

TFY4102 Fysikk. Institutt for fysikk, NTNU.
Løsningsforslag til Test 12.

Oppgave 1

Tyngdekraften har komponent $mg \sin \alpha$ nedover parallelt med skråplanet. Normalkraften fra underlaget er lik tyngdekraftens normalkomponent $mg \cos \alpha$, siden det ikke er noen akselerasjon normalt på skråplanet. Når klossen glir, er det kinetisk friksjon, med friksjonskraft $f = \mu N = \mu mg \cos \alpha$. Med konstant hastighet er $f = mg \sin \alpha$, dvs $\mu = \tan \alpha$. Riktig svar: D.

Oppgave 2

Klossen starter med mekanisk energi

$$E = mgh + mv_0^2/2 = mgL \sin \alpha + mv_0^2/2.$$

Den har mistet all denne mekaniske energien, dvs E tilsvarer friksjonsarbeidet

$$W_f = fL = \mu mgL \cos \alpha.$$

Dermed er

$$\mu = E/mgL \cos \alpha = \tan \alpha + v_0^2/2gL \cos \alpha.$$

Riktig svar: E.

Oppgave 3

Total impuls er bevart i kollisjonen: $mv_0 = 2mv$, dvs $v = v_0/2$. Riktig svar: A.

Oppgave 4

$|\Delta K| = mv_0^2/2 - 2mv^2/2 = mv_0^2/2 - mv_0^2/4 = mv_0^2/4$. Riktig svar: C.

Oppgave 5

De to massene snur i høyden $h = L(1 - \cos \beta)$. Der er potensiell energi lik $2mgh$ og kinetisk energi null. Energibevarelse etter at kollisjonen er over gir da

$$mv_0^2/4 = mgh = mgL(1 - \cos \beta) \Rightarrow \beta = \arccos(1 - v_0^2/8gL).$$

Riktig svar: B.

Oppgave 6

Matematisk pendel med lengde L og små utsving: $\omega_0 = \sqrt{g/L}$, dvs $T = 2\pi/\omega_0 = 2\pi\sqrt{L/g}$. Riktig svar: A.

Oppgave 7

De fire punktmassene er alle i avstand d fra aksene, med $d^2 = (a/2)^2 + (a/2)^2 = a^2/2$. Dermed er $I_0 = 4ma^2/2 = 2ma^2$. Riktig svar: B.

Oppgave 8

Steiners sats, med en parallellforskyvning av aksene en lengde $a/2$, gir $I_1 = I_0 + 4m(a/2)^2 = 2ma^2 + ma^2 = 3ma^2$. Riktig svar: C.

Oppgave 9

Steiners sats, med en parallellforskyvning av aksene en lengde $a/\sqrt{2}$, gir $I_2 = I_0 + 4m(a/\sqrt{2})^2 = 2ma^2 + 2ma^2 = 4ma^2$. Riktig svar: D.

Oppgave 10

Energibevarelse gir

$$mgh = mv^2/2 + MV^2/2 = mv_x^2/2 + mv_y^2/2 + MV^2/2,$$

og impulsbevarelse horisontalt gir

$$mv_x = MV.$$

En tredje ligning får vi ved å bruke at m hele veien ned befinner seg på skråplanet, slik at en forflytning av m med dx horisontalt og en forflytning av M motsatt vei med dX må innebære en vertikal forflytning av m med $dy = dx + dX$ (der alle størrelser regnes positive). Divisjon med dt gir $v_y = v_x + V$. Nå har vi 3 ligninger for 3 ukjente (v_x , v_y og V), og løsning mhp V gir

$$V = \sqrt{2gh \frac{1}{(1 + M/m)(1 + 2M/m)}}.$$

Riktig svar: C.

Oppgave 11

Tilsvarende som i oppgave 10, men nå har m (ringen) kinetisk energi

$$K_m = mv^2/2 + I_0\omega^2/2 = mv^2/2 + (mr^2)(v/r)^2/2 = mv^2/2 + mv^2/2 = mv^2.$$

Energibevarelse gir da

$$mgh = mv_x^2 + mv_y^2 + MV^2/2.$$

Ellers likt, slik at svaret blir

$$V = \sqrt{gh \frac{1}{1 + 5M/2m + 2M^2/m^2}}.$$

Riktig svar: D.

Oppgave 12

Elektrisk feltstyrke mellom platene: $E = \sigma/\epsilon_0 = Q/Ad\epsilon_0$. Kondensatorens dipolmoment: $p = Qd$. Dermed er $p = \epsilon_0 EAd$, slik at $p/Ad = p/V = \epsilon_0 E$ (der $V = Ad$ er volumet mellom platene). Riktig svar: E.

Oppgave 13

Avstanden mellom $-2Q$ og hver av de to Q er d . Avstanden mellom de to Q er $2d \sin \alpha/2$. Total potensiell energi er da

$$U = \frac{Q^2}{4\pi\epsilon_0 \cdot 2d \sin \alpha/2} - 2 \cdot \frac{2Q^2}{4\pi\epsilon_0 d} = \frac{Q^2}{4\pi\epsilon_0 d} \left(\frac{1}{2 \sin \alpha/2} - 4 \right),$$

slik at $U < 0$ dersom $2 \sin \alpha/2 > 1/4$, dvs $\alpha > 2 \arcsin(1/8) \simeq 14^\circ$. Riktig svar: B.

Oppgave 14

$$E(z) = -\frac{dV}{dz} = -\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left(\frac{z}{\sqrt{R^2 + z^2}} - 1 \right),$$

slik at $E(0) = \sigma/2\epsilon_0$. Riktig svar: D.

Oppgave 15

Det elektriske feltet er null overalt inne i hulrommet og overalt inne i metallet (se forelesningene). Det betyr at hele volumet innenfor $r = 2R$ er et ekvipotensial. Dermed: $E_1 = E_2 = 0$ og $V_1 = V_2$. Riktig svar: A.

Oppgave 16

Kretsens totale motstand er $2R + (1/R + 1/R + 1/R)^{-1} = 7R/3$, slik at total strøm i kretsen er $3V_0/7R$. Denne fordeler seg naturligvis likt på de tre parallellkoblede motstandene, dvs strøm $V_0/7R$ gjennom hver av dem. Riktig svar: E.

Oppgave 17

$\eta_{\max} = 1 - 277/295 = 0.061 \simeq 6\%$. Riktig svar: A.

Oppgave 18

$Q_{\min} = W/\eta_{\max} = 1/0.061 = 16.39$ GW. Dermed:

$$m = \frac{Q_{\min}}{c\Delta T} = \frac{16.39 \cdot 10^9}{4000 \cdot 18} \simeq 228 \text{ tonn/s.}$$

Riktig svar: E.

Oppgave 19

$$\Delta S = -3 \text{ J/K} + 5 \text{ J/K} = 2 \text{ J/K.}$$

Riktig svar: C.