

**FY6019 Moderne fysikk. Institutt for fysikk, NTNU.**  
**Øving 7.**

1. Angi et sikkert kriterium som skiller en halvleder fra en elektrisk isolator.

- A. Størrelsen på båndgapet.
- B. Massetettheten.
- C. Krystallstrukturen.
- D. Verdien av magnetisk susceptibilitet.

2. Den elektriske ledningsevnen til en halvleder

- A. er uavhengig av temperaturen.
- B. blir større med økende temperatur.
- C. blir mindre med økende temperatur.
- D. er halvparten så stor som for en elektrisk leder.

3. Tilsats av en liten andel aluminiumatomer (Al, 3 valenselektroner), f.eks. 0.01 %, til en ellers perfekt silisiumkrystall (Si, 4 valenselektroner) har følgende effekt:

- A. Krystallen får et overskudd av negative ladningsbærere, og den elektriske ledningsevnen blir betydelig mindre.
- B. Krystallen får et overskudd av positive ladningsbærere, og den elektriske ledningsevnen blir betydelig mindre.
- C. Krystallen får et overskudd av negative ladningsbærere, og den elektriske ledningsevnen blir betydelig større.
- D. Krystallen får et overskudd av positive ladningsbærere, og den elektriske ledningsevnen blir betydelig større.

4. Hva uttrykker Pauliprinsippet?

- A. Det kan ikke være mer enn ett elektron i hver kvantemekaniske tilstand.
- B. Termisk energi er av størrelsесorden  $k_B T$ , der  $k_B$  er Boltzmanns konstant.
- C. Elektrostatisk felt er null inne i en elektrisk leder.
- D. I en halvleder kan vi ha både positive og negative ladningsbærere.

(Oppgavene 5-8 henger sammen.)

5. Vibrasjonsfrihetsgraden til  ${}^7\text{Li}^{133}\text{Cs}$  kan med bra tilnærming beskrives med harmonisk oscillator-potensialet  $V(x) = m\omega^2 x^2/2$ . Siden atomære masser her er hhv  $7u$  og  $133u$ , har oscillatoren redusert masse  $m = 6.65u$ . Vibrasjonsfrekvensen er  $f = 5.54 \text{ THz}$ . Hva er fjærkonstanten?

6. Hva er energien til et foton som eksiterer  ${}^7\text{Li}^{133}\text{Cs}$  fra grunntilstanden til 1. eksitere vibrasjonstilstand?

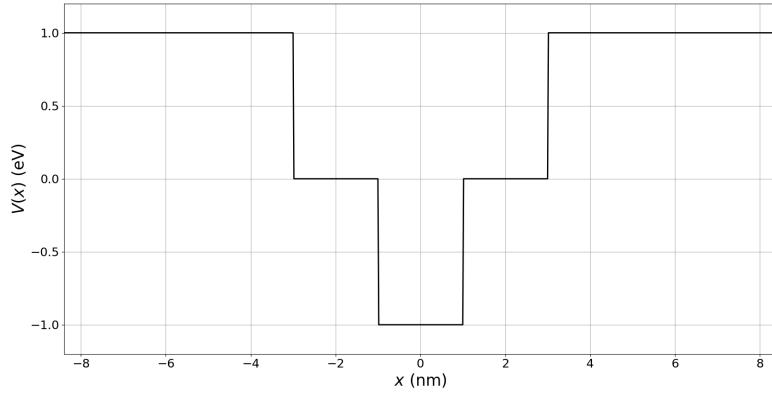
7. Boltzmannfaktoren  $\exp(-\hbar\omega/k_B T)$  gir forholdet mellom sannsynligheten for å finne oscillatoren i 1. eksitere tilstand og i grunntilstanden. Hvor stort er dette forholdet for  ${}^7\text{Li}^{133}\text{Cs}$ -molekylet ved romtemperatur (300 K)?

8. Dissosiasjonsreaksjonen  $\text{LiCs} \rightarrow \text{Li} + \text{Cs}$  beskrives godt med Morse-potensialet

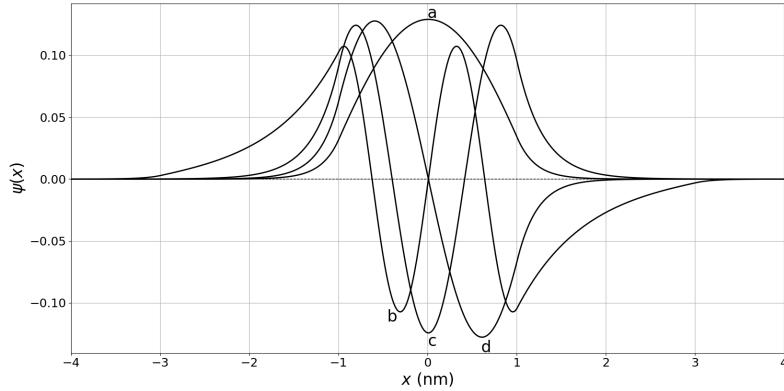
$$E(R) = E_0 \left[ 1 - e^{-\alpha(R-R_0)} \right]^2.$$

Dissosiasjonsenergien er 1.1 eV, og praktisk talt lik  $E_0$ , siden nullpunktsenergien  $\hbar\omega/2$  er mye mindre enn  $E_0$ . Dersom dette Morse-potensialet skal gi samme vibrasjonsfrekvens som i oppgave 5 for små utsving fra likevekt, hvilken verdi for parameteren  $\alpha$  bør du da velge (f eks i enheten  $1/\text{nm}$ )?

Oppgave 9 - 12:



Potensialet i figuren over er stykkevis konstant og symmetrisk om  $x = 0$ , og har verdiene  $V = -1.0 \text{ eV}$  på intervallet  $|x| < 1.0 \text{ nm}$ ,  $V = 0 \text{ eV}$  på intervallene  $1.0 \text{ nm} < |x| < 3.0 \text{ nm}$ , og  $V = 1.0 \text{ eV}$  for  $|x| > 3.0 \text{ nm}$ . I disse oppgavene ser vi på noen energiegentilstander for et elektron i dette potensialet. Figuren nedenfor viser fire energiegentilstander a, b, c og d.



9. Hvilken tilstand er merket med c; er det grunntilstanden, 1. 2. 3. eller 4. eksiterte tilstand?
10. Hvilken tilstand er merket med d; er det grunntilstanden, 1. 2. 3. eller 4. eksiterte tilstand?
11. Av de fire tilstandene a, b, c og d, hvor mange har negativ energi?
12. Hva er et rimelig estimat av energien i tilstand a? Er det -0.94 eV, -0.54 eV, -0.14 eV, 0.26 eV eller 0.66 eV?