

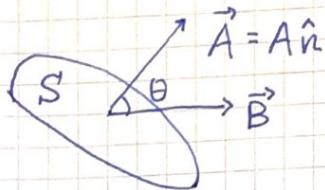
## Elektrodynamikk

[OS2 13-15; YF 29-31; LHL 24, 25, 27]

(70)

## Magnetisk fluks

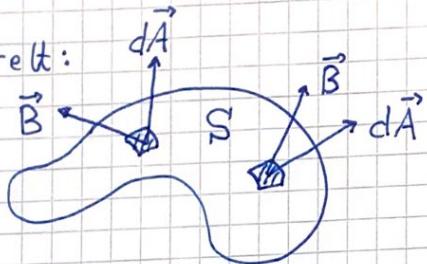
[OS2 13.1; YF 27.3; LHL 23.7]



Fluks gjennom flaten  $S$ :

$$\phi = \vec{B} \cdot \vec{A} = B \cdot A \cdot \cos\theta$$

Generelt:



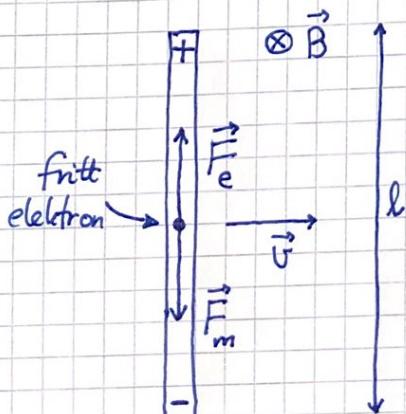
$$\phi = \int_S d\phi = \int_S \vec{B} \cdot d\vec{A}$$

$$[\phi] = T \cdot m^2 = Wb \text{ (weber)}$$

## Faradays induksjonslov

[OS2 13.1; YF 29.1-4; LHL 24.1]

En leder med lengde  $l$  trekkes med fart  $\vec{v}$  gjennom et uniformt magnetfelt  $\vec{B}$ , med  $\vec{v} \perp \vec{B}$ :



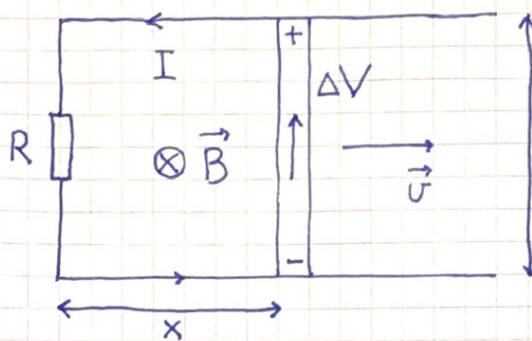
- $\vec{F}_m = -e \vec{v} \times \vec{B}$  gir overskudd av elektroner nederst, og underskudd øverst.

- Før et indusert elektrisk felt  $\vec{E}$  i lederen, rettet nedover, og dermed en indusert spenning  $\Delta V = E \cdot l$  i lederen.

- Dynamisk likevekt når  $\vec{F}_m + \vec{F}_e = 0 \Rightarrow eE = evB \Rightarrow \Delta V = vBl$

Når lederen kobles til en motstand  $R$ :

(7)



$$I = \frac{\Delta V}{R} = \frac{v B l}{R}$$

$$\Delta V = v B l = \frac{dx}{dt} \cdot B \cdot l = \frac{d}{dt} (B l x)$$

$$= \frac{d}{dt} (B \cdot A) = \frac{d}{dt} (\vec{B} \cdot \vec{A}) = \frac{d\phi}{dt} \quad (\Rightarrow [\phi] = V \cdot s)$$

Faradays induksjonslov: Indusert spenning i ei sløyfe er lik endringen i omsluttet magn. fluks pr tidsenhet

Gjelder generelt: Her er det  $|A|$  som endrer seg.

Før indusert spenning også hvis retningen på  $\vec{A}$  eller  $\vec{B}$ , eller  $|\vec{B}|$ , varierer med tiden  $t$ .

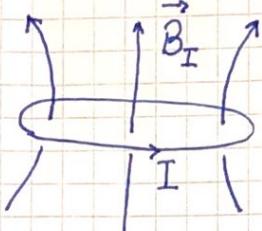
Lenz lov [OS2 13.2; YF 29.3; LHL 24.1]

Indusert stram  $I$  skaper magnetfelt  $\vec{B}_I$  og fluks  $\phi_I = \vec{B}_I \cdot \vec{A}$  som motvirker den påtvingne fluksendringen  $\Delta\phi$  (som skapte spenningen  $\Delta V$ ).

I eksemplet over påtvinges økt omsluttet fluks inn i planet (arealet  $A$  øker). Da går  $I$  mot klokka, slik at tilhørende magnetfelt  $\vec{B}_I$  peker ut av planet inni sløyfa.

## Induktans og induksjon [OS2 14.1-2; YF 30.2; LHL 25.1] (72)

Selvinduktans:



$B_I$  er proporsjonal med  $I$

$$\Rightarrow \text{omsluttet fluks } \phi = \int \vec{B}_I \cdot d\vec{A} \\ \text{er prop. med } I$$

$$\Rightarrow \forall i \text{ kan skrive } \boxed{\phi = L \cdot I} ; \quad L = \text{sløyfas (selv-) induktans}$$

$$[L] = T \cdot m^2/A \quad (= V \cdot s/A = Wb/A) = H \quad (\text{henry})$$

Eks: Hva er  $L$  for en (ideell) spole med 1600 viklinger over en lengde 8 cm og omsluttet areal  $4cm^2$ , samt jernkjerne med relativ permeabilitet 20 ?

Løsning: Overalt inni en ideell spole er  $B = \mu n I$ , med  $\mu = \mu_r \cdot \mu_0$  og  $n = N/l$ . De  $N$  vikingene omslutter da en fluks

$$\phi = NBA = N \cdot \mu_r \mu_0 \cdot \frac{N}{l} \cdot I \cdot A = L \cdot I$$

dvs

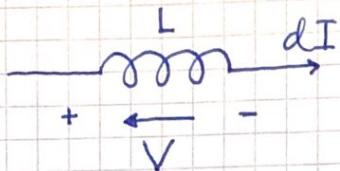
$$L = N^2 \mu_r \mu_0 A / l = 1600^2 \cdot 20 \cdot 4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 4 \cdot 10^{-4} / 0.08 \quad H$$

$$\approx \underline{0.32} \quad H$$

(Selv-) Induksjon: Hvis strømmen i (f.eks.) en spole endres, dvs  $dI/dt \neq 0$ , induseres det en motspenning i spolen,

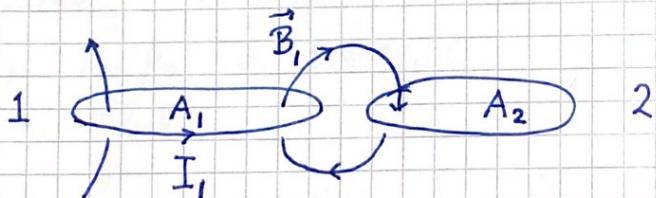
$$V = -\frac{d\phi}{dt} = -L \frac{dI}{dt}$$

med retning bestemt av Lenz' lov:



Eks: Hvis  $I$  økes lineært med tiden, med  $0.5 \text{ A/s}$ , i spolen med  $L = 0.32 \text{ H}$ , blir indusert spenning  $V = 0.32 \text{ H} \cdot 0.5 \text{ A/s} = 0.16 \text{ V}$ .

Gjensidig induksjons:



Strøm  $I_1$  i sløyfe 1 gir fluks  $\Phi_2 = \int_{A_2} \vec{B}_1 \cdot d\vec{A}_2$

omsluttet av sløyfe 2.  $B_1$  er prop. med  $I_1$  slik at  $\Phi_2$  blir prop. med  $I_1$ . Vi kan da skrive

$$\Phi_2 = M_{21} \cdot I_1$$

Omvendt:  $I_2$  i sløyfe 2  $\Rightarrow$  fluks  $\Phi_1 = \int_{A_1} \vec{B}_2 \cdot d\vec{A}_1$

omsluttet av sløyfe 1  $\Rightarrow \Phi_1 = M_{12} \cdot I_2$

(4)

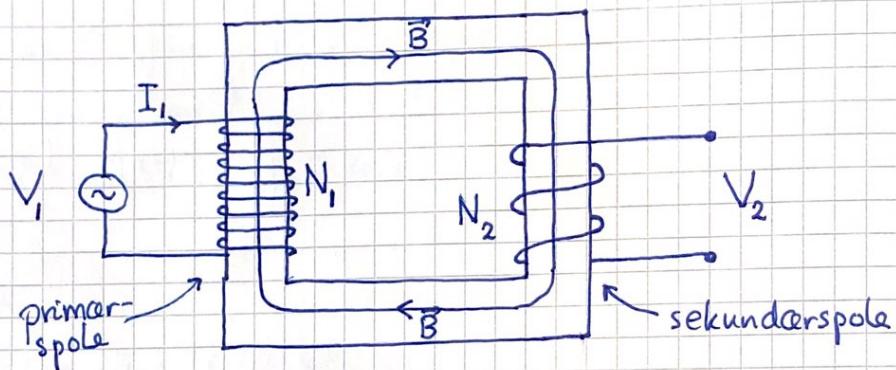
Slayfenes gjensidige induktans:  $M_{21} = M_{12} = M$ ;  $[M] = H$

Gjensidig induksjon:

$$\dot{I}_1 \neq 0 \Rightarrow V_2 = -\dot{\phi}_2 = -M \dot{I}_1$$

$$\dot{I}_2 \neq 0 \Rightarrow V_1 = -\dot{\phi}_1 = -M \dot{I}_2$$

Utnyttes i en transformator:



Magnetisering av jernkjernen sørger for at feltslinjene for  $\vec{B}$  i hovedsak holder seg inne i jernet  $\Rightarrow$  omtrent samme feltstyrke  $B$  i begge spolene. Omsluttet fluks:

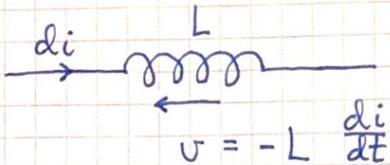
$$\Phi_1 = N_1 AB, \quad \Phi_2 = N_2 AB$$

$$\Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{\dot{\Phi}_1}{\dot{\Phi}_2} = \frac{N_1}{N_2} \Rightarrow \boxed{V_2 = \frac{N_2}{N_1} \cdot V_1}$$

## Energi i $\vec{B}$ -felt [DS2 14.3; YF 30.3; LHL 25.3]

(75)

Et arbeid må gjøres for å øke strømmen i en spole fra  $i = 0$  til  $i = I$ . Tilført energi lagres i  $\vec{B}$ -feltet.



Påkrevd energi for å øke strømmen fra  $i$  til  $i + di$ :

$$dU = P \cdot dt = -v \cdot i \cdot dt = L \frac{di}{dt} \cdot i dt = L \cdot i \cdot di$$

For økning fra  $i=0$  til  $i=I$ :

$$U = \int dU = \int_0^I L i di = \frac{1}{2} LI^2$$

Antar ideell spole:

$$B = \mu_0 (N/l) I \Rightarrow I^2 = \frac{B^2 l^2}{\mu_0^2 N^2}$$

$$L = \phi/I = NBA/I = N \mu_0 (N/l) I A/I = \mu_0 N^2 A/l$$

$$\Rightarrow U = \frac{1}{2} \cdot \frac{\mu_0 N^2 A}{l} \cdot \frac{B^2 l^2}{\mu_0^2 N^2} = \frac{B^2}{2\mu_0} \cdot (A \cdot l)$$

Her er  $A \cdot l =$  volumet inni spolen, der  $B \neq 0$   
( $B \approx 0$  utenfor spolen)

$$\Rightarrow u_B = \frac{1}{2\mu_0} B^2 = \text{energi pr volumenhett i magnetfeltet}$$

Fra før:  $u_E = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2 = \text{energi pr volumenhett i elektrisk felt}$

$\Rightarrow$  Total energibehand i et elektromagnetisk felt:

$$u = u_E + u_B = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2 + \frac{1}{2\mu_0} B^2$$