  skytes inn mot og treffer øverst på stanga (avstand  $d/2$  fra  $A$ ). Etter kollisjonen begynner stanga å svinge. Vi antar at vi kan regne kollisjonen mellom prosjektilet og stanga som fullstendig uelastisk. Stangas treghetsmoment om aksen  $A$  regnes til å være lik

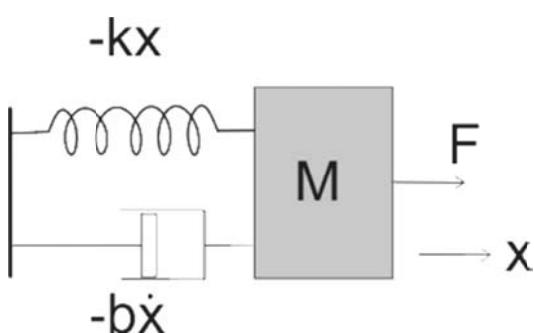
$$I = \frac{1}{12} M d^2$$

I denne tilnærmingen av treghetsmomentet etter støtet er bidraget fra massen til prosjektilet,  $m$ , sett bort fra fordi den bidrar mye mindre enn  $M$ .

Hva er systemets mekaniske energi  $E_0$ , bevegelsesmengde  $p_0$  og spinn  $L_0$  (om aksen  $A$ ) før prosjektilet kolliderer med stanga?

- c) Bestem systemets (Figur 2) energi  $E_1$  rett etter at prosjektilet har kollidert med stanga. Anta at kollisjonen er *fullført* før fjæra presses sammen. Hvor stor andel av energien er tapt (dvs har gått over i andre former enn mekanisk energi) når massen  $M$  til stanga er 100 ganger større enn prosjektilets masse  $m$ ?

## OPPGAVE 2 Svingninger og bølger



**Figur 3.** Skjematisk skisse av masse påvirket av fjærkraft og dempeledd

- a) En masse  $M$  blir påvirket av en fjærkraft  $-kx$ , en friksjonskraft  $-bx$  og en ytre kraft  $F$  (Figur 3). Bruk Newtons andre lov og vis at bevegelseslikninga til  $M$  er gitt ved:

$$M\ddot{x} + b\dot{x} + kx = F$$

Den ytre krafta  $F$  varierer harmonisk med tiden,  $F = F_0 \sin(\omega t)$  og bevegelseslikninga kan skrives på formen:

$$\ddot{x} + 2\delta\dot{x} + \omega_0^2 x = a \sin\omega t$$

Uttrykk parameterne  $\delta$ ,  $\omega_0$  og  $a$  ved hjelp av  $M$ ,  $b$ ,  $k$  og amplituden til kraften. Systemet i Figur 3 med  $M = 0.2$  kg,  $k = 30$  N/m,  $b = 2$  Ns/m holdes i ro med en konstant kraft  $F = 3$  N. Kraften slippes ved  $t=0$ . Beregn utsving og utsvingshastighet ved tiden  $t= 0.5$  s.

- b) En lydkilde sender ut en lyd med frekvens på 500 Hz. Hastigheten til lydkilden,  $|\vec{v}_l|$ , er 60 m/s. En observatør beveger seg med en hastighet,  $|\vec{v}_o|$ , på 30 m/s langs samme linje som lydkilden. Anta at lydhastigheten er 340 m/s og beregn lydfrekvens målt av observatøren for de mulige relative bevegelsene.
- c) Følgende bølgefunksjoner beskriver vandrende bølger:

$$y_1(x, t) = A \sin[k(x + (34 \text{ m/s})t)]$$

$$y_2(x, t) = B e^{k[x - (20 \text{ m/s})t]}$$

hvor  $x$  er angitt i meter,  $t$  er i sekunder og  $A$ ,  $B$  og  $k$  er konstanter med enheter som gir  $y$  i meter. Angi bølgehastighet og retning for disse to bølgene.

Bølgepulsen beskrevet ved:

$$y_3(x, t) = \frac{D^3}{D^2 + (x - vt)^2}$$

hvor  $D = 1.0$  cm og  $v = 20$  m/s beveger seg langs en streng plassert langs  $x$ -aksen. Tegn opp øyeblikksbildet av bølgepulsen ved  $t = 0$ . Betrakt punktet  $x = x_1 = 4$  cm fra enden  $x = 0$  av strengen. Ved hvilken tid  $t_1$  er utslaget maksimalt ved  $x_1$ ? Ved hvilken tid  $t_2 > t_1$  er utslaget halvparten av det maksimale ved  $x_1$ ?

### OPPGAVE 3 Termodynamikk

- a) En husvegg tilnærmes til å bestå av tre med en midlere tykkelse av på 5 cm og et lag med isolasjon. Arealet til veggens utsiden er  $110 \text{ m}^2$ . På utsiden av veggens utsiden er temperaturen  $-5^\circ\text{C}$ . Beregn den totalt varmestrømmen gjennom den uisolerte veggens innsiden når temperaturen på innsiden av veggens innside er  $20^\circ\text{C}$ . (Varmeledningsevnen for tre er  $0.080 \text{ W m}^{-1} \text{ K}^{-1}$ ).

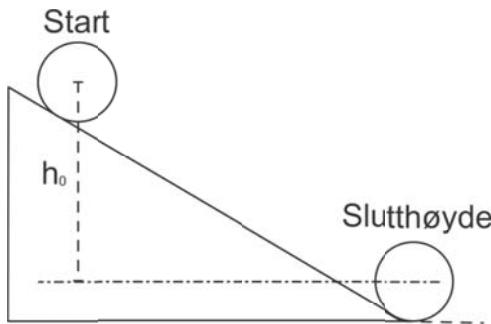
Veggens innsiden isoleres med 15 cm tykt lagt av et isolasjonsmateriale med varmeledningsevne  $0.035 \text{ W m}^{-1} \text{ K}^{-1}$ . Hva blir den totale varmestrømmen gjennom denne isolerte veggens innsiden ved samme temperaturforskjell?

- b) En ideell gass med adiabatkonstant  $\gamma=5/3$  har volumet  $0.5 \text{ m}^3$  når trykket er 2 atm og temperaturen er  $27^\circ\text{C}$ . Gassen går gjennom en syklisk prosess fra denne starttilstanden ved de tre følgende prosesser. Volumet av gassen økes til  $1.2 \text{ m}^3$  ved en adiabatisk prosess. Gassen blir deretter komprimert til startvolumet ved en isobar prosess. Trykket blir økt til initialtilstanden ved en isokor prosess. Tegn den sykliske prosessen i et p-V diagram. Bestem temperaturen ved hvert endepunkt av de tre delprosessene. Beregn arbeidet som gjennomføres i den sykliske prosessen.
- c) Betrakt  $n$  mol av en ideell gass som har volumet  $V$  ved temperaturen  $T$ . Den indre energi til gassen er gitt ved  $U = \frac{3}{2}nR$  hvor  $R$  er den molare gasskonstanten. Vi ser på en reversibel prosess denne gassen gjennomgår. Vis at entropien til gassen kan skrives:

$$S = nR \ln(VT^{3/2}) + S_0$$

Hva er entropiendringen til denne gassen knyttet til endring fra tilstanden  $(V_1, T_1)$  til  $(V_2, T_2)$ ?

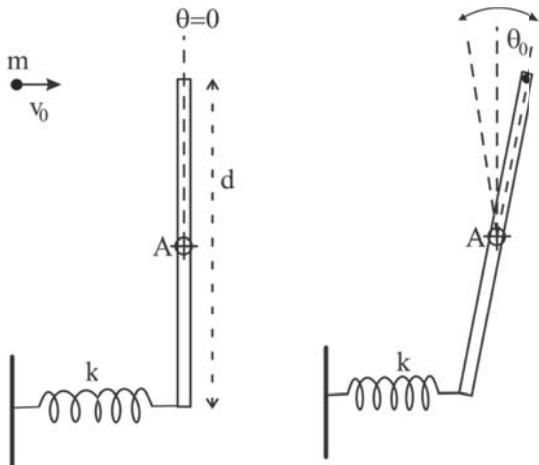
## OPPGÅVE 1 Mekanikk



**Figur 4** Skjematisk skisse av start og sluttposisjon til sylinderar på skråplan

a) Ein tynnvegga, hol sylinder og ein massiv sylinder er ved startposisjonen i ro på eit skråplan. Begge sylinderane er ved startposisjonen i ein vertikal avstand  $h_0$  frå enden av skråplanet (Figur 1). Vertikal avstand målast for sylinderaksen til dei to sylinderane ut frå høgda nede frå skråplanet. Den hole sylinderen har ei total masse  $m_h$  og radius  $r_h$ . Den massive sylinderen har total masse  $m_s$  og radius  $r_s$ . Tyngdefeltet er loddrett. Sylinderane frigjerast frå same startposisjonen og dei rullar utan å skli på skråplanet. Rekn ut translasjonshastigheita til sylinderane når dei kjem til enden av skråplanet. Kva for ein sylinder kjem til enden av skråplanet fyrst?

- b) Ei tynn stang har lengde  $d$  og masse  $M$  (Figur 2). Stanga kan rottere utan friksjon om aksen  $A$  gjennom midtpunktet. Det er festa ei fjør horisontalt til den nedre enden (i ein avstand  $d/2$  frå  $A$ ). Fjøra har fjørkonstant  $k$ . Stanga er i utgangspunktet i likevekt ( $\theta = 0$ ).



**Figur 5** Skjematisk skisse av vertikal stang opplagra i aksen A gjennom midtpunktet.

Eit prosjektil med masse  $m$  og hastigkeit  $v_0$  vert skoten mot og treff øvst på stanga (avstand  $d/2$  frå  $A$ ). Etter kollisjonen byrjar stanga å svinge. Vi antar at vi kan rekne kollisjonen mellom prosjektilet og stanga som fullstendig uelastisk. Stangas tregleiksmoment om aksen  $A$  reknast til å vere lik

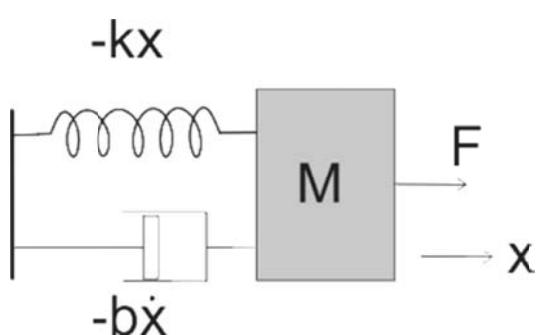
$$I = \frac{1}{12} M d^2$$

I dette tilfellet av tregleiksmomentet etter støyten kan vi sjå bort frå massen til prosjektilet,  $m$ , ettersom bidraget er mykje mindre enn frå  $M$ .

Kva er systemets mekaniske energi  $E_0$ , rørslemengd  $p_0$  og spinn  $L_0$  (om aksen  $A$ ) før prosjektilet kolliderer med stanga?

- c) Rekn ut systemets (Figur 2) energi  $E_1$  rett etter at prosjektilet har kollidert med stanga. Anta at kollisjonen er *fullført* før fjøra pressast saman. Kor mykje energi er gått tapt (dvs. har gått over i andre former enn mekanisk energi) når massen  $M$  til stanga er 100 gonger større enn massen til prosjektilet  $m$ ?

## OPPGÅVE 2 Svingingar og bølgjer



**Figur 6. Skjematisk skisse av masse påvirka av fjørkraft og dempeledd**

- a) Ei masse \$M\$ vert påverka av ei fjørkraft \$-kx\$, ei friksjonskraft \$-bx\$ og ei ytre kraft \$F\$ (Figur 3). Bruk Newton si andre lov og vis at rørslelikninga til \$M\$ er gjeve ved:

$$M\ddot{x} + b\dot{x} + kx = F$$

Den ytre krafta \$F\$ varierer harmonisk med tida, \$F = F\_0 \sin(\omega t)\$ og rørslelikninga kan skrivast:

$$\ddot{x} + 2\delta\dot{x} + \omega_0^2 x = a \sin\omega t$$

Uttrykk parameterane \$\delta\$, \$\omega\_0\$ og \$a\$ ved \$M\$, \$b\$, \$k\$ og amplituden til krafta. Systemet i Figur 3 med \$M = 0.2\$ kg, \$k=30\$ N/m, \$b=2\$ Ns/m vert holden i ro med ei konstant kraft \$F = 3\$ N. Krafta vert sluppen ved \$t=0\$. Rekn ut utsving og hastigkeit til utsvinget ved tida \$t= 0.5\$ s.

- b) Ei lydkjelde sender ut ein lyd med frekvens på 500 Hz. Hastigheita til lydkjelda, \$|\vec{v}\_l|\$, er 60 m/s. Ein observatør flyttar seg med ei hastigkeit, \$|\vec{v}\_o|\$, på 30 m/s langs den same lina som lydkjelda. Gå ut i frå at hastigheita til lyden er 340 m/s og rekn ut lydfrekvensen målt av observatøren for dei moglege relative rørslene.
- c) Følgjande bølgjefunksjonar skildrar vandrande bølgjer:

$$y_1(x, t) = A \sin[k(x + (34 \text{ m/s})t)]$$

$$y_2(x, t) = B e^{k[x - (20 \text{ m/s})t]}$$

der \$x\$ er gjeven i meter, \$t\$ i sekunder og \$A\$, \$B\$ og \$k\$ er konstanter med einingar som gjev \$y\$ i meter. Rekn ut bølgjehastigheita og retninga for desse to bølgjene.

Bølgjepulsen gitt ved:

$$y_3(x, t) = \frac{D^3}{D^2 + (x - vt)^2}$$

der \$D = 1.0\$ cm og \$v = 20\$ m/s flyttar seg langs ein streng langs \$x\$-aksen. Teikn opp augne blikks bilete av bølgjepulsen ved \$t= 0\$. Sjå på punktet \$x = x\_1 = 4\$ cm frå enden \$x= 0\$ av strengen. Rekn ut tida \$t\_1\$ der utslaget er maksimalt ved \$x\_1\$. Rekn ut tida \$t\_2 > t\_1\$ der utslaget er halvparten av det maksimale ved \$x\_1\$.

### OPPGÅVE 3 Termodynamikk

- a) Ein husvegg er satt saman av eit lag med tre med ein gjennomsnittleg tjukkleik på 5 cm og eit lag med isolasjon. Arealet av veggene er  $110 \text{ m}^2$ . På utsida av veggene er temperaturen  $-5^\circ\text{C}$ . Rekn ut den totale varmestraumen gjennom den uisolerte veggene når temperaturen på innsida av veggene er  $20^\circ\text{C}$ . (Varmeleiingsevna for tre er  $0.080 \text{ W m}^{-1} \text{ K}^{-1}$ ).

Treveggen vert isolert med eit 15 cm lag av eit isolasjonsmateriale med varmeliingsevne  $0.035 \text{ W m}^{-1} \text{ K}^{-1}$ . Kva vert den totale varmestraumen gjennom denne isolerte veggene ved same temperaturskilnad?

- b) Ein ideell gass med adiabatkonstant  $\gamma=5/3$  har volumet  $0.5 \text{ m}^3$  ved eit trykk 2 atm og ein temperatur på  $27^\circ\text{C}$ . Gassen går gjennom ein syklistisk prosess frå denne starttilstanden gjennom tre prosesser. Fyrst aukar volumet av gassen til  $1.2 \text{ m}^3$  i ein adiabatisk prosess. Gassen vert så komprimert til startvolumet gjennom ein isobar prosess. Til slutt aukar trykket til starttilstanden ved ein isokor prosess. Teikn opp den sykliske prosessen i eit p-V diagram. Rekn ut temperaturen ved kvart endepunkt av dei tre delprosessane. Rekn ut arbeidet som vert gjort i den sykliske prosessen.
- c)  $n$  mol av ein ideell gass har volumet  $V$  ved temperaturen  $T$ . Den indre energien til gassen er gitt ved  $U = \frac{3}{2}nRT$  der  $R$  er den molare gasskonstanten. Vi ser på ein reversibel prosess denne gassen går gjennom. Vis at entropien til gassen kan uttrykast som

$$S = nR \ln(VT^{3/2}) + S_0$$

Kva er endringa i entropi til denne gassen ved endring frå tilstanden  $(V_1, T_1)$  til  $(V_2, T_2)$ ?