

Bokmål / Nynorsk / English

NORGES TEKNISK-  
NATURVITENSKAPELIGE UNIVERSITET  
INSTITUTT FOR FYSIKK

Steinar Raaen, tel.482 96 758

**Eksamenskoden TFY4185 Måleteknikk**

Lørdag 17. desember 2011

Tid: 09.00-13.00

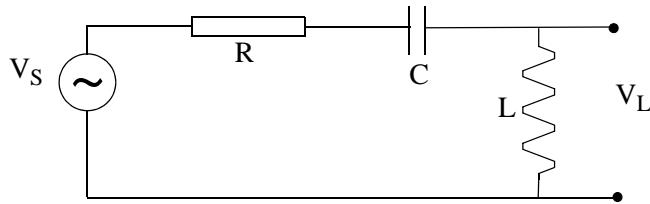
Tillatt ved eksamen / permitted at exam: Alternativ C / Alternative C

Godkjend lommekalkulator / Approved pocket calculator

K. Rottman: Mathematical formulas (or similar)

Engelsk ordbok / English dictionary

### Oppgave 1 / Oppgåve 1 / Problem 1



Figuren viser en RLC-krets med  $R = 10 \Omega$ ,  $C = 20 \mu F$ , og  $L = 10 \text{ mH}$ . Kretsen drives av en harmonisk vekselspenning  $V_S$  med vinkelfrekvens  $\omega$ . Spenningene over motstanden  $R$ , kondensatoren  $C$  og spolen  $L$  er henholdsvis  $V_R$ ,  $V_C$  og  $V_L$ .

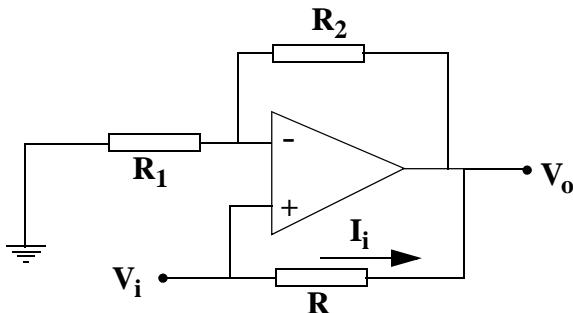
- Finn den komplekse impedansen for kretsen og beregn strømmen i kretsen. Anta at  $V_S$  har amplitude 100 V og vinkelfrekvens  $\omega = 1000 \text{ s}^{-1}$ . Angi tallsvar med amplitude og fase.
- Beregn amplitude og phase for hver av spenningene  $V_R$ ,  $V_C$ , og  $V_L$ , og tegn et viserdiagram i det komplekse plan.
- Finn Thevenin og Norton ekvivalentene til kretsen. Vis ekvivalentkretsene.

Figuren viser ein RLC-krets med  $R = 10 \Omega$ ,  $C = 20 \mu F$ , og  $L = 10 \text{ mH}$ . Kretsen drivs av ein harmonisk vekselspenning  $V_S$  med vinkelfrekvens  $\omega$ . Spenningane over motstanden  $R$ , kondensatoren  $C$  og spolen  $L$  er henholdsvis  $V_R$ ,  $V_C$  og  $V_L$ .

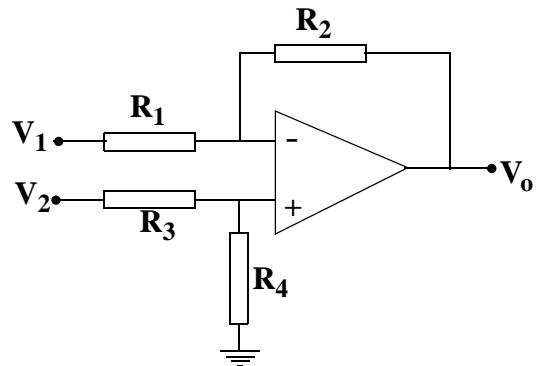
- Finn den komplekse impedansen for kretsen og berekn strømmen i kretsen. Anta at  $V_S$  har amplitude 100 V og vinkelfrekvens  $\omega = 1000 \text{ s}^{-1}$ . Angi talsvar med amplitude og fase.
- Berekn amplitude og phase for kvar av spenningane  $V_R$ ,  $V_C$ , og  $V_L$ , og tekn eit viserdiagram i det komplekse planet.
- Finn Thevenin og Norton ekvivalentane til kretsen. Vis ekvivalentkretsane.

The figure shows a RLC-circuit with  $R = 10 \Omega$ ,  $C = 20 \mu F$ , and  $L = 10 \text{ mH}$ . The circuit is driven by an harmonic AC voltage  $V_S$  with angular frequency  $\omega$ . The voltages over the resistor  $R$ , capacitor  $C$  and the solenoid  $L$  are  $V_R$ ,  $V_C$  and  $V_L$ , respectively.

- Find the complex impedance for the circuit and calculate the current in the circuit. Assume that  $V_S$  has amplitude 100 V and angular frequency  $\omega = 1000 \text{ s}^{-1}$ . Give numeric answers using amplitude and phase.
- Calculate the amplitude and phase for each of the voltages  $V_R$ ,  $V_C$ , and  $V_L$ , and draw a phasor diagram in the complex plane.
- Find the Thevenin and Norton equivalents of the circuit. Show the equivalent circuits.

**Oppgave 2 / Oppgåve 2 / Problem 2**

Krets 1 / Circuit 1



Krets 2 / Circuit 2

- a) Operasjonsforsterkeren i krets 1 har inngangssignal  $V_i$  og utgangssignal  $V_o$ .

Finn transferfunksjon og inngangsimpedans for krets 1. Anta at operasjonsforsterkeren er ideell.

- b) I krets 2 har forsterkerkretsen  $V_1$  og  $V_2$  som inngangssignal og  $V_o$  som utgangssignal. Anta ideell operasjonsforsterker. Hvilke relasjoner må være oppfylt mellom  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_3$  og  $R_4$  for at forsterkeren skal være en differanseforsterker med forsterkning 100?

- a) Operasjonsforsterkaren i krets 1 har inngangssignal  $V_i$  og utgangssignal  $V_o$ .

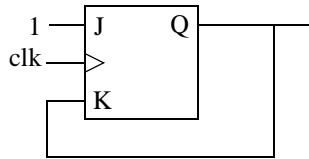
Finn transferfunksjon og inngangsimpedans for krets 1. Anta at operasjonsforsterkaren er ideell.

- b) I krets 2 har forsterkarkretsen  $V_1$  og  $V_2$  som inngangssignal og  $V_o$  som utgangssignal. Anta ideell operasjonsforsterkar. Hvilke relasjonar må være oppfylde mellom  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_3$  og  $R_4$  for at forsterkaren skal vere ein differanseforsterkar med forsterkning 100?

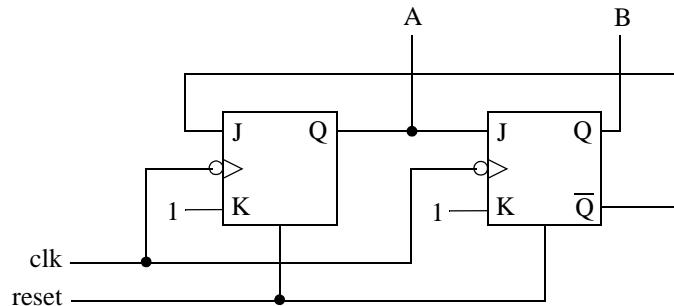
- a) The operational amplifier in circuit 1 has input signal  $V_i$  and ouput signal  $V_o$ .

Find the transfer function and input impedance for circuit 1. Assume an ideal operational amplifier.

- b) In circuit 2 the amplifier circuit has  $V_1$  and  $V_2$  as input signals and  $V_o$  as output signal. Assume ideal operational amplifier. Which relations must be fulfilled for  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_3$  and  $R_4$  in order for the amplifier to be a differential amplifier of gain 100?

**Oppgave 3 / Oppgåve 3 / Problem 3**

Figur 1 / Figure 1



Figur 2 / Figure 2

- Det sendes klokkepulser inn på JK-vippa i Figur 1. Hvordan oppfører utgangen Q seg?
- Hvordan kan en JK-vippe endres til en D-vippe?
- Det sendes et pulstog inn på klokkeinngangene i Figur 2. Hva er funksjonen til kretsen?
- Gitt det logiske uttrykket

$$Y = AB + AC + \bar{B}C$$

Forenkle uttrykket mest mulig.

- Det sendes klokkepulsar inn på JK-vippa i Figur 1. Korleis oppfører utgangen Q seg?
- Korleis kan ei JK-vippe endras til ei D-vippe?
- Det sendes eit pulstog inn på klokkeinngangane i Figur 2. Kva er funksjonen til kretsen?
- Gjeve det logiske uttrykket

$$Y = AB + AC + \bar{B}C$$

Forenkle uttrykket mest mulig.

- Clock pulses are sent to the clock input of Figure 1. How does the output Q behave?
- How can a JK flip-flop be transformed into a D flip-flop?
- A puls train is impinging on the clock inputs of Figure 2. What is the function of this circuit?
- Given the logical expression

$$Y = AB + AC + \bar{B}C$$

Simplify the expression as much as possible.

## Løsningskisse - eks. 17. desember 2011

**Oppg.1**

a)

$$Z = R + \frac{1}{j\omega C} + j\omega L = R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right) = 10 - j40[\Omega] = \hat{Z}e^{j\varphi}$$

$$\hat{Z} = 41,2[\Omega]$$

$$\varphi = \text{atan}\left(-\frac{40}{10}\right) = -76^\circ$$

$$I = \frac{V_s}{Z} = \frac{V_s}{\hat{Z}}e^{-j\varphi} = \frac{V_s^0}{\hat{Z}}e^{j(\omega t - \varphi)} = \hat{I}e^{j(\omega t - \varphi)}$$

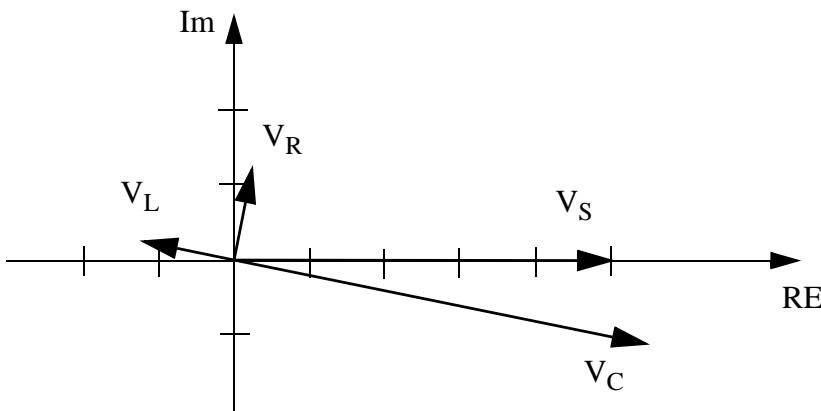
$$\hat{I} = 2,43 \quad \text{og} \quad \theta = -\varphi = 76^\circ$$

b)

$$V_R = RI = R\hat{I}e^{j(\omega t + 76^\circ)} = 24,3e^{j(\omega t + 76^\circ)} = \hat{V}_R e^{j(\omega t + 76^\circ)}$$

$$V_C = \frac{I}{j\omega C} = \frac{-jI}{\omega C} = \frac{I}{\omega C}e^{-j90^\circ} = \frac{\hat{I}}{\omega C}e^{j(\omega t + 76^\circ - 90^\circ)} = 121,5e^{j(\omega t - 14^\circ)} = \hat{V}_C e^{j(\omega t - 14^\circ)}$$

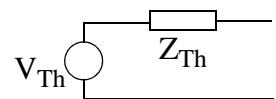
$$V_L = j\omega LI = \omega L\hat{I}e^{j(\omega t + 76^\circ + 90^\circ)} = 24,3e^{j(\omega t + 166^\circ)} = \hat{V}_L e^{j(\omega t + 166^\circ)}$$



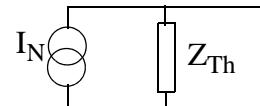
Merk at  $V_S = V_R + V_L + V_C$  (vektorsummen)

c)

$$Z_{Th} = Z_N = j\omega L \parallel \left(R + \frac{1}{j\omega C}\right) = \frac{-\omega^2 LCR + j\omega L}{1 - \omega^2 LC + j\omega RC}$$



$$V_{Th} = \frac{j\omega L V_S}{R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)} \quad \text{og} \quad I_N = \frac{V_{Th}}{Z_{Th}}$$



**Oppg.2**

a)

$$V_{pluss} = V_{minus} = V_i \Rightarrow \frac{V_i}{R_1} = \frac{V_o}{R_1 + R_2} \Rightarrow \frac{V_o}{V_i} = 1 + \frac{R_2}{R_1}$$

$$R_{inn} = \frac{V_i}{I_i} = \frac{V_i}{\frac{V_i - V_o}{R}} = \frac{-R}{\frac{V_0 - V_i}{V_i}} = \frac{-R}{1 + \frac{R_2}{R_1} - 1} = -\frac{RR_1}{R_2}$$

b)

$$\frac{V_o - V_{minus}}{R_2} = \frac{V_{minus} - V_1}{R_1} \quad \text{og} \quad \frac{V_2 - V_{pluss}}{R_3} = \frac{V_{pluss}}{R_4} \quad \text{og} \quad V_{pluss} = V_{minus}$$

$$V_{minus} = \frac{R_1 V_o + R_2 V_1}{R_1 + R_2} \quad \text{og} \quad V_{pluss} = \frac{R_4 V_2}{R_3 + R_4}$$

$$\frac{R_1 V_o + R_2 V_1}{R_1 + R_2} = \frac{R_4 V_2}{R_3 + R_4} \quad \text{dermed} \quad V_o = \frac{R_1 + R_2 R_4}{R_3 + R_4 R_1} V_2 - V_1 \frac{R_2}{R_1}$$

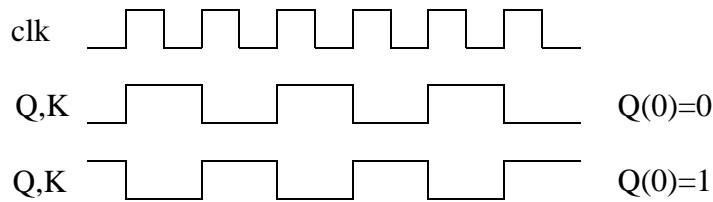
$$\text{videre} \quad V_o = \frac{R_1 + R_2}{R_1} \left\{ \left( \frac{R_4}{R_3 + R_4} \right) V_2 - \frac{R_2}{R_1 + R_2} V_1 \right\}$$

$$\text{differanseforsterker} \quad \frac{R_4}{R_3 + R_4} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \Rightarrow \frac{R_3}{R_4} = \frac{R_1}{R_2}$$

$$\text{dermed} \quad V_o = \frac{R_2}{R_1} (V_2 - V_1) = 100(V_2 - V_1) \quad \text{hvis} \quad \frac{R_2}{R_1} = 100$$

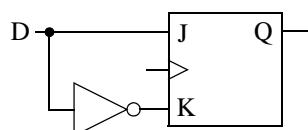
**Oppg.3**

a)



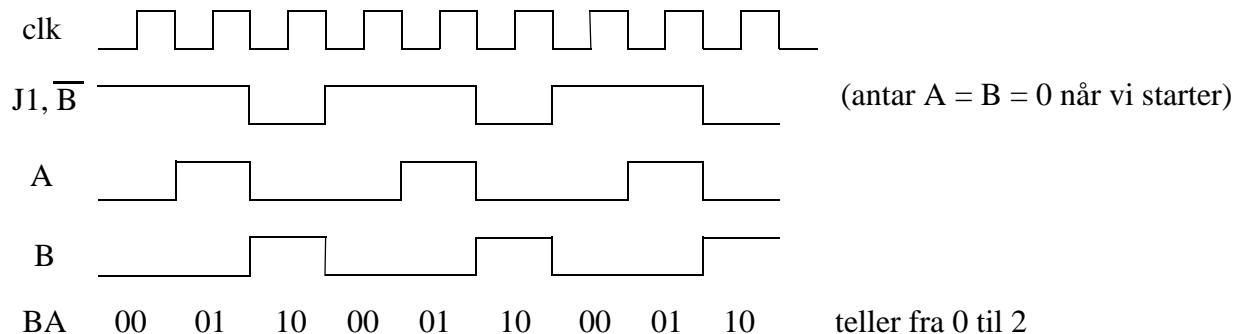
dvs. deler klokkefrekvensen på 2

b)



D-vippe fra JK-vippe

c)



d)

$$Y = AB + AC + \bar{B}C$$

A	B	C	AB	AC	$\bar{B}C$	Y
0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1	1
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0
1	0	1	0	1	1	1
1	1	0	1	0	0	1
1	1	1	1	1	0	1

Y		AB			
		00	01	11	10
C	0	0	0	1	0
	1	1	0	1	1

Karnaugh diagram  
som gir  $Y = AB + \bar{B}C$