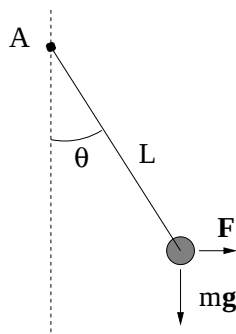


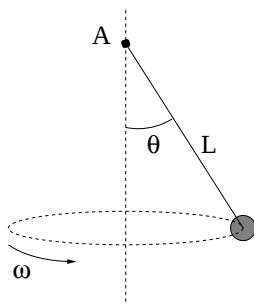
Oppgave 1.



Ei kule (punktmasse) med masse m er festet til ei vektløs stang med lengde L . Stanga er festet i et punkt A som den kan bevege seg fritt om.

a) Kula trekkes ut til siden (i papirplanet) med en horisontal kraft $\mathbf{F}$. Hvor stor må F være for å holde kula i ro ved vinkelen θ ?

- A) $F = mg \sin \theta$ B) $F = mg \cos \theta$ C) $F = mg \tan \theta$ D) $F = mg$



b) I stedet for å trekke med en kraft $\mathbf{F}$ lar vi systemet rotere om en vertikal akse gjennom opphengningspunktet A, med vinkelhastighet ω . Stanga danner da en vinkel θ med vertikalaksen, bestemt ved

A) $\tan \theta = g/\omega^2 L$ B) $\cos \theta = g/\omega^2 L$

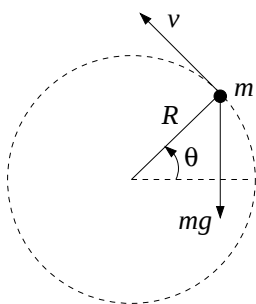
C) $\tan \theta = \omega^2 L/g$ D) $\cos \theta = \omega^2 L/g$

(Denne løsningen gjelder ikke for alle verdier av ω . Hva må ω (minst) være for at denne løsningen skal gjelde?)

c) Til slutt tenker vi oss at pendelen henger (uten å rotere) i et fly som akselererer bortover rullebanen. Hva er flyets akselerasjon dersom $\theta = 30^\circ$? (Utfør eksperimentet neste gang du er ute og flyr!)

- A) $a = 3g$ B) $a = g/3$ C) $a = \sqrt{3}g$ D) $a = g/\sqrt{3}$

Oppgave 2.



En stein med masse m er festet til enden av ei (masseløs) snor med lengde R , og slynges rundt i en vertikal sirkelbane, som vist i figuren til venstre.

a) Vis at Newtons 2. lov for den tangentielle bevegelsen langs sirkelbanen kan skrives som

$$R \frac{d\omega}{dt} = -g \cos \theta,$$

og bruk kjerneregelen, $\frac{d\omega}{dt} = \frac{d\omega}{d\theta} \cdot \frac{d\theta}{dt}$, til å finne en differensialligning for $\omega(\theta)$.

b) Løs ligningen og vis at

$$\omega^2 = \omega_0^2 - \frac{2g}{R} \cdot \sin \theta,$$

der ω_0 er vinkelhastigheten ved $\sin \theta = 0$.

c) Sett opp en ligning for sentripetalakselerasjonen $a_\perp$ og finn snordraget S som funksjon av θ . I hvilken posisjon av banen er det størst fare for at snora ryker? (Bruk uttrykket du har funnet for $S(\theta)$ og sjekk det mot din sunne fornuft.) Hva må ω_0 minst være for at snora hele tida skal være stram? (Sunn fornuft gir en god sjekk også her.)

Oppgave 3.

En kloss med masse m ligger i ro på et skråplan med helningsvinkel θ . Statisk og kinetisk friksjonskoeffisient for kontaktflaten mellom kloss og skråplan er hhv μ_s og $\mu_k < \mu_s$.

a) Hvor stor er normalkraften N fra skråplanet på klossen?

A) $N = mg \sin \theta$ B) $N = mg \cos \theta$ C) $N = mg \tan \theta$ D) $N = mg \cot \theta$

($\cot x = \cos x / \sin x = 1 / \tan x$)

b) Hvor stor er friksjonskraften f fra skråplanet på klossen?

A) $f = mg \sin \theta$ B) $f = mg \cos \theta$ C) $f = mg \tan \theta$ D) $f = \mu_s N$

c) Hvor stor må μ_s minst være for at klossen skal ligge i ro?

A) $\mu_s^{\min} = \sin \theta$ B) $\mu_s^{\min} = \cos \theta$ C) $\mu_s^{\min} = \tan \theta$ D) $\mu_s^{\min} = \cot \theta$

d) Hva blir klossens akselerasjon $a_{\parallel}$ nedover skråplanet dersom μ_s ikke er stor nok til at klossen blir liggende i ro?

A) $a_{\parallel} = g(\sin \theta - \mu_k \cos \theta)$ B) $a_{\parallel} = g(\cos \theta - \mu_k \sin \theta)$

C) $a_{\parallel} = g(\sin \theta - \mu_s \cos \theta)$ D) $a_{\parallel} = g(\cos \theta - \mu_s \sin \theta)$

e) Anta at μ_s er for liten til å holde klossen i ro, slik at den akselererer nedover skråplanet. Til hvilken helningsvinkel α må du justere skråplanet for at klossen skal gli med konstant hastighet?

A) $\alpha = \arcsin \mu_k$ B) $\alpha = \arccos \mu_k$ C) $\alpha = \arctan \mu_k$ D) $\alpha = \mu_k$

Oppgave 4.

To klosser med masse hhv m_1 og m_2 og kinetisk friksjonskoeffisient hhv μ_1 og μ_2 glir nedover et skråplan med helningsvinkel β . De to klossene er forbundet med ei tilnærmet masseløs snor. Klossen med masse m_1 ligger øverst på skråplanet. Snordraget betegner vi med S ; $S = 0$ hvis snora er slakk og $S > 0$ hvis snora er stram.

a) Hvor stor er friksjonskraften f_i fra skråplanet på kloss nr i ($i = 1, 2$)?

A) $f_i = \mu_i m_i g \sin \beta$ B) $f_i = \mu_i m_i g \cos \beta$ C) $f_i = \mu_i m_i g \tan \beta$ D) $f_i = \mu_i m_i g \cot \beta$

b) Hva er akselerasjonen a_1 til kloss nr 1?

A) $a_1 = g(\sin \beta + \mu_1 \cos \beta) + S/m_1$ B) $a_1 = g(\sin \beta - \mu_1 \cos \beta) + S/m_1$

C) $a_1 = g(\sin \beta + \mu_1 \cos \beta) - S/m_1$ D) $a_1 = g(\sin \beta - \mu_1 \cos \beta) - S/m_1$

c) Hva er akselerasjonen a_2 til kloss nr 2?

A) $a_2 = g(\sin \beta + \mu_2 \cos \beta) + S/m_2$ B) $a_2 = g(\sin \beta - \mu_2 \cos \beta) + S/m_2$

C) $a_2 = g(\sin \beta + \mu_2 \cos \beta) - S/m_2$ D) $a_2 = g(\sin \beta - \mu_2 \cos \beta) - S/m_2$

d) Hva er betingelsen for at snora skal holde seg stram? (Dvs, med et snordrag $S > 0$.)

A) $m_1 > m_2$ B) $\mu_1 > \mu_2$ C) $\mu_1 m_1 > \mu_2 m_2$ D) $m_1/\mu_1 > m_2/\mu_2$

e) Hva må vinkelen β være for at de to klossene skal gli nedover skråplanet med samme konstante hastighet?

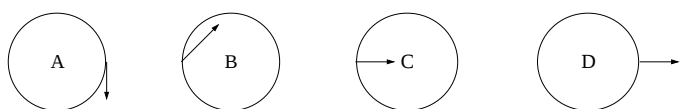
A) $\beta = \arcsin[(\mu_1 m_1 + \mu_2 m_2)/(m_1 + m_2)]$

B) $\beta = \arctan[(\mu_1 m_1 + \mu_2 m_2)/(m_1 + m_2)]$

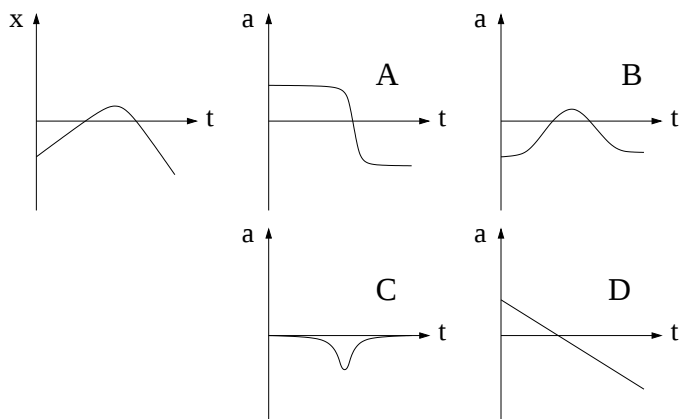
C) $\beta = \arcsin[(m_1 + m_2)/(\mu_1 m_1 + \mu_2 m_2)]$

D) $\beta = \arctan[(m_1 + m_2)/(\mu_1 m_1 + \mu_2 m_2)]$

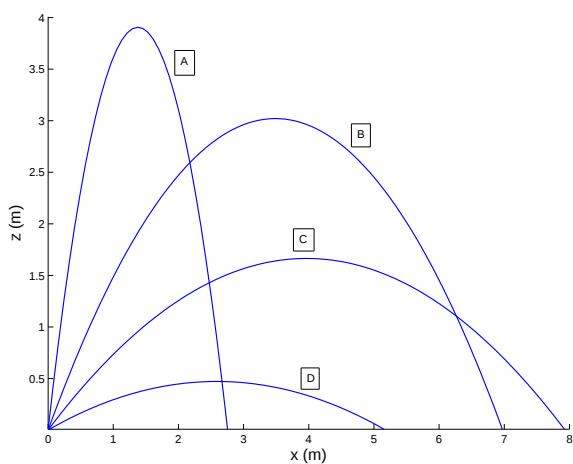
Oppgave 5.



a) En partikkel beveger seg i en sirkulær bane, med jevnt økende hastighet. Hvilken figur viser korrekt akselerasjon?



b) Et legeme beveger seg langs en rett linje (x) som vist i figuren til venstre. Hvilken figur viser best legemets akselerasjon a ?



c) Figuren viser banen for fire prosjektiler som skytes ut under ulike vinkler, men med samme absoluttverdi av hastigheten. Hvilket prosjektil var lengst i lufta?