

**TFY4104 Fysikk. Institutt for fysikk, NTNU.**  
**Løsningsforslag til Test 12.**

**Oppgave 1**

Tyngdekraften har komponent  $mg \sin \alpha$  nedover parallelt med skråplanet. Normalkraften fra underlaget er lik tyngdekraftens normalkomponent  $mg \cos \alpha$ , siden det ikke er noen akselerasjon normalt på skråplanet. Når klossen glir, er det kinetisk friksjon, med friksjonskraft  $f = \mu N = \mu mg \cos \alpha$ . Med konstant hastighet er  $f = mg \sin \alpha$ , dvs  $\mu = \tan \alpha$ . Riktig svar: D.

**Oppgave 2**

Klossen starter med mekanisk energi

$$E = mgh + mv_0^2/2 = mgL \sin \alpha + mv_0^2/2.$$

Den har mistet all denne mekaniske energien, dvs  $E$  tilsvarer friksjonsarbeidet

$$W_f = fL = \mu mgL \cos \alpha.$$

Dermed er

$$\mu = E/mgL \cos \alpha = \tan \alpha + v_0^2/2gL \cos \alpha.$$

Riktig svar: E.

**Oppgave 3**

Total impuls er bevart i kollisjonen:  $mv_0 = 2mv$ , dvs  $v = v_0/2$ . Riktig svar: A.

**Oppgave 4**

$|\Delta K| = mv_0^2/2 - 2mv^2/2 = mv_0^2/2 - mv_0^2/4 = mv_0^2/4$ . Riktig svar: C.

**Oppgave 5**

De to massene snur i høyden  $h = L(1 - \cos \beta)$ . Der er potensiell energi lik  $2mgh$  og kinetisk energi null. Energibevarelse etter at kollisjonen er over gir da

$$mv_0^2/4 = mgh = mgL(1 - \cos \beta) \Rightarrow \beta = \arccos(1 - v_0^2/8gL).$$

Riktig svar: B.

**Oppgave 6**

Matematisk pendel med lengde  $L$  og små utsving:  $\omega_0 = \sqrt{g/L}$ , dvs  $T = 2\pi/\omega_0 = 2\pi\sqrt{L/g}$ . Riktig svar: A.

**Oppgave 7**

De fire punktmassene er alle i avstand  $d$  fra aksene, med  $d^2 = (a/2)^2 + (a/2)^2 = a^2/2$ . Dermed er  $I_0 = 4ma^2/2 = 2ma^2$ . Riktig svar: B.

**Oppgave 8**

Steiners sats, med en parallellforskyvning av aksene en lengde  $a/2$ , gir  $I_1 = I_0 + 4m(a/2)^2 = 2ma^2 + ma^2 = 3ma^2$ . Riktig svar: C.

**Oppgave 9**

Steiners sats, med en parallellforskyvning av aksene en lengde  $a/\sqrt{2}$ , gir  $I_2 = I_0 + 4m(a/\sqrt{2})^2 = 2ma^2 + 2ma^2 = 4ma^2$ . Riktig svar: D.

**Oppgave 10**

Energibevarelse gir

$$mgh = mv^2/2 + MV^2/2 = mv_x^2/2 + mv_y^2/2 + MV^2/2,$$

og impulsbevarelse horisontalt gir

$$mv_x = MV.$$

En tredje ligning får vi ved å bruke at  $m$  hele veien ned befinner seg på skråplanet, slik at en forflytning av  $m$  med  $dx$  horisontalt og en forflytning av  $M$  motsatt vei med  $dX$  må innebære en vertikal forflytning av  $m$  med  $dy = dx + dX$  (der alle størrelser regnes positive). Divisjon med  $dt$  gir  $v_y = v_x + V$ . Nå har vi 3 ligninger for 3 ukjente ( $v_x$ ,  $v_y$  og  $V$ ), og løsning mhp  $V$  gir

$$V = \sqrt{2gh \frac{1}{(1 + M/m)(1 + 2M/m)}}.$$

Riktig svar: C.

### Oppgave 11

Tilsvarende som i oppgave 10, men nå har  $m$  (ringen) kinetisk energi

$$K_m = mv^2/2 + I_0\omega^2/2 = mv^2/2 + (mr^2)(v/r)^2/2 = mv^2/2 + mv^2/2 = mv^2.$$

Energibevarelse gir da

$$mgh = mv_x^2 + mv_y^2 + MV^2/2.$$

Ellers likt, slik at svaret blir

$$V = \sqrt{gh \frac{1}{1 + 5M/2m + 2M^2/m^2}}.$$

Riktig svar: D.

### Oppgave 12

Elektrisk feltstyrke mellom platene:  $E = \sigma/\epsilon_0 = Q/Ad\epsilon_0$ . Kondensatorens dipolmoment:  $p = Qd$ . Dermed er  $p = \epsilon_0 EAd$ , slik at  $p/Ad = p/V = \epsilon_0 E$  (der  $V = Ad$  er volumet mellom platene). Riktig svar: E.

### Oppgave 13

Avstanden mellom  $-2Q$  og hver av de to  $Q$  er  $d$ . Avstanden mellom de to  $Q$  er  $2d \sin \alpha/2$ . Total potensiell energi er da

$$U = \frac{Q^2}{4\pi\epsilon_0 \cdot 2d \sin \alpha/2} - 2 \cdot \frac{2Q^2}{4\pi\epsilon_0 d} = \frac{Q^2}{4\pi\epsilon_0 d} \left( \frac{1}{2 \sin \alpha/2} - 4 \right),$$

slik at  $U < 0$  dersom  $2 \sin \alpha/2 > 1/4$ , dvs  $\alpha > 2 \arcsin(1/8) \simeq 14^\circ$ . Riktig svar: B.

### Oppgave 14

$$E(z) = -\frac{dV}{dz} = -\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left( \frac{z}{\sqrt{R^2 + z^2}} - 1 \right),$$

slik at  $E(0) = \sigma/2\epsilon_0$ . Riktig svar: D.

### Oppgave 15

Det elektriske feltet er null overalt inne i hulrommet og overalt inne i metallet (se forelesningene). Det betyr at hele volumet innenfor  $r = 2R$  er et ekvipotensial. Dermed:  $E_1 = E_2 = 0$  og  $V_1 = V_2$ . Riktig svar: A.

### Oppgave 16

Kretsens totale motstand er  $2R + (1/R + 1/R + 1/R)^{-1} = 7R/3$ , slik at total strøm i kretsen er  $3V_0/7R$ . Denne fordeler seg naturligvis likt på de tre parallellkoblede motstandene, dvs strøm  $V_0/7R$  gjennom hver av dem. Riktig svar: E.

### Oppgave 17

Anta at det går en strøm  $I_1$  i spole nr 1. Dette skaper et magnetfelt  $B_1 = \mu_0(N_1/\lambda)I_1$  overalt inne i spolen

(der vi antar lang, tettviklet spole). Det betyr at spole nr 2 omslutter en magnetisk fluks  $\phi_2 = N_2 B_1 A = N_2 \mu_0 (N_1 / \lambda) I_1 A$ , som igjen betyr at gjensidig induktans er

$$M = \phi_2 / I_1 = \mu_0 N_1 N_2 A / \lambda$$

. Riktig svar: C.

### Oppgave 18

Her er maksimal strøm  $V_0/R = 4.5$  A. Kretsens tidskonstant er  $L/R = 1$  s. En strøm 4.0 A er noe mer enn en andel  $1 - 1/e \simeq 0.62$  av maksimal strøm, så det bør ta noe mer enn 1 sekund å oppnå 4.0 A i kretsen. Vi bør nok satse på 2.2 s. Med litt regning:  $I(t) = (V_0/R)(1 - \exp(-Rt/L))$ , som løst mhp  $t$  gir

$$t = \frac{L}{R} \ln \left( \frac{1}{1 - RI(t)/V_0} \right) = 1.0 \text{ s} \cdot \ln 9 = 2.2 \text{ s}.$$

Riktig svar: D.

### Oppgave 19

Siden  $\omega_0 = 1/\sqrt{LC}$ , har vi  $L = 1/\omega_0^2 C = 1/4\pi^2 f_0^2 C$ , som med innsetting av oppgitte tallverdier gir  $L = 63.1 \cdot 10^{-12}$  H. Riktig svar: C.

### Oppgave 20

Vi må benytte en kondensator med kapasitans  $C = 1/4\pi^2 f_0^2 L$ , som med oppgitte tallverdier gir  $C = 25$  nF. Da er i grunnen bare B et aktuelt svar... La oss sjekke at vi får riktig Q-faktor med motstand som i alternativ B: Vi har  $Q = \sqrt{L/C}/R$ , dvs  $R = \sqrt{L/C}/Q = \sqrt{10^{-6}/25 \cdot 10^{-9}}/10^4 = 6.3 \cdot 10^{-4} = 0.63 \text{ m}\Omega$ . Stemmer. Riktig svar: B.