



i Kopi av Informasjon

Institutt for fysikk

Eksamensoppgave i TFY4165 - Termisk Fysikk

Faglig kontakt under eksamen: Jon Andreas Støvneng

Tlf.: 45 45 55 33

Eksamensdato: 8. August 2019

Eksamensstid (fra-til): 09.00-13.00

Hjelpemiddelkode/Tillatte hjelpemidler: C.

Tillatte formelsamlinger:

- Karl Rottmann - matematisk formelsamling.
- Carl Angell, Bjørn Ebbe Lian - Fysiske størrelser og enheter.
- En digital versjon av formelarket finner du i lenken "formelark"

Godkjente kalkulatorer:

- Citizen SR-270X
- Citizen SR-270X College
- Casio fx-82ES PLUS
- Casio fx-82EX
- Hewlett Packard HP30S

Annen informasjon:

45 flervalgsoppgaver med lik vekt. Kun ett svar er korrekt på hver oppgave.

2 poeng for riktig svar. 0 poeng for feil svar eller intet svar.

Merk! Studenter finner sensur i Studentweb. Har du spørsmål om din sensur må du kontakte instituttet ditt. Eksamenskontoret vil ikke kunne svare på slike spørsmål.



1 Ny oppgave

Hvilken av påstandene under er korrekt for et materielt åpent system som er termisk isolert fra sine omgivelser:

- A) Det finnes ingen slike systemer
- B) Systemet kan hverken utveksle energi eller partikler med sine omgivelser
- C) Systemet kan ikke utveksle partikler med sine omgivelser, men kan utveksle energi
- D) Systemet kan utveksle både partikler og energi med sine omgivelser
- E) Systemet kan utveksle partikler, men ikke energi med sine omgivelser

Velg ett alternativ

- A
- B
- C
- D
- E

[Sjekk svar](#)

2 Kopi av Ny oppgave

Hva er Joule-Thomson koeffisienten til en ideell gass med volum $V = 1 \text{ m}^3$, trykk $p = 1 \text{ atm}$, og temperatur $T = 300 \text{ K}$?

Oppgitt:

$$\mu_{JT} = -\frac{1}{C_p} \left(V + p \left(\frac{\partial V}{\partial p} \right)_T \right)$$

$$C_p = \frac{5}{2} nR$$

Velg ett alternativ

- $-8.13 \cdot 10^{20} \text{ K/Pa}$
- $-7.48 \cdot 10^{20} \text{ K/Pa}$
- $-9.33 \cdot 10^{20} \text{ K/Pa}$
- $8.17 \cdot 10^{20} \text{ K/Pa}$
- 0 K/Pa

[Sjekk svar](#)

3 Ny oppgave

Anta at du er interessert i å bestemme tilstandsligningen til 1 mol gass. For å gjøre dette har du målt volumutvidelseskoeffisienten α_V , trykk-koeffisienten α_p , og den isoterme kompressibiliteten κ_T . Resultatene er $\alpha_p = \alpha_V = R/(pV)$, og $\kappa_T = \frac{RT}{p^2V}$. Her er R en konstant.

Hva er gassens tilstandsligning?

Velg ett alternativ

- $p = \frac{RT}{V}$
- $p = \sqrt{\frac{RT}{V}}$
- $p = R\left(\frac{T}{V}\right)^2$
- $p = \frac{RT}{2V}$
- $p = RTV$

[Sjekk svar](#)

4 Ny oppgave

Virialekspansjonen brukes for å studere en reell gass ved lave partikkeltettheter N/V .

Tilstandsligningen er

$$\frac{p}{kT} = \frac{N}{V} + \frac{N^2}{V^2} B_2(T)$$

hvor $B_2(T) = \frac{1}{2} m^3$.

Hva er den isoterme kompressibiliteten κ_T for denne gassen?

Velg ett alternativ

- $\kappa_T = 0$
- $\kappa_T = \frac{V}{NkT} \left(\frac{1}{1+N/V} \right)$
- $\kappa_T = \frac{V}{NkT} \left(\frac{1}{1+2N/V} \right)$
- $\kappa_T = \frac{V}{NkT} \left(\frac{1}{1+3N/V} \right)$
- $\kappa_T = \frac{V}{NkT} \left(\frac{1}{1+4N/V} \right)$

Merk: Her kan det se ut som om størrelsene i parantes ikke er dimensjonsløse, men husk at vi har satt inn tallverdien for $B_2(T)$.

[Sjekk svar](#)

5 Kopi av Ny oppgave

Hva er den korrekte definisjonen av arbeid?

Velg ett alternativ

- Arbeid er energi som krysser grenseflata mellom system og omgivelser på grunn av en temperaturforskjell.
- Arbeid er all energi som krysser grenseflata mellom system og omgivelser.
- Arbeid er all energi som krysser grenseflata mellom system og omgivelser som ikke skyldes temperaturforskjeller.
- Arbeid er et fluid som kan beskrives med en tilstandsligning.
- Arbeid er et mål på gasspartiklenes kinetiske og potensielle energi.

[Sjekk svar](#)

6 Ny oppgave

En toatomig ideell gass kan utvide seg reversibelt fra en gitt starttilstand (p_0, V_0, T_0) til et sluttvolum $5V_0$ på ulike måter: (1) isobart; (2) isoterm; (3) adiabatisk. Ranger de tilsvarende mengder arbeid utført av gassen i de tre prosessene, henholdsvis (1) W_p ; (2) W_T ; (3) W_S .

Velg ett alternativ

- $W_S > W_p > W_T$
- $W_T > W_S > W_p$
- $W_T > W_p > W_S$
- $W_p > W_S > W_T$
- $W_p > W_T > W_S$

[Sjekk svar](#)

7 Kopi av Ny oppgave

Beregn C_p for en ideell gass. Anta at $C_V = \frac{3}{2}Nk$.

Velg ett alternativ

- $\frac{1}{2}Nk$
- Nk
- $\frac{3}{2}Nk$
- $\frac{5}{2}Nk$
- $\frac{7}{2}Nk$

Sjekk svar

8 Ny oppgave

En diatomisk ideell gass undergår en adiabatisk ekspansjon fra starttilstanden $(p_1, V_1, T_1) = (300\text{ Pa}, V_1 = 1\text{ m}^3, 300\text{ K})$ til en slutttilstand $(p_2, V_2, T_2) = (64.4\text{ Pa}, V_1 = 3.0\text{ m}^3, 193.2\text{ K})$.

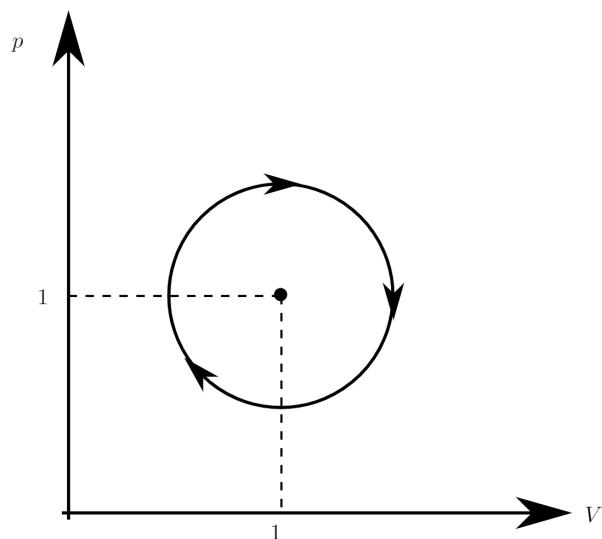
Hva er entropiendringen ΔS i denne prosessen?

Velg ett alternativ

- $\Delta S = 0\text{ J/K}$
- $\Delta S = 13.01\text{ J/K}$
- $\Delta S = 13.27\text{ J/K}$
- $\Delta S = 13.39\text{ J/K}$
- $\Delta S = 13.76\text{ J/K}$

Sjekk svar

9 Kopi av Ny oppgave



Figuren viser en sirkulær kretsprosess sentrert i punktet $(p, V) = (1, 1)$ med radius $R = 1/2$. Dersom du bruker kretsprosessen som en varmekraftmaskin (dvs omløp med klokka) hva er arbeidet utført per syklus?

Velg ett alternativ

- $W = -\pi/4$
- $W = \pi/4$
- $W = \pi$
- $W = -\pi$
- $W = \pi/8$

[Sjekk svar](#)

10 Kopi av Ny oppgave

Ved å bruke Carnots teorem, finn en øvre grense η_c for virkningsgraden til den sirkulære kretsprosessen i forrige oppgave. Anta at arbeidssubstansen er en ideell gass.

Hint:

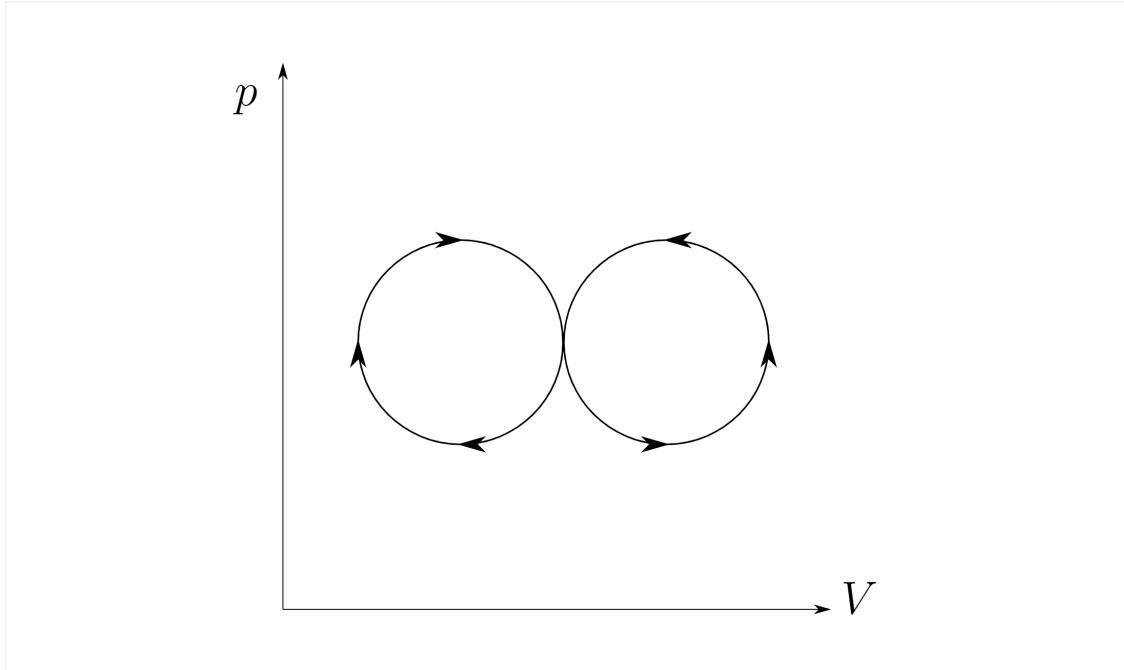
- Sirkelprosessen oppfyller ligningen $\left(\frac{p-1}{p_0}\right)^2 + \left(\frac{V-1}{V_0}\right)^2 = 1$ hvor $p_0 = 1/2 \text{ Pa}$ og $V_0 = 1/2 \text{ m}^3$
- Parametriser kurven som $p = 1 + \frac{1}{2}\sin(\phi)$ og $V = 1 + \frac{1}{2}\cos(\phi)$

Velg ett alternativ

- $\eta_c \approx 77\%$
- $\eta_c \approx 61\%$
- $\eta_c \approx 56\%$
- $\eta_c \approx 42\%$
- $\eta_c \approx 29\%$

[Sjekk svar](#)

11 Kopi av Ny oppgave



I figuren finner du en tenkt reversibel syklisk prosess i et (p, V) -diagram. Dersom du antar at de to sirklene har samme radius R , hva er den totale entropiendringen per syklus?

Velg ett alternativ

- $\Delta S = 0$
- $\Delta S = 2\pi R^2$
- $\Delta S = 4\pi R^2$
- $\Delta S = 4\pi R$
- $\Delta S = \frac{4}{3}\pi R^3$

[Sjekk svar](#)

12 Kopi av Ny oppgave

Formuleringene under dreier seg om termodynamikkens 2. lov. Hvilken av formuleringene er korrekt?

Merk: Prosess betyr i denne sammenheng en kurve i f.eks et (p, V) -diagram som ikke er lukket. Dvs at systemets starttilstand er forskjellig fra slutttilstanden.

Velg ett alternativ

- Termodynamikkens 2. lov handler om energibevarelse.
- Termodynamikkens 2. lov utelukker eksistensen av prosesser hvor mengden tilført varme er lik mengden utført arbeid.
- Termodynamikkens 2. lov utelukker eksistensen av prosesser hvor varme transporteres fra et kaldt reservoar til et varmere reservoar.
- Termodynamikkens 2. lov garanterer at entropien i en reversibel varmeisolert prosess må øke.
- Termodynamikkens 2. lov garanterer at entropien i en irreversibel varmeisolert prosess må øke.

[Sjekk svar](#)

13 Ny oppgave

Hvilken av funksjonene $F(v_x, v_y, v_z)$ under er isotrop? A er en konstant.

Velg ett alternativ

- $F(v_x, v_y, v_z) = A\sqrt{v_x + v_y + v_z}$
- $F(v_x, v_y, v_z) = A(\sin(v_x) + \cos(v_y) + \tan(v_z))$
- $F(v_x, v_y, v_z) = A(v_x^2 + v_y^2 + v_z^2)$
- $F(v_x, v_y, v_z) = A(v_x^2 + v_y^2 + 0.5v_z^2)$
- $F(v_x, v_y, v_z) = A(v_x^2 + v_y^2 + v_z)^{1/2}$

[Sjekk svar](#)

14 Ny oppgave

Bruk Maxwells fartsfordeling til å beregne størrelsen $v_{\text{rms}} = \sqrt{\langle v^2 \rangle}$.

Velg ett alternativ

$v_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{5kT}{2m}}$

$v_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{kT}{2m}}$

$v_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{kT}{m}}$

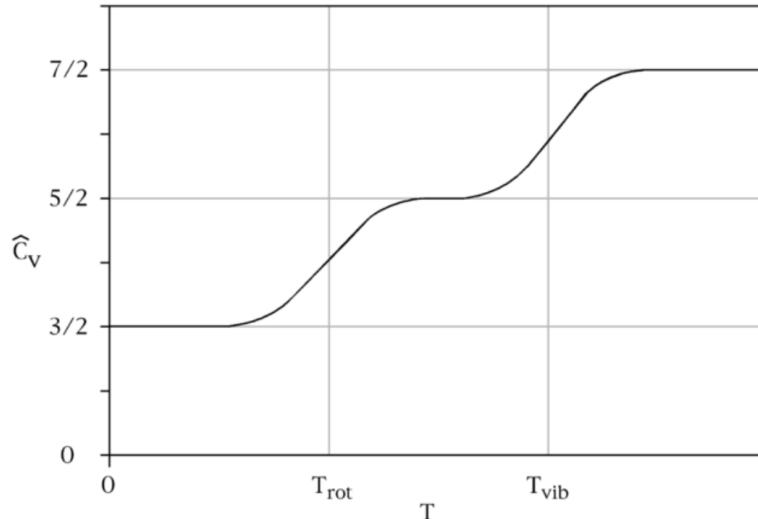
$v_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{3kT}{2m}}$

$v_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{3kT}{m}}$

Denne størrelsen er interessant fordi den er proporsjonal til gassens lydhastighet.

[Sjekk svar](#)

15 Ny oppgave



I figuren ser du varmekapasiteten C_V for Hydrogen som funksjon av temperatur T . Legg merke til at ved temperaturene T_{rot} og T_{vib} "hopper" varmekapasiteten.

Hvilken av påstandene under er korrekt?

- A) $T_{\text{vib}} \approx 300 \text{ K}$
- B) Hoppet er særegent for Hydrogen. Det er nesten ingen andre diatomiske molekyler som har denne oppførselen.
- C) For $T < T_{\text{vib}}$ er den termiske energien kT mindre enn eksitasjonsenergien $\hbar\omega$ slik at vibrasjonsmodene ikke kan bli eksitert.
- D) For $T < T_{\text{vib}}$ er den termiske energien kT større enn eksitasjonsenergien $\hbar\omega$ slik at vibrasjonsmodene ikke kan bli eksitert.
- E) Eksitasjonsenergien $\hbar\omega$ er så liten at størrelsesforholdet $\hbar\omega/(kT)$ er neglisjerbart ved alle temperaturer.

Velg ett alternativ

- A
- B
- C
- D
- E

[Sjekk svar](#)

16 Ny oppgave

Hva er varmekapasiteten C_V til en to-dimensjonal diatomisk gass ved romtemperatur?

Velg ett alternativ

- $C_V = \frac{1}{2}k$
- $C_V = k$
- $C_V = \frac{3}{2}k$
- $C_V = 2k$
- $C_V = \frac{5}{2}k$

[Sjekk svar](#)

17 Kopi av Ny oppgave

Anta at en gass har en Helmholtz fri energi på formen

$$F = NkT \ln\left(\frac{N\lambda^3}{V}\right) - NkT.$$

Her er N , k , T og V henholdsvis partikkeltall, Boltzmanns konstant, temperatur og volum. Parameteren λ er en statistisk størrelse som bare avhenger av gasspartiklenes masse og gassens temperatur.

Hva er gassens tilstandslikning?

Velg ett alternativ

- $P = \frac{NkT}{V}$
- $P = \frac{NkT}{V} \left(1 + \frac{N\lambda^3}{V}\right)$
- $P = \sqrt{\frac{NkT}{V} \left(1 + \frac{N\lambda^3}{V}\right)}$
- $P = \frac{NkT}{V} \left(1 + \frac{1}{2} \frac{N\lambda^3}{V}\right)$
- $P = \sqrt{\frac{NkT}{V} \left(1 + \frac{1}{2} \frac{N\lambda^3}{V}\right)}$

[Sjekk svar](#)

18 Ny oppgave

Anta at en ukjent gass oppfyller tilstandsligningen $p\sqrt{V} = AT$ hvor $A > 0$ er en konstant. I tillegg oppgis det at gassens entalpi er $H = pV$.

Beregn varmekapasiteten ved konstant trykk C_p .

Velg ett alternativ

$C_p = A\sqrt{V}$

$C_p = 2A\sqrt{V}$

$C_p = 3A\sqrt{V}$

$C_p = 4A\sqrt{V}$

$C_p = 5A\sqrt{V}$

[Sjekk svar](#)

19 Ny oppgave

Anta at en ukjent gass oppfyller tilstandsligningen $p\sqrt{V} = AT$ hvor $A > 0$ er en konstant. I tillegg oppgis det at gassens entalpi er $H = pV$.

Beregn gassens entropiendring ΔS i en irreversibel prosess med starttilstand (p_0, V_0, T_0) og slutttilstand (p_1, V_1, T_1) .

Velg ett alternativ

$\Delta S = A(\sqrt{V_1} - \sqrt{V_0})$

$\Delta S = 2A(\sqrt{V_1} - \sqrt{V_0})$

$\Delta S = A(\sqrt{V_1} - V_0)$

$\Delta S = 2A(\sqrt{V_1} - V_0)$

$\Delta S = 0$

[Sjekk svar](#)

20 Ny oppgave

En varmekraftmaskin kjører en syklisk kretsprosess bestående av fire steg:

1. En isochor med tilstandsendringen $(p_1, V_1, T_1) \rightarrow (p_2, V_1, T_2)$
2. En isobar med tilstandsendringen $(p_2, V_1, T_2) \rightarrow (p_2, V_3, T_3)$
3. En isochor med tilstandsendringen $(p_2, V_3, T_3) \rightarrow (p_1, V_3, T_4)$
4. En isobar med tilstandsendringen $(p_1, V_3, T_4) \rightarrow (p_1, V_1, T_1)$

Anta monoatomisk ideell gass.

Hva er varmekraftmaskinens virkningsgrad η ?

Tips: Tegn kretsprosessen i et (p, V) diagram.

Anta at $p_2 > p_1$ og $V_3 > V_1$.

Velg ett alternativ

- $\eta = \frac{(p_2 - p_1)(V_3 - V_1)}{C_V(T_3 - T_2) + C_p(T_2 - T_1)}$
- $\eta = \frac{(p_2 - p_1)(V_3 - V_1)}{C_p(T_2 - T_3) + C_V(T_1 - T_2)}$
- $\eta = \frac{(p_2 - p_1)(V_3 - V_1)}{C_p(T_3 - T_2) + C_V(T_2 - T_1)}$
- $\eta = \frac{(p_2 - p_1)(V_1 - V_3)}{C_p(T_3 + T_2) + C_V(T_2 + T_1)}$
- Det er ikke oppgitt nok informasjon til å beregne η

[Sjekk svar](#)

21 Ny oppgave

Identifiser **alle** setningene under som er ekvivalente:

- A) I en irreversibel prosess er $dS > 0$
- B) Et system som prøver å oppnå likevekt med sine omgivelser vil alltid forsøke å minimere den relevante frie energien
- C) Energi er bevart
- D) Entropien til et system går vanligvis mot null når $T \rightarrow 0$
- E) Ingen av setningene er ekvivalente

Velg ett alternativ

- A, B
- A, B, C
- E
- A, C, D
- A, C

[Sjekk svar](#)

22 Kopi av Ny oppgave

Beregn entropiendringen ΔS i en reversibel isoterm ekspansjon fra et startvolum V_1 til et sluttvolum $V_2 > V_1$. Anta ideell gass med tilstandslikning $pV = nRT$ og konstante varmekapasiteter C_p og C_V .

Husk at for en ideell gass holder relasjonen $C_p - C_V = nR$.

Velg ett alternativ

- $\Delta S = C_V \ln \frac{V_1}{V_2}$
- $\Delta S = nR \ln \frac{V_1}{V_2}$
- $\Delta S = nR \ln \frac{V_2}{V_1}$
- $\Delta S = C_p \ln \frac{V_1}{V_2}$
- $\Delta S = C_p \ln \frac{V_2}{V_1}$

[Sjekk svar](#)

23 Ny oppgave

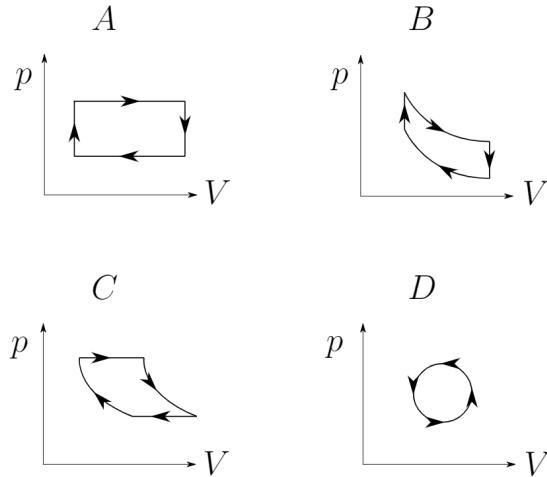
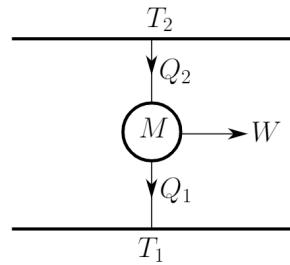
To like mengder vann med masse m og temperatur T_0 blir blandet sammen adiabatisk under konstant trykk. Hva er universets entropiendring ΔS ?

Velg ett alternativ

- $\Delta S = 0$
- $\Delta S = c_p m \ln \frac{1}{2}$
- $\Delta S = c_p m \ln 2$
- $\Delta S = c_p m \ln \frac{1}{4}$
- $\Delta S = c_p m \ln \frac{1}{4}$

[Sjekk svar](#)

24 Kopi av Ny oppgave



Figuren viser en reversibel maskin M som opererer mellom to (og bare to) varmereservoar. Maskinen tar ut en varme Q_2 fra reservoaret med temperatur T_2 for å utføre et arbeid W . Resten av systemets energi Q_1 blir sendt til reservoaret med temperatur $T_1 < T_2$ i form av varme.

I figurene **A**, **B**, **C** og **D** er det tegnet fire reversible kretsprosesser. Hvilken av kretsprosessene kan brukes i maskinen M beskrevet ovenfor?

Merk:

- I kretsprosess **A** brukes 2 isobarer og 2 isokorer
- I kretsprosess **B** brukes 2 isotermes og 2 isokorer
- I kretsprosess **C** brukes 2 isobarer og 2 isotermes
- I kretsprosess **D** brukes en sirkelprosess med radius R

Velg ett alternativ

- A
- B
- C
- D
- Ingen av kretsprosessene ovenfor kan benyttes

[Sjekk svar](#)

25 Kopi av Ny oppgave

Den termodynamiske identitet for et lukket system kan skrives på formen $dF = -SdT - pdV$. Hvilken av følgende Maxwellrelasjoner er en konsekvens av denne identiteten?

Velg ett alternativ

- $\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_T = \left(\frac{\partial p}{\partial T}\right)_V$
- $\left(\frac{\partial T}{\partial V}\right)_S = -\left(\frac{\partial p}{\partial S}\right)_V$
- $\left(\frac{\partial T}{\partial p}\right)_S = \left(\frac{\partial V}{\partial S}\right)_p$
- $-\left(\frac{\partial S}{\partial p}\right)_T = \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_p$
- $\left(\frac{\partial p}{\partial T}\right)_S = \left(\frac{\partial V}{\partial S}\right)_p$

[Sjekk svar](#)

26 Ny oppgave

En todimensjonal harmonisk oscillator har en energifunksjon på formen:

$$E = \frac{1}{2m}(p_x^2 + p_y^2) + \frac{1}{2}m\omega^2(x^2 + y^2).$$

I følge ekvipartisjonsprinsippet hva er oscillatorens varmekapasitet C_V ?

Velg ett alternativ

- $C_V = \frac{1}{2}k$
- $C_V = k$
- $C_V = \frac{3}{2}k$
- $C_V = 2k$
- $C_V = \frac{5}{2}k$

[Sjekk svar](#)

27 Kopi av Ny oppgave

I denne oppgaven skal vi se på en enkel kvantemekanisk modell for en magnet. Anta at vi har tre magnetiske dipoler plassert i et koordinatsystem i posisjonene $(-1, 0)$, $(0, 0)$ og $(1, 0)$. Anta at hver enkelt dipol kan enten peke opp (parallelt med y-aksen) eller ned (antiparallelt med y-aksen). Assosiert med hver enkelt dipol finnes det et tall som vi kaller s_i hvor $i = \{1, 2, 3\}$ nummerer dipolen. Anta at hvis dipol nummer i peker opp så er $s_i = +1/2$ og at hvis dipol nummer i peker ned så er $s_i = -1/2$.

Energifunksjonen til dette systemet er

$$E(s_1, s_2, s_3) = J(s_1 s_2 + s_2 s_3),$$

med $J = \text{konstant} > 0$.

Dvs energien til en mikrotilstand hvor alle dipolene peker opp er lik

$$E = J(1/2 \cdot 1/2 + 1/2 \cdot 1/2) = J/2.$$

Anta at systemet går fra en tilstand med energi $E = -J/2$ til en tilstand med energi

$$E = J/2, \text{ hva er den tilhørende entropiendringen } \Delta S = S(E = J/2) - S(E = -J/2)?$$

Hint: Her må du telle antall mikrotilstander med $E = -J/2$, og antall mikrotilstander med $E = J/2$. Når dette er gjort bruk den mikroskopiske definisjonen av entropi $S = k \ln W$.

Velg ett alternativ

- $\Delta S = 0$
- $\Delta S = k \ln 4$
- $\Delta S = -k \ln 2$
- $\Delta S = k \ln 2$
- $\Delta S = -k \ln 4$

[Sjekk svar](#)

28 Ny oppgave

En ideell paramagnet med temperatur T og magnetisering M plassert i et eksternt magnetfelt H oppfyller tilstandslikningen $M = A \frac{H}{T}$. Her er A en materialavhengig konstant. Hva er varmekapasiteten C_H ?

Tips: Bruk samme substitusjoner som i forelesning $p \rightarrow -\mu_0 H$ og $V \rightarrow M$

Velg ett alternativ

- $C_H = A\mu_0 \left(\frac{H}{T}\right)^{1/2}$
- $C_H = A\mu_0 \left(\frac{H}{T}\right)$
- $C_H = A\mu_0 \left(\frac{H}{T}\right)^{3/2}$
- $C_H = A\mu_0 \left(\frac{H}{T}\right)^2$
- $C_H = 0$

[Sjekk svar](#)

29 Ny oppgave

I denne oppgaven skal vi se på en ideell paramagnet med temperatur T , og magnetisering M , plassert i et eksternt magnetfelt H .

Hvilken påstand er korrekt?

A Dersom temperaturen økes vil alltid magnetens entropi bli mindre

B Ved null temperatur og null ytre felt sørger de sterke dipol-vekselvirkningene for at magnetens magnetisering er gigantisk

C Dersom magneten er isolert fra omgivelsene kan den kjøles ned ved å minke det eksterne magnetfeltet.

D Dersom det eksterne feltet økes isotermt vil magnetens entropi bli større

E Ved å minke det eksterne feltet isotermt blir magnetens entropi mindre

Velg ett alternativ

- A
- B
- C
- D
- E

[Sjekk svar](#)

30 Kopi av Ny oppgave

Anta at en kvantemekanisk partikkel kun kan ha tre tillatte energier, som vi kaller E_1 , $E_2 = 3E_1$ og $E_3 = 5E_1$. Her er $E_1 > 0$ en positiv konstant. La oss definere P_n til å være sannsynligheten for at partikkelen har energi E_n , hvor $n = 1, 2, 3$.

Hva er P_3 gitt at systemet har uendelig temperatur $T = \infty$?

Velg ett alternativ

- $P_3 = 1$
- $P_3 = 5/9$
- $P_3 = 4/9$
- $P_3 = 1/3$
- $P_3 = 2/9$

[Sjekk svar](#)

31 Kopi av Ny oppgave

Anta at et ukjent system har et arbeidsledd på formen $dW = y dx$, hvor y og x er henholdsvis en intensiv og en ekstensiv størrelse. Hva er de naturlige variable til entalpien H ?

Anta at systemet er lukket slik at $dN = 0$.

Velg ett alternativ

- (x, S)
- (y, S)
- (x, y)
- (x, T)
- (y, T)

[Sjekk svar](#)

32 Kopi av Ny oppgave

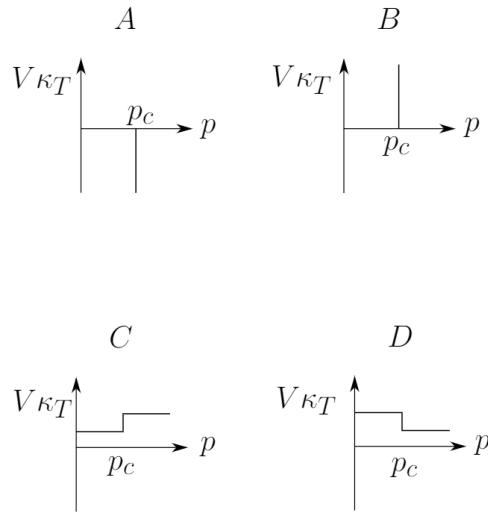
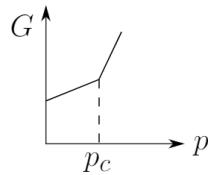
Hvis det i en blanding av vann (H_2O), salt (NaCl), og nitrogen (N_2), er 3 faser i likevekt.
Hvor mange frihetsgrader er det i blandingen?

Velg ett alternativ

- 6
- 5
- 4
- 3
- 2

Sjekk svar

33 Kopi av Ny oppgave



Figuren viser Gibbs' frie energi G som en funksjon av trykk p for et ukjent system. Ved trykket p_c gjennomgår systemet en faseovergang.

Hvilken av figurene **A**, **B**, **C** eller **D** viser den korrekte oppførselen til størrelsen $V\kappa_T$ som funksjon av trykk?

Her er V og κ_T henholdsvis systemets volum og isoterme kompressibilitet.

Velg ett alternativ

- Størrelsen $V\kappa_T$ divergerer i punktet p_c som vist på figur A.
- Størrelsen $V\kappa_T$ divergerer i punktet p_c som vist på figur B.
- Størrelsen $V\kappa_T$ har et sprang i punktet p_c som vist på figur C.
- Størrelsen $V\kappa_T$ har et sprang i punktet p_c som vist på figur D.
- Ingen av figurene A, B, C eller D er korrekte. Det er nemlig slik at $V\kappa_T = \infty$ for alle trykk p .

Sjekk svar

34 Ny oppgave

Van der Waals tilstandslikning kan skrives på formen

$$p = \frac{NkT}{V-Nb} - \frac{aN^2}{V^2}$$

anta i det følgende at van der Waals fluidet er i gassfasen.

Hva er den fysiske tolkningen av konstantene $a > 0$ og $b > 0$?

- A) a er et mål på den **frastøtende** vekselvirkningen mellom gassmolekylene,
 b er volumet okkupert av **ett** gassmolekyl
- B) a er et mål på den **attraktive** vekselvirkningen mellom gassmolekylene,
 b er volumet okkupert av **ett** gassmolekyl
- C) a er et mål på den **attraktive** vekselvirkningen mellom gassmolekylene,
 b er volumet okkupert av **N** gassmolekyler
- D) a er et mål på den **frastøtende** vekselvirkningen mellom gassmolekylene,
 b er volumet okkupert av **N** gassmolekyler
- E) Konstantene a og b har **ingen** fysisk tolkning

Velg ett alternativ

- A
- B
- C
- D
- E

[Sjekk svar](#)

35 Kopi av Ny oppgave

I denne oppgaven skal vi se på en gass med tilstandsligningen

$$\left(p + \frac{aN^2}{V^2}\right)V = NkT.$$

Finnes det et ikke-triviert kritisk punkt som oppfyller ulikheten $a > 0$?

Merk: Et triviert kritisk punkt oppstår når en av variablene $\{p_c, V_c, T_c\}$ er lik null.

Velg ett alternativ

- Ja, når $a = \frac{kT_c V_c}{N}$
- Ja, når $a = \frac{kT_c V_c}{2N}$
- Ja, når $a = \frac{kT_c V_c}{4N}$
- Ja, når $a = \frac{kT_c V_c}{6N}$
- Nei

[Sjekk svar](#)

36 Ny oppgave

Anta at en væske fordamper til en ideell gass, og at den latente fordampningsvarmen L_f er konstant. Anta videre at volumet til den ideelle gassen er mye større enn volumet til væsken. I et (p, T) diagram skiller disse fasene av faselikevektskurven.

Hvilken av utrykkene under er en god approksimasjon for faselikevektskurven?

Velg ett alternativ

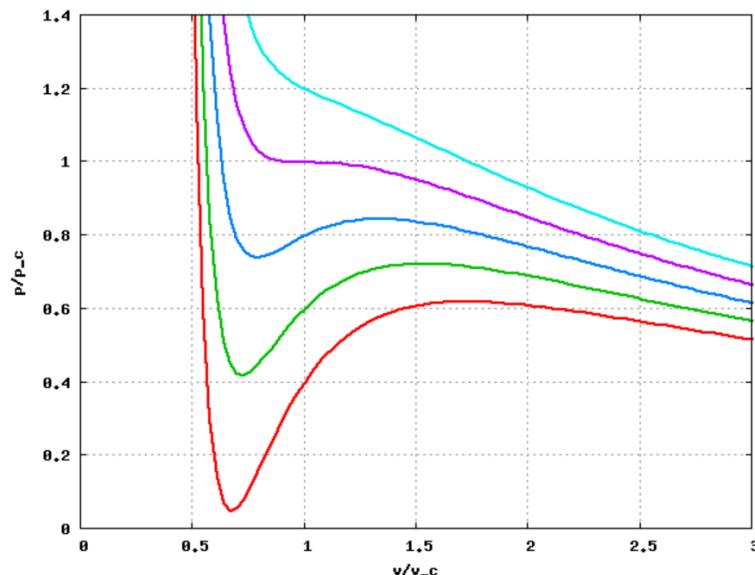
- $\ln \frac{p}{p_1} = -\frac{L_f}{Nk} \left(\frac{1}{T} - \frac{1}{T_1} \right)$
- $\ln \frac{p}{p_1} = -\frac{L_f}{Nk} \left(\frac{1}{T} - \frac{1}{T_1} \right)^2$
- $\frac{p}{p_1} = -\frac{L_f}{Nk} \left(\frac{1}{T} - \frac{1}{T_1} \right)$
- $\frac{p}{p_1} = -\frac{L_f}{Nk} \left(\frac{1}{T} - \frac{1}{T_1} \right)^2$
- $\ln \frac{p}{p_1} = -\frac{L_f}{Nk} \sqrt{\frac{1}{T} - \frac{1}{T_1}}$

Her er (p_1, T_1) et kjent referansepunkt på faselikevektskurven.

[Sjekk svar](#)

37

Ny oppgave



Figuren viser forskjellige isotermer for en van der Waals tilstands ligning. For store temperaturer ser du at trykket avtar monoton med volumet. For en spesiell kritisk temperatur ser du at isotermen får et sadelpunkt. For lave temperaturer ser du at isotermen får et toppunkt og et bunnpunkt.

Hva er den korrekte fysiske tolkningen av denne kvalitative forandringen for minkende temperatur?

A Gasspartiklenes ladning endrer fortegn etterhvert som atomorbitalene blir presset sammen og begynner å overlappa

B Gasspartiklenes ladning endrer fortegn etterhvert som gassvolumet øker

C Systemet undergår en faseovergang

D Gasspartiklenes ladning endrer fortegn fordi trykket blir så lite at elektronene kan bevege seg fritt

E Dette kan ikke tolkes fysisk

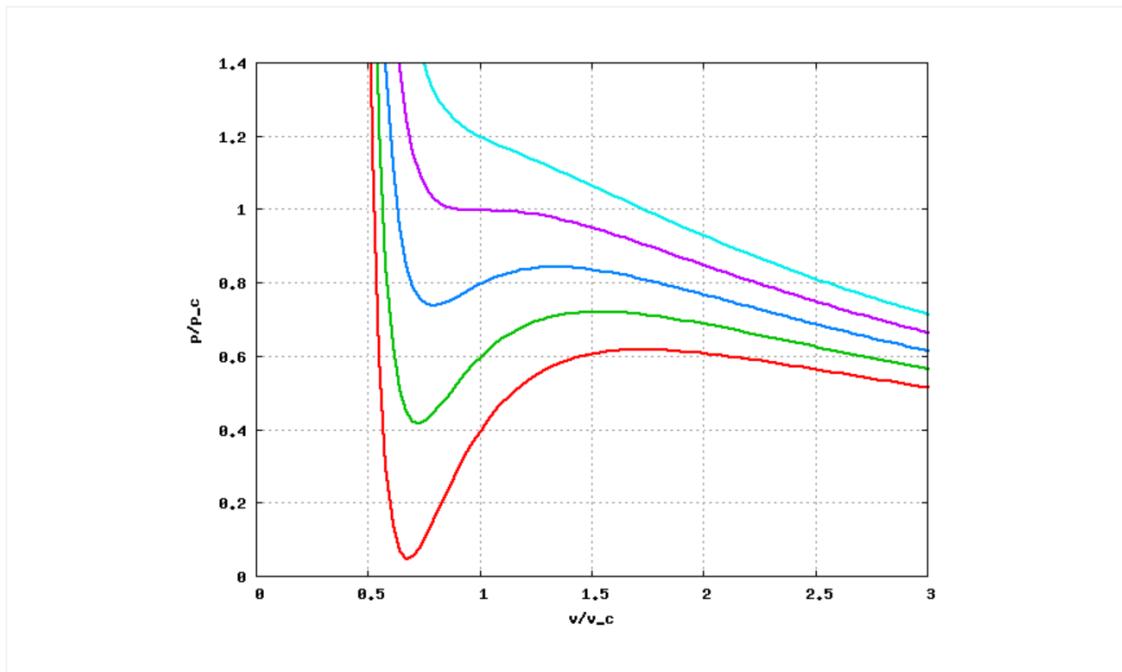
Velg ett alternativ

- A
- B
- C
- D
- E

Sjekk svar

38

Ny oppgave



Hva er likevektstrykket i den midterste (se vedlagt figur) isotermen?

Velg ett alternativ

- $p/p_c \approx 0.2$
- $p/p_c \approx 0.4$
- $p/p_c \approx 0.6$
- $p/p_c \approx 0.8$
- $p/p_c \approx 1.0$

Sjekk svar

39 Ny oppgave

I denne oppgaven skal vi se på 2 faser av materialet flytende kvartz SiO_2 . Hvis flytende kvartz avkjøles sakte, vil faststoff-fasen bli en krystall. Dersom flytende kvartz avkjøles fort, vil faststoff-fasen bli et glass.

Alle kvartzfaser er inkompressible, noe som betyr at pdV -arbeid kan neglisjeres. Derfor kan det kjemiske potensialet uttrykkes som

$$\mu = \frac{U - TS}{N}.$$

Det oppgis at:

- I krystallfasen er $U = \frac{\alpha N}{4} T^4$ og $S = \frac{N\alpha T^3}{3}$
- I glassfasen er $U = \frac{\beta N}{2} T^2$ og $S = \beta NT$

Her er α og β eksperimentelt bestemte konstanter.

Krystallfasen og glassfasen kan eksistere sammen i likevekt ved en spesiell temperatur $T_m > 0$. Hva er et korrekt uttrykk for denne temperaturen?

Velg ett alternativ

$T_m = \sqrt{\frac{\beta}{\alpha}}$

$T_m = \sqrt{\frac{2\beta}{\alpha}}$

$T_m = \sqrt{\frac{3\beta}{\alpha}}$

$T_m = \sqrt{\frac{5\beta}{\alpha}}$

$T_m = \sqrt{\frac{6\beta}{\alpha}}$

[Sjekk svar](#)

40 Ny oppgave

Anta at du har en tynn væske spredt ut over en uendelig stor to-dimensjonal flate, f.eks (x, y) -planet. Anta videre at det kjemiske potensialet for dette systemet er $\mu(x, y) = A(x^2 + y^2)$ og at $A = 1 \frac{\text{J}}{\text{m}^2}$.

I hvilken retning vil partiklene i dette systemet bevege seg?

Velg ett alternativ

- $\hat{x} + \hat{y}$
- $\hat{x} - \hat{y}$
- $\hat{x} + 2\hat{y}$
- Mot origo
- Vekk fra origo

[Sjekk svar](#)

41 Ny oppgave

En fotongass med volum V , temperatur T , og partikkeltall N har en indre energi $U = aVT^4$ og en tilstandsligning på formen $p = \frac{a}{3}T^4$. Her er a en konstant. Hva er fotongassens kjemiske potensial μ ?

Tips:

Bruk Maxwellrelasjonen $\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_T = \left(\frac{\partial p}{\partial T}\right)_V$ til å bestemme entropien $S(V, T)$, anta at integrasjonskonstanten er null. Bruk så definisjonen av Gibbs' frie energi.

Velg ett alternativ

- $\mu = \frac{a}{2N}VT^4$
- $\mu = \frac{a}{3N}VT^4$
- $\mu = \frac{a}{4N}VT^4$
- $\mu = \frac{3a}{4N}VT^4$
- $\mu = 0$

[Sjekk svar](#)

42 Ny oppgave

Et mol gass følger van der Waals tilstandsligning $p = \frac{RT}{V-b} - \frac{a}{V^2}$ og har varmekapasitet $C_V = \frac{3}{2}R$.

Gassens indre energi er $U = U_0 + C_V T - \frac{a}{V}$ hvor U_0 er en integrasjonskonstant.

Anta at vi ønsker å kjøle ned gassen ved å presse den i gjennom en porøs plugg (Joule-Thomson-eksperimentet). I starttilstanden (før vi presser den igjennom pluggen) er $V_0 = 5b$ og $T_0 = \frac{a}{2Rb}$. I slutttilstanden kan gassens volum V_s regnes uendelig stort og temperaturen er T_s .

Finn sluttemperaturen T_s uttrykt ved T_0 .

Velg ett alternativ

- $T_s = 0.38T_0$
- $T_s = 0.48T_0$
- $T_s = 0.58T_0$
- $T_s = 0.68T_0$
- $T_s = 0.78T_0$

[Sjekk svar](#)

43 Ny oppgave

Anta at et endimensjonalt materiale har en posisjonsavhengig varmeledningsevne $\kappa(x) = e^{-x} \frac{W}{m K}$. Hva er et korrekt utrykk for den stasjonære varmeligningen?

Tips: Kontinuitetsligningen er $\frac{\partial u}{\partial t} + \nabla \cdot \mathbf{J} = 0$

Velg ett alternativ

- $0 = e^x \left(\frac{d^2 T}{dx^2} - \frac{dT}{dx} \right)$
- $0 = \frac{d^2 T}{dx^2} - e^{-x} \frac{dT}{dx}$
- $0 = e^{-x} \frac{d^2 T}{dx^2} - \frac{dT}{dx}$
- $e^{-x} = \left(\frac{d^2 T}{dx^2} - \frac{dT}{dx} \right)$
- $0 = \frac{d^2 T}{dx^2} - \frac{dT}{dx}$

[Sjekk svar](#)

44 Ny oppgave

I denne oppgaven skal vi se på temperaturprofilen rundt en kule med radius R . Anta at temperaturen på kulens overflate er konstant lik T_0 . La kulas sentrum være plassert i origo og bruk kulekoordinater (r, θ, ϕ) .

Bestem $T(r, \theta, \phi)$ for $r > R$.

Merk:

- Anta at T_0 er så stor at du kan se bort fra eventuelle strålingsbidrag, j.f. Stefan-Boltzmanns lov.
- Anta at $T(r \rightarrow \infty) = 0$
- $\nabla^2 T = \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left(r^2 \frac{\partial T}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2 \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left(\sin \theta \frac{\partial T}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{r^2 \sin^2 \theta} \frac{\partial T}{\partial \phi}$

Velg ett alternativ

$T(r) = T_0 \left(\frac{R}{r} \right)^{1/2}$

$T(r) = T_0 \left(\frac{R}{r} \right)$

$T(r) = T_0 \left(\frac{R}{r} \right)^{3/2}$

$T(r) = T_0 \left(\frac{R}{r} \right)^2$

$T(r) = T_0 \left(\frac{R}{r} \right)^{5/2}$

[Sjekk svar](#)

45 Kopi av Ny oppgave

I forelesning har vi sett på en endimensjonal mikroskopisk modell for diffusjon. Modellen baserte seg på at en partikkel kan enten hoppe til høyre eller hoppe til venstre på et uendelig stort endimensjonalt gitter. Vi antok at sannsynligheten for å hoppe til høyre var like stor som sannsynligheten for å hoppe til venstre.

Dersom vi nå antar at partiklene har svak positiv ladning og at vi setter på et elektrisk felt i positiv x -retning, vil situasjonen bli litt mer komplisert. Det vil nå være litt mer sannsynlig for partiklene å hoppe til høyre enn det vil være å hoppe til venstre. Konsekvensen av dette er at partiklene vil begynne å driftet til høyre med en konstant hastighet v_d .

Denne komplikasjonen fører til at sannsynlighetstettheten i en dimensjon blir

$$\tilde{P}(x, t) = \frac{1}{\sqrt{4\pi D t}} e^{-\frac{(x-v_d t)^2}{4Dt}}.$$

Hvordan oppfører forventningsverdiene $\langle x \rangle$ og $\langle x^2 \rangle$ seg som funksjon av tida t ?

Velg ett alternativ

- $\langle x \rangle = -v_d t, \langle x^2 \rangle = 0$
- $\langle x \rangle = v_d t, \langle x^2 \rangle = (v_d t)^2 + 2Dt$
- $\langle x \rangle = (v_d t)^2, \langle x^2 \rangle = 0$
- $\langle x \rangle = -(v_d t)^2, \langle x^2 \rangle = (v_d t)^2 + 2Dt$
- $\langle x \rangle = 0, \langle x^2 \rangle = v_d t + \sqrt{2Dt}$

Sjekk svar



 Formelark