

Midtsemesterprøve torsdag 6. mars 2008 kl 1000 – 1200.

Oppgaver på side 3 – 10. Svartabell på side 11. Sett tydelige kryss.

Husk å skrive på studentnummer på side 11.

**DET ER TILSTREKKELIG Å LEVERE INN SVARTABELLEN PÅ SIDE 11.**

Tillatte hjelpebidrifter: C

- K. Rottmann: Matematisk formelsamling. (Eller tilsvarende.)
- O. Øgrim og B. E. Lian: Størrelser og enheter i fysikk og teknikk eller B. E. Lian og C. Angell: Fysiske størrelser og enheter.
- Typegodkjent kalkulator, med tomt minne, i henhold til liste utarbeidet av NTNU. (HP30S eller lignende.)
- Formelsamling Elektrostatikk er inkludert på side 2.

Opplysninger:

- Prøven består av 25 oppgaver. Hver oppgave har ett riktig og tre gale svaralternativer.
- Du *skal* krysse av for *ett* svaralternativ på *hver* oppgave. Avkryssing for *mer enn ett* alternativ eller *ingen* alternativ betraktes som *feil* svar og gir i begge tilfelle null poeng.
- Dersom ikke annet er oppgitt, antas det at systemet er i elektrostatisk likevekt.
- Dersom ikke annet er oppgitt, er ”potensial” underforstått ”elektrostatisk potensial”, og tilsvarende for ”potensiell energi”.
- Dersom ikke annet er oppgitt, er nullpunkt for potensial og potensiell energi valgt uendelig langt borte.
- Metall er synonymt med elektrisk leder. Isolator er synonymt med dielektrikum. ”Store plan” er synonymt med ”tilnærmet uendelig store plan”.
- Noen naturkonstanter:  $\epsilon_0 = 8.85 \cdot 10^{-12} \text{ C}^2/\text{Nm}^2$ ,  $1/4\pi\epsilon_0 = 9 \cdot 10^9 \text{ Nm}^2/\text{C}^2$ ,  $e = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ,  $m_e = 9.11 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ ,  $m_p = 1.67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ ,  $g = 9.8 \text{ m/s}^2$ ,  $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ .
- Symboler angis i kursiv (f.eks  $V$  for potensial) mens enheter angis uten kursiv (f.eks  $V$  for volt).
- SI-prefikser: M (mega) =  $10^6$ , k (kilo) =  $10^3$ , c (centi) =  $10^{-2}$ , m (milli) =  $10^{-3}$ ,  $\mu$  (mikro) =  $10^{-6}$ , n (nano) =  $10^{-9}$ , p (piko) =  $10^{-12}$ .
- Omkrets av sirkel:  $2\pi r$ . Areal av kuleflate:  $4\pi r^2$ . Volum av kule:  $4\pi r^3/3$ .
- Gradient i kartesiske koordinater:  $\nabla f = (\partial f/\partial x)\hat{x} + (\partial f/\partial y)\hat{y} + (\partial f/\partial z)\hat{z}$
- Gradient av kulesymmetrisk funksjon  $f(r)$ :  $\nabla f = (\partial f/\partial r)\hat{r}$

## Formelsamling Elektrostatikk

$\int d\mathbf{A}$  angir flateintegral og  $\int dl$  angir linjeintegral.  $\oint$  angir integral over lukket flate eller rundt lukket kurve. **Fete** symboler angir vektorer. Symboler med hatt over angir enhetsvektorer. Formlenes gyldighetsområde og de ulike symbolenes betydning antas forøvrig å være kjent.

- Coulombs lov:

$$\mathbf{F} = \frac{qq'}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r}$$

- Elektrisk felt og potensial:

$$\mathbf{E} = -\nabla V$$

$$\Delta V = V_B - V_A = - \int_A^B \mathbf{E} \cdot dl$$

- Elektrisk potensial fra punktladning:

$$V = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r}$$

- Elektrisk fluks:

$$\phi_E = \int \mathbf{E} \cdot d\mathbf{A}$$

- Elektrostatisk kraft er konservativ:

$$\oint \mathbf{E} \cdot dl = 0$$

- Gauss' lov for elektrisk felt og elektrisk forskyvning:

$$\epsilon_0 \oint \mathbf{E} \cdot d\mathbf{A} = q$$

$$\oint \mathbf{D} \cdot d\mathbf{A} = q_{\text{fri}}$$

- Elektrisk forskyvning:

$$\mathbf{D} \equiv \epsilon_0 \mathbf{E} + \mathbf{P} = \epsilon_r \epsilon_0 \mathbf{E} = \epsilon \mathbf{E}$$

- Elektrisk dipolmoment; generelt, for område  $\Omega$  med fordeling av ladning:

$$\mathbf{p} = \int_{\Omega} \mathbf{r} dq$$

- Elektrisk dipolmoment; for punktladninger  $\pm q$  i avstand  $\mathbf{d}$ :

$$\mathbf{p} = q\mathbf{d}$$

- Elektrisk polarisering = elektrisk dipolmoment pr volumenhet:

$$\mathbf{P} = \frac{\Delta \mathbf{p}}{\Delta V}$$

Lineær respons:

$$\mathbf{P} = \epsilon_0 \chi_e \mathbf{E}$$

- Kapasitans:

$$C = \frac{q}{V}$$

- Energitetthet (energi pr volumenhet) i elektrisk felt:

$$u_E = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2$$

## Oppgaver

---

1) Hvilken påstand er feil?

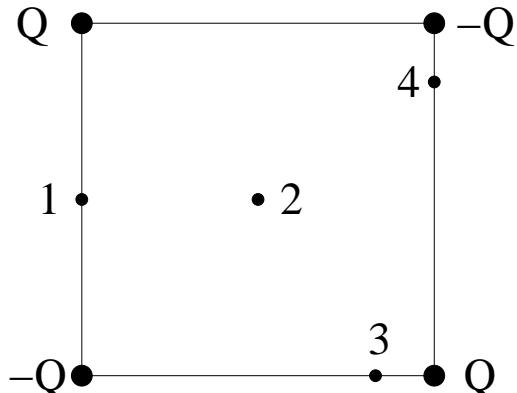
- A Potensialet på en elektrisk ledер er konstant.
  - B Enheten F/m kan brukes for elektrisk permittivitet.
  - C En kondensators kapasitans øker lineært med ladningen på kondensatoren.
  - D To punktladninger  $2Q$  og  $2Q$  i innbyrdes avstand  $2R$  har dobbelt så stor potensiell energi som to punktladninger  $-Q$  og  $-Q$  i innbyrdes avstand  $R$ .
- 

2) Hvilken påstand er riktig?

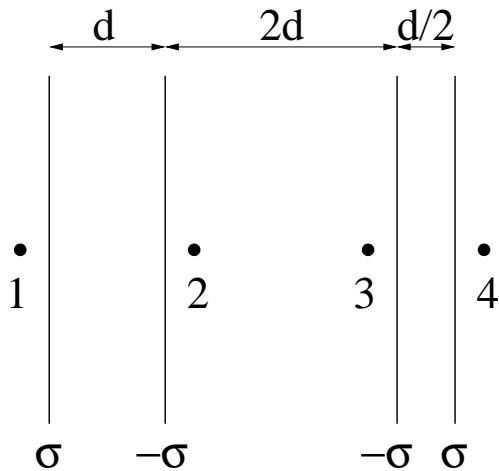
- A Elektrisk dipolmoment kan måles i enheten C/m.
  - B Elektrisk polarisering kan måles i enheten C/m.
  - C Elektrisk dipolmoment kan måles i enheten C/m<sup>2</sup>.
  - D Elektrisk polarisering kan måles i enheten C/m<sup>2</sup>.
- 

3) Fire punktladninger, to positive ( $Q$ ) og to negative ( $-Q$ ), er plassert i hvert sitt hjørne av et kvadrat. Ranger det elektriske potensialet i de fire punktene 1, 2, 3 og 4. (Punkt 1 er midt på venstre ”sidekant”, punkt 2 er midt i kvadratet.)

- A  $V_1 > V_3 > V_4 > V_2$
- B  $V_1 = V_2 = V_3 = V_4$
- C  $V_3 > V_1 = V_2 > V_4$
- D  $V_1 > V_3 = V_4 > V_2$



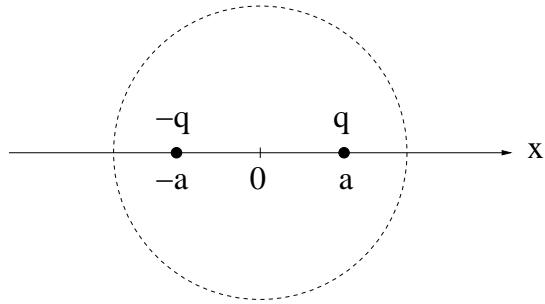
- 4) Fire store parallelle plan har innbyrdes avstand  $d$ ,  $2d$  og  $d/2$  som vist i figuren. Planene har ladning pr flateenhet  $\sigma$ ,  $-\sigma$ ,  $-\sigma$  og  $\sigma$  (fra venstre mot høyre, og  $\sigma > 0$ ). Ranger det elektriske potensialet i de fire punktene merket med 1, 2, 3 og 4.



- A  $V_1 > V_2 > V_3 > V_4$   
 B  $V_1 > V_4 > V_2 = V_3$   
 C  $V_4 = V_1 > V_2 = V_3$   
 D  $V_1 = V_4 > V_3 > V_2$

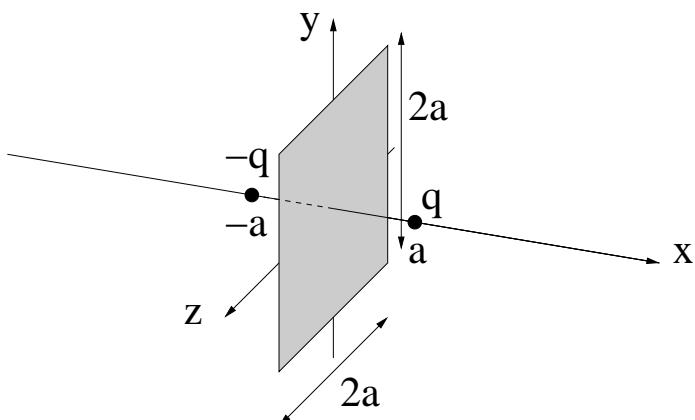
- 5) To punktladninger  $\pm q$  er plassert i  $x = \pm a$  ( $y = z = 0$ ). Hva blir netto elektrisk fluks gjennom en kuleflate med radius  $3a/2$  og sentrum i origo?

- A  $-q/\epsilon_0$   
 B 0  
 C  $q/\epsilon_0$   
 D  $2q/\epsilon_0$



- 6) To punktladninger  $\pm q$  er plassert i  $x = \pm a$  ( $y = z = 0$ ). Hva blir netto elektrisk fluks gjennom den delen av  $yz$ -planet som avgrenses av  $-a \leq y \leq a$ ,  $-a \leq z \leq a$  (og  $x = 0$ )?

- A 0  
 B  $q/6\epsilon_0$   
 C  $q/4\epsilon_0$   
 D  $q/3\epsilon_0$



7) Det elektriske feltet i et område er

$$\mathbf{E}(x, z) = \hat{x} E_0 \cos kx - \hat{z} E_0 \sin kz,$$

der  $k$  og  $E_0$  er konstanter. Hva er da potensialforskjellen mellom origo og punktet  $(\pi/k, \pi/k, \pi/k)$ , dvs

$$\Delta V = V\left(\frac{\pi}{k}, \frac{\pi}{k}, \frac{\pi}{k}\right) - V(0, 0, 0)?$$

- A  $\Delta V = 0$
  - B  $\Delta V = E_0/2k$
  - C  $\Delta V = E_0/k$
  - D  $\Delta V = 2E_0/k$
- 

8) Potensialet i et område er

$$V(y) = k V_0 y,$$

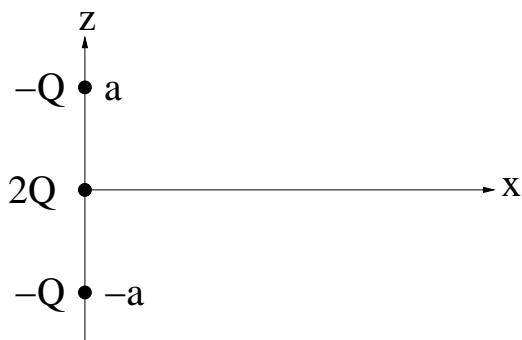
der  $k$  og  $V_0$  er konstanter. Hvor mye potensiell elektrisk energi  $U_E$  befinner seg da i volumet avgrenset av

$$0 \leq x \leq \pi/k, \quad 0 \leq y \leq \pi/k, \quad 0 \leq z \leq \pi/k ?$$

- A  $U_E = \varepsilon_0 V_0^2 \pi^3 / 2k$
  - B  $U_E = \varepsilon_0 V_0^2 \pi^2 / 4k$
  - C  $U_E = \varepsilon_0 V_0^4 \pi / k$
  - D  $U_E = 0$
- 

9) Figuren viser et system med 3 punktladninger lokalisert på  $z$ -aksen:  $-Q$  i  $z = -a$  og i  $z = a$ , og  $2Q$  i  $z = 0$ . Hva er dette systemets elektriske dipolmoment  $\mathbf{p}$ ?

- A  $\mathbf{p} = 0$
- B  $\mathbf{p} = Qa \hat{z}$
- C  $\mathbf{p} = 2Qa \hat{z}$
- D  $\mathbf{p} = -Qa \hat{z}$



10) Hva er det elektriske feltet  $\mathbf{E}(x)$  på den positive  $x$ -aksen i oppgave 9?

- |                                                                                                           |                                                                                                                   |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| A $\mathbf{E}(x) = \frac{Q\hat{x}}{2\pi\varepsilon_0} \left[ \frac{1}{x^2} + \frac{1}{x^2 + a^2} \right]$ | B $\mathbf{E}(x) = \frac{Q\hat{x}}{2\pi\varepsilon_0} \left[ \frac{1}{x^2} + \frac{x}{(x^2 + a^2)^{3/2}} \right]$ |
| C $\mathbf{E}(x) = \frac{Q\hat{x}}{2\pi\varepsilon_0} \left[ \frac{1}{x^2} - \frac{1}{x^2 + a^2} \right]$ | D $\mathbf{E}(x) = \frac{Q\hat{x}}{2\pi\varepsilon_0} \left[ \frac{1}{x^2} - \frac{x}{(x^2 + a^2)^{3/2}} \right]$ |
-

11) Langt ute på den positive  $x$ -aksen (dvs  $x \gg a$ ) kan potensialet  $V(x)$  i oppgave 9 tilnærmet skrives som

A  $V(x) \simeq \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0 x}$

B  $V(x) \simeq \frac{Qa}{4\pi\varepsilon_0 x^2}$

C  $V(x) \simeq \frac{Qa^2}{4\pi\varepsilon_0 x^3}$

D  $V(x) \simeq \frac{Qx}{4\pi\varepsilon_0 a^2}$

---

12) Systemet i oppgave 9 har potensiell energi

A  $U = -\frac{15Q^2}{16\pi\varepsilon_0 a}$

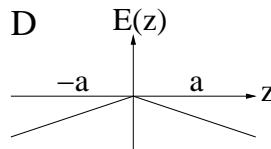
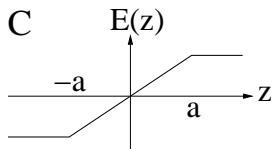
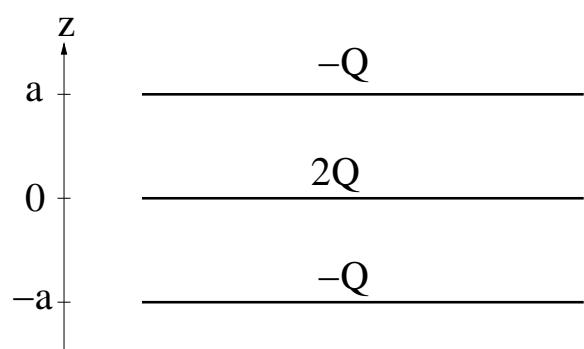
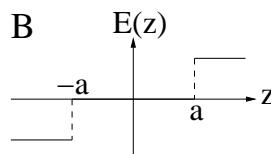
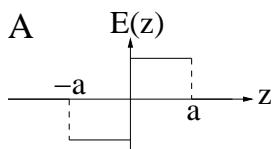
B  $U = -\frac{15Q^2}{16\pi\varepsilon_0 a^2}$

C  $U = -\frac{7Q^2}{8\pi\varepsilon_0 a^2}$

D  $U = -\frac{7Q^2}{8\pi\varepsilon_0 a}$

---

13) Tre tynne uniformt ladete store parallelle metallplater med areal  $A$  og ladning  $-Q, 2Q, -Q$  er lokalisert i  $z = -a, 0 - a$ , som vist i figuren til høyre. Hvilken graf viser korrekt resulterende elektrisk felt  $E(z)$  (slik at  $\mathbf{E}(z) = E(z)\hat{z}$ )?



14) Hva er total potensiell energi for de tre ladete platene i oppgave 13?

A  $U = \frac{Q^2}{\varepsilon_0 a}$

B  $U = \frac{Q^2}{\varepsilon_0 A}$

C  $U = \frac{Q^2 A}{\varepsilon_0 a}$

D  $U = \frac{Q^2 a}{\varepsilon_0 A}$

---

15) For systemet i oppgave 13 settes potensialet lik null på den nederste platen, dvs  $V(-a) = 0$ . Hva er da potensialene  $V(0)$  og  $V(a)$  på henholdsvis midtre og øverste plate?

A  $V(0) = \frac{Qa}{\varepsilon_0 A}$ ,  $V(a) = 0$

B  $V(0) = \frac{Qa}{\varepsilon_0 A}$ ,  $V(a) = \frac{2Qa}{\varepsilon_0 A}$

C  $V(0) = -\frac{Qa}{\varepsilon_0 A}$ ,  $V(a) = 0$

D  $V(0) = -\frac{Qa}{\varepsilon_0 A}$ ,  $V(a) = -\frac{2Qa}{\varepsilon_0 A}$

---

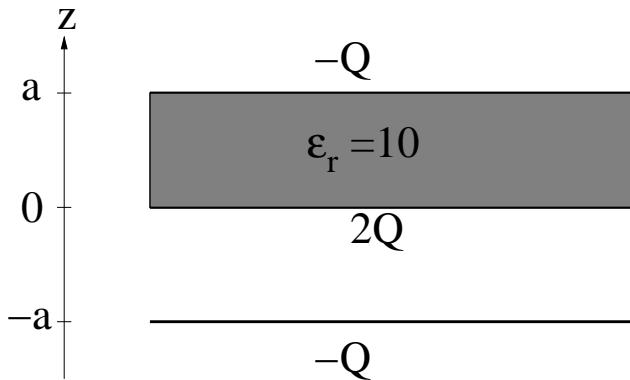
16) I systemet i oppgave 13 fylles volumet mellom midtre og øverste plate med en dielektrisk skive med relativ permittivitet  $\varepsilon_r = 10$ . Hva blir nå potensialforskjellen  $\Delta V = V(a) - V(-a)$  mellom øverste og nederste plate?

A  $\Delta V = \frac{Qa}{10\varepsilon_0 A}$

B  $\Delta V = \frac{9Qa}{10\varepsilon_0 A}$

C  $\Delta V = \frac{10Qa}{\varepsilon_0 A}$

D  $\Delta V = \frac{10Qa}{9\varepsilon_0 A}$



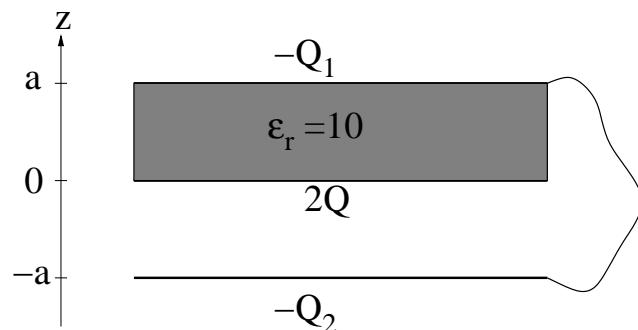
17) Øverste og nederste plate i oppgave 16 forbindes med en tynn elektrisk leder slik at de to platene oppnår samme elektriske potensial. Bestem resulterende ladning  $-Q_1$  og  $-Q_2$  på henholdsvis øverste og nederste plate. (Du kan anta at den tynne lederen som forbinder de to platene hele tiden er elektrisk nøytral.)

A  $-Q_1 = -20Q/11$ ,  $-Q_2 = -2Q/11$

B  $-Q_1 = -2Q/11$ ,  $-Q_2 = -20Q/11$

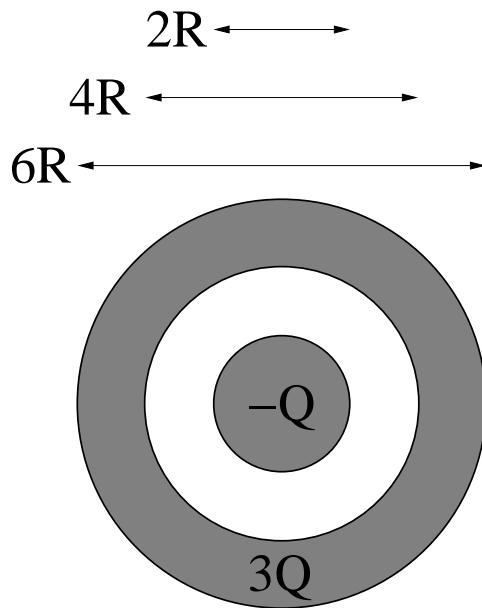
C  $-Q_1 = -20Q/9$ ,  $-Q_2 = 2Q/9$

D  $-Q_1 = 2Q/9$ ,  $-Q_2 = -20Q/9$

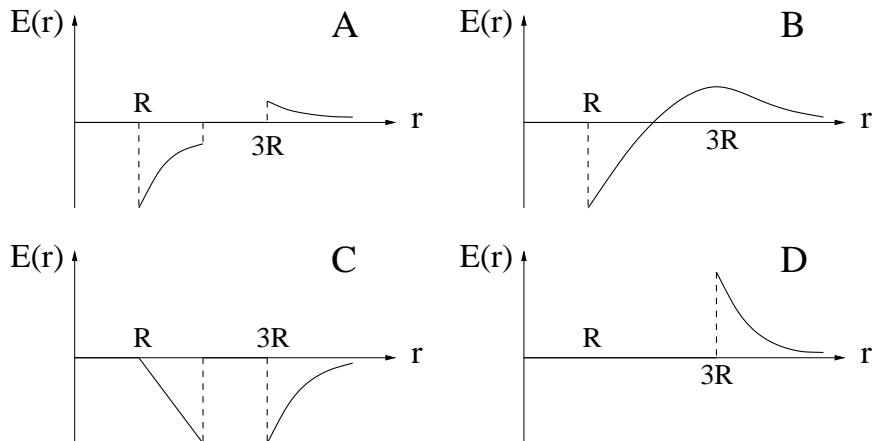


- 18) Ei metallkule med radius  $R$  og (negativ) ladning  $-Q$  er omgitt av et vakuumsjikt med tykkelse  $R$  fulgt av et metallisk kuleskall med tykkelse  $R$  og ladning  $3Q$ . Hvor mye ladning befinner seg på kuleskallets ytre overflate?

- A 0
- B  $Q$
- C  $2Q$
- D  $3Q$



- 19) Hvilken graf viser korrekt  $E(r)$  (slik at  $\mathbf{E}(r) = E(r)\hat{r}$ ) for systemet i oppgave 18?



- 20) Hva er potensialforskjellen mellom kuleskallet og et punkt som ligger i avstand  $6R$  fra sentrum av systemet i oppgave 18, dvs  $\Delta V = V(r = 3R) - V(r = 6R)$ ?

- A  $\Delta V = Q/3\pi\varepsilon_0 R$
- B  $\Delta V = Q/6\pi\varepsilon_0 R$
- C  $\Delta V = Q/12\pi\varepsilon_0 R$
- D  $\Delta V = Q/24\pi\varepsilon_0 R$

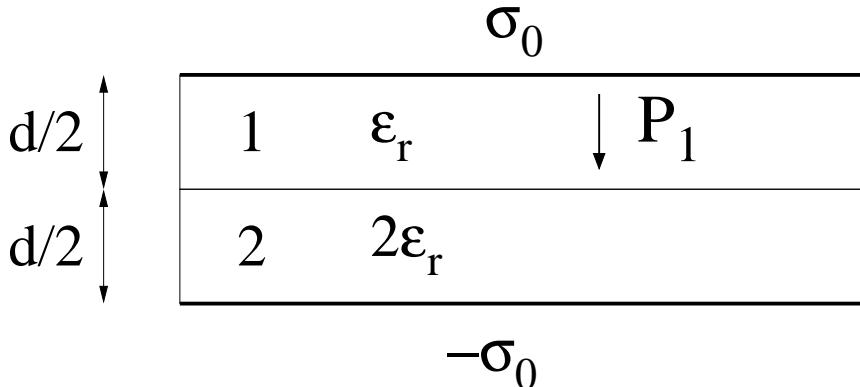
21) To store metalliske plan har areal  $A$  og ladning pr flateenhet henholdsvis  $\sigma_0$  (øverste plate) og  $-\sigma_0$  (nederste plate). Plateavstanden er  $d$ . Volumet mellom metallplatene er fylt med to dielektriske skiver. Medium 1, i øverste halvdel, har relativ permittivitet  $\epsilon_r$  mens medium 2, i nederste halvdel, har relativ permittivitet  $2\epsilon_r$ . Hvor stor blir polariseringen  $P_1$  i medium 1?

A  $P_1 = \left(1 - \frac{1}{\epsilon_r}\right) \sigma_0$

B  $P_1 = \epsilon_r \sigma_0$

C  $P_1 = \left(1 + \frac{1}{\epsilon_r}\right) \sigma_0$

D  $P_1 = \frac{\sigma_0}{\epsilon_r}$



22) Hva blir kapasitansen  $C$  til parallelplatekondensatoren i oppgave 21? (Tips: Dette kan betraktes som en seriekobling av to kapasitanser.)

A  $C = 3\epsilon_r\epsilon_0 A/2d$

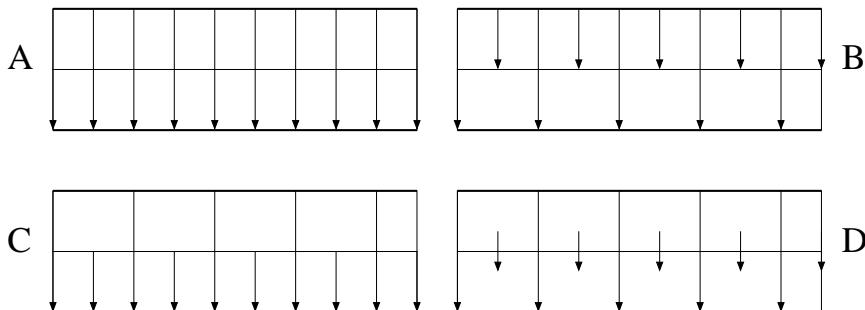
B  $C = 4\epsilon_r\epsilon_0 A/3d$

C  $C = 5\epsilon_r\epsilon_0 A/4d$

D  $C = 6\epsilon_r\epsilon_0 A/5d$

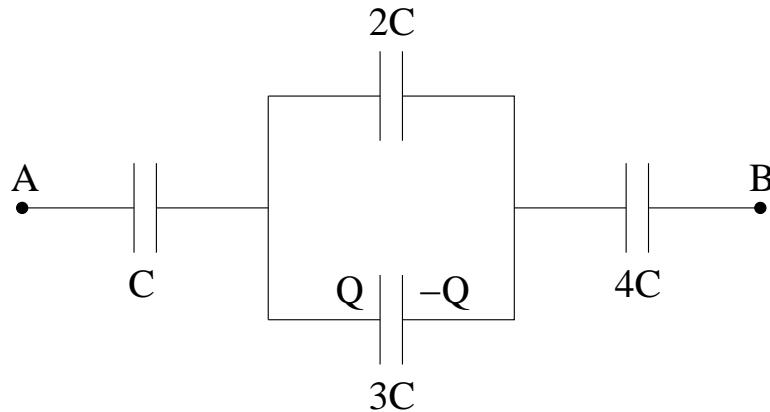
---

23) Hvilken av figurene nedenfor illustrerer feltlinjer for det elektriskefeltet  $\mathbf{E}$  i parallelplatekondensatoren i oppgave 21?



24) Figuren viser en sammenkobling av 4 kapasitanser,  $C$ ,  $2C$ ,  $3C$  og  $4C$ . Hva blir total kapasitans for hele sammenkoblingen?

- A  $29C/5$
- B  $10C$
- C  $20C/29$
- D  $15C/2$



25) Anta at det mellom endepunktene A og B i oppgave 24 er en potensialforskjell  $V_0 = V_A - V_B$ . Hvor mye ladning ( $\pm Q$ ) befinner seg da på kapasitansen  $3C$ ?

- A  $Q = 29V_0C/12$
- B  $Q = 31V_0C/5$
- C  $Q = 5V_0C/31$
- D  $Q = 12V_0C/29$

**FY1003/TFY4155 Elektrisitet og magnetisme/Elektromagnetisme**

Midtsemesterprøve torsdag 6. mars 2008 kl 1000 – 1200.

Emnekode:

Studentnummer:

Svartabell

Oppgave	A	B	C	D	Oppgave	A	B	C	D
1	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	14	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
2	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	15	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
3	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	16	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
4	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	17	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
5	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	18	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
6	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	19	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
7	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	20	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
8	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	21	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
9	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	22	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
10	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	23	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
11	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	24	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
12	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	25	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
13	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>					

NB: Kontroller at du har satt ETT KRYSS for hver av de 25 oppgavene.