

Sammendrag, uke 5 (1. og 2. februar)

Energienheten elektronvolt

[FGT 24.2; YF 23.2; AF 21.9; LHL 19.9]

En *hensiktsmessig* energienhet:

$$1 \text{ elektronvolt} = 1 \text{ eV} = e \cdot 1\text{V} = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{C} \cdot 1 \text{ J/C} = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

= endringen i potensiell energi for en elementærladning som flyttes mellom to punkter med en potensialforskjell på 1 volt

Hvorfor eV istedetfor J?

- avstand mellom energinivåer i atomer er av størrelsesorden 1 eV
- selv i partikkelfysikk og høyenergifysikk har partiklene energier som er langt mindre enn 1 J, f.eks. MeV ($= 10^6 \text{ eV}$) eller GeV ($= 10^9 \text{ eV}$)
- termisk energi, $k_B T$, ved romtemperatur ($T = 300 \text{ K}$) er ca 25 meV

Med andre ord: Målestokken 1 J er for stor for mange områder i fysikken. Målestokken 1 eV (evt meV, keV, MeV, GeV...) er mere passe.

Elektrisk potensial fra punktladning (Coulombpotensialet)

[FGT 24.2; YF 23.2; TM 23.2; AF 21.11; LHL 19.9; DJG 2.3.4]:

$$V(r) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r}$$

Elektrisk potensial fra kontinuerlige ladningsfordelinger:

$$V(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{dq}{r}$$

med

$$dq = \begin{cases} \rho(x, y, z) dV & (3D) \\ \sigma(x, y) dA & (2D) \\ \lambda(x) dx & (1D) \end{cases}$$

Potensiell energi mellom punktladninger

[FGT 24.2; YF 23.1; TM 24.1; AF 21.9, 21.12; LHL 19.9; DJG 2.4]

- mellom to punktladninger i innbyrdes avstand r_{12} : $U_{12} = q_1 q_2 / 4\pi\epsilon_0 r_{12}$
- mellom flere punktladninger: $U = \sum_{i < j} U_{ij}$ (der summen over i og j går over alle punktladningene i systemet, dog slik at j hele tiden er større enn i , dvs summen går over alle par av punktladninger)

Energibevarelse for ladete partikler i elektrisk felt

[FGT 24.1; YF 23.1; AF 21.12; LHL 19.9]

Med *konservative* krefter er *total energi bevart*:

$$\begin{aligned} T + U &= \text{konstant} \\ T &= \frac{1}{2}mv^2 = \text{kinetisk energi} \\ U &= qV = \text{potensiell energi} \end{aligned}$$

Dersom partikkel med ladning q og masse m akselereres i elektrisk felt \mathbf{E} , dvs gjennom potensialforskjell $\Delta V = V_2 - V_1$:

$$\begin{aligned} \frac{1}{2}mv_1^2 + qV_1 &= \frac{1}{2}mv_2^2 + qV_2 \\ \Rightarrow v_2^2 &= v_1^2 + \frac{2q}{m}(V_1 - V_2) \\ \Rightarrow v_2 &= \sqrt{v_1^2 - \frac{2q\Delta V}{m}} = v_1 \sqrt{1 - \frac{2q\Delta V}{mv_1^2}} \end{aligned}$$

Her er v_1 partikkelens hastighet der potensialet er V_1 ("startpunkt") og v_2 er partikkelens hastighet der potensialet er V_2 ("sluttpunkt").

Dersom $q\Delta V < 0$ fås $v_2 > v_1$, dvs (positiv) akselerasjon.

Altså:

Negativ ladning akselereres i retning høyere potensial

Positiv ladning akselereres i retning lavere potensial

.... mens begge typer ladning selvsagt akselereres i retning lavere potensiell energi.

Bevegelsen til en partikkel med masse m og ladning q i et elektrisk felt er bestemt av Newtons 2. lov (= *bevegelsesligningen*):

$$\mathbf{F} = m\mathbf{a} = m \frac{d\mathbf{v}}{dt} = q\mathbf{E}$$

Dermed:

$$\mathbf{a} = \frac{q}{m}\mathbf{E}$$

Partikkel med positiv ladning akselereres langs \mathbf{E} .

Partikkel med negativ ladning akselereres langs $-\mathbf{E}$.

Ekvipotensialflater

[FGT 24.3; YF 23.4; TM 23.5; AF 21.11; LHL 19.11; DJG 2.3.2]

Ekvipotensialflater er flater i rommet med konstant potensial.

$$\Delta V = - \int \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l} = 0$$

for *vilkårlig* integrasjonsvei på en ekvipotensialflate.

Dermed:

$$\mathbf{E} \perp \text{ekvipotensialflate}$$

Beregning av \mathbf{E} fra V

[FGT 24.4; YF 23.5; TM 23.3; AF 21.10; LHL 19.9; DJG 2.3.1, 1.2.2]

$$\mathbf{E} = -\nabla V$$

Gradientoperatoren ∇ :

$$\begin{aligned} \nabla V &= \frac{\partial V}{\partial x} \hat{x} + \frac{\partial V}{\partial y} \hat{y} + \frac{\partial V}{\partial z} \hat{z} \quad (\text{kartesiske koordinater}) \\ &= \frac{\partial V}{\partial r} \hat{r} + \frac{1}{r} \frac{\partial V}{\partial \theta} \hat{\theta} + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial V}{\partial \phi} \hat{\phi} \quad (\text{kulekoordinater}) \end{aligned}$$

(NB: Det er *ikke* meningen at du skal gå rundt og huske på hvordan gradientoperatoren ser ut i kulekoordinater. Den vil bli oppgitt dersom det f.eks. skulle bli bruk for den til eksamen.)

Hvis vi har kulesymmetri (dvs \mathbf{E} og V kun avhengig av r , ikke av vinklene θ og ϕ):

$$\mathbf{E} = E(r) \hat{r} = -\frac{\partial V}{\partial r} \hat{r}$$

I **neste uke** skal vi se at:

Vektoren ∇V peker i den retningen V øker raskest. Etersom $\mathbf{E} = -\nabla V$, betyr det at det elektriske feltet peker i den retningen V *avtar* raskest.

Vi skal også se på et eksempel på beregning av V etterfulgt av \mathbf{E} .

Deretter skal vi gå i gang med elektrisk fluks og Gauss' lov for det elektriske feltet.