FORMLER: Fete symboler angir vektorer. Symboler med hatt over angir enhetsvektorer. Formlenes gyldighetsområde og de ulike symbolenes betydning antas forøvrig å være kjent. Symbolbruk og betegnelser som i forelesningene.

MEKANISK FYSIKK

- Newtons andre lov: $\boldsymbol{F} = d\boldsymbol{p}/dt \qquad \boldsymbol{p} = m\boldsymbol{v} = m\dot{\boldsymbol{r}}$
- Konstant akselerasjon: $v = v_0 + at \qquad x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2}at^2$
- Konstant vinkelakselerasjon: $\omega = \omega_0 + \alpha t \qquad \theta = \theta_0 + \omega_0 t + \frac{1}{2}\alpha t^2$
- Arbeid: $dW = \boldsymbol{F} \cdot d\boldsymbol{r}$ Kinetisk energi: $K = \frac{1}{2}mv^2$
- Konservativ kraft og potensiell energi: $U(\boldsymbol{r}) = -\int_{\boldsymbol{r}_0}^{\boldsymbol{r}} \boldsymbol{F} \cdot d\boldsymbol{r} \qquad \boldsymbol{F} = -\nabla U(\boldsymbol{r})$
- Friksjon, statisk: $f \leq \mu_s N$ kinetisk: $f = \mu_k N$
- Luftmotstand (liten v): $\boldsymbol{f} = -k\boldsymbol{v}$ Luftmotstand (stor v): $\boldsymbol{f} = -Dv^2\hat{v}$
- Tyngdepunkt: $\boldsymbol{R}_{CM} = \frac{1}{M}\sum_i \boldsymbol{r_i} m_i \to \frac{1}{M}\int \boldsymbol{r} \cdot dm$
- Sirkelbevegelse: $v = r\omega$ Sentripetalakselerasjon: $a = -v^2/r$ Baneakselerasjon: $a = dv/dt = r\, d\omega/dt$
- Dreiemoment: $\boldsymbol{\tau} = (\boldsymbol{r} - \boldsymbol{r}_0) \times \boldsymbol{F}$ Statisk likevekt: $\Sigma \boldsymbol{F}_i = 0 \quad \Sigma \boldsymbol{\tau}_i = 0$
- Dreieimpuls: $\boldsymbol{L} = (\boldsymbol{r} - \boldsymbol{r}_0) \times \boldsymbol{p}$ N2 rotasjon: $\boldsymbol{\tau} = d\boldsymbol{L}/dt$
- Stive legemer, sylindersymmetri mhp rotasjonsaksen: $\boldsymbol{L} = \boldsymbol{L}_b + \boldsymbol{L}_s = (\boldsymbol{R}_{CM} - \boldsymbol{r}_0) \times M\boldsymbol{V} + I_0\boldsymbol{\omega}$
- Kinetisk energi, stivt legeme: $K = \frac{1}{2}MV^2 + \frac{1}{2}I_0\omega^2$ Treghetsmoment: $I = \sum_i m_i r_i^2 \to \int r^2 dm$
- Steiners sats (parallellakseteoremet): $I = I_0 + Md^2$
- Gravitasjon: $\boldsymbol{F} = -\frac{GMm}{r^2}\hat{r} \quad U(r) = -\frac{GMm}{r} \quad \boldsymbol{g} = \boldsymbol{F}/m$
- Enkel harmonisk oscillator: $\ddot{x} + \omega_0^2 x = 0 \qquad T = 2\pi/\omega_0 \qquad f = 1/T = \omega_0/2\pi$

  Masse i fjær: $\omega_0 = \sqrt{k/m}$ Matematisk pendel: $\omega_0 = \sqrt{g/L}$
- Fri, dempet svingning, langsom bevegelse i fluid: $m\ddot{x} + b\dot{x} + kx = 0$

  $\Rightarrow \ddot{x} + 2\gamma\dot{x} + \omega_0^2 x = 0 \qquad \omega_0^2 = k/m \qquad \gamma = b/2m$

  Underkritisk demping $(\gamma < \omega_0)$ $x(t) = Ae^{-\gamma t}\sin(\omega t + \phi) \qquad \omega = \sqrt{\omega_0^2 - \gamma^2}$

  Overkritisk demping $(\gamma > \omega_0)$ $x(t) = Ae^{-\alpha_1 t} + Be^{-\alpha_2 t} \qquad \alpha_{1,2} = \gamma \pm \sqrt{\gamma^2 - \omega_0^2}$

  Kritisk demping $(\gamma = \omega_0)$ $x(t) = Ae^{-\gamma t} + Bte^{-\gamma t}$

- Tvungen svingning, harmonisk ytre kraft: $m\ddot{x} + b\dot{x} + kx = F_0 \cos \omega t$

  (partikulær-)løsning: $x(t) = A(\omega) \sin(\omega t + \phi(\omega))$

  amplitude: $A(\omega) = \dfrac{F_0/m}{\sqrt{(\omega^2 - \omega_0^2)^2 + (2\gamma\omega)^2}}$

ELEKTRISITET OG MAGNETISME

Elektrostatikk

- Coulombs lov:

$$\boldsymbol{F} = \frac{qq'}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r}$$

- Elektrisk felt og potensial:

$$\boldsymbol{E} = -\nabla V$$

$$\Delta V = V_B - V_A = -\int_A^B \boldsymbol{E} \cdot d\boldsymbol{l}$$

- Elektrisk potensial fra punktladning:

$$V = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r}$$

- Elektrisk dipolmoment; for punktladninger $\pm q$ i avstand $\boldsymbol{d}$:

$$\boldsymbol{p} = q\boldsymbol{d}$$

- Elektrisk polarisering = elektrisk dipolmoment pr volumenhet:

$$\boldsymbol{P} = \Delta\boldsymbol{p}/\Delta V$$

- Lineær respons:

$$\boldsymbol{P} = \chi_e \varepsilon_0 \boldsymbol{E} \qquad \boldsymbol{E} = \boldsymbol{E}_0/\varepsilon_r \qquad \varepsilon_r = 1 + \chi_e \qquad \varepsilon = \varepsilon_r \varepsilon_0$$

- Kapasitans:

$$C = \frac{q}{V}$$

  Seriekobling, parallellkobling:

$$C = (\sum_j C_j^{-1})^{-1} \qquad C = \sum_j C_j$$

- Parallellplatekondensator (ideell):

$$E = \sigma/\varepsilon \quad , \quad C = \varepsilon A/d$$

- Energitetthet i elektrisk felt:

$$u_E = \frac{1}{2}\varepsilon_0 E^2$$

Elektrisk strøm

- Strømstyrke, strømtetthet:
$$I = dQ/dt \quad , \quad j = I/A$$
- Ohms lov:
$$\boldsymbol{j} = \sigma \boldsymbol{E} \quad , \quad V = RI$$
- Resistans:
$$R = l/\sigma A = \rho l/A, \quad \sigma = \text{konduktivitet}, \quad \rho = \text{resistivitet}$$
Seriekobling, parallellkobling:
$$R = \sum_j R_j \quad , \quad R = (\sum_j R_j^{-1})^{-1}$$
- Elektrisk effekt:
$$P = VI$$

Magnetostatikk

- Magnetisk fluks:
$$\phi = \int \boldsymbol{B} \cdot d\boldsymbol{A}$$
- Magnetfelt fra strømførende leder (Biot–Savarts lov):
$$\boldsymbol{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} I \int \frac{d\boldsymbol{l} \times \hat{r}}{r^2}$$
- Magnetisk dipolmoment; for plan strømsløyfe:
$$\boldsymbol{m} = I\boldsymbol{A} = IA\hat{n}$$
- Magnetisering = magnetisk dipolmoment pr volumenhet:
$$\boldsymbol{M} = \Delta \boldsymbol{m}/\Delta V$$
- Lineær respons:
$$\boldsymbol{M} = \frac{\chi_m}{1+\chi_m}\frac{1}{\mu_0}\boldsymbol{B} \qquad \boldsymbol{B} = \mu_r \boldsymbol{B}_0 \qquad \mu_r = 1 + \chi_m \qquad \mu = \mu_r \mu_0$$
- Magnetisk kraft på strømførende leder; generelt:
$$\boldsymbol{F} = \int_L d\boldsymbol{F} = I \int_L d\boldsymbol{l} \times \boldsymbol{B}$$
- Magnetisk kraft på rett strømførende leder:
$$\boldsymbol{F} = I\boldsymbol{L} \times \boldsymbol{B}$$
- Energitetthet i magnetfelt:
$$u_B = \frac{1}{2\mu_0} B^2$$

Elektrodynamikk og elektromagnetisk induksjon

- Faradays induksjonslov:

$$\Delta V = -\frac{d\phi}{dt}$$

- (Selv-)Induktans:

$$L = \frac{\phi}{I}$$

- Spole (ideell):

$$B = \mu(N/l)I \quad , \quad L = \mu N^2 A/l$$

- Energitetthet i elektromagnetisk felt:

$$u = \frac{1}{2}\varepsilon_0 E^2 + \frac{1}{2\mu_0}B^2$$

Kretser

- Spenning over motstand, kapasitans, induktans:

$$RI \qquad Q/C \qquad L\,dI/dt$$

- Tidskonstanter, RC-krets og RL-krets:

$$\tau = RC \qquad \tau = L/R$$

KONSTANTER, OMREGNINGSFAKTORER OG DEKADISKE PREFIKSER

- Fundamentale konstanter:

$$\begin{aligned}
G &= 6.67 \cdot 10^{-11}\ \mathrm{Nm^2/kg^2} \quad (g = 9.81\ \mathrm{m/s^2}) \\
m_e &= 9.11 \cdot 10^{-31}\ \mathrm{kg} \\
m_p = m_n &= 1.67 \cdot 10^{-27}\ \mathrm{kg} \\
e &= 1.60 \cdot 10^{-19}\ \mathrm{C} \\
\varepsilon_0 &= 8.85 \cdot 10^{-12}\ \mathrm{F/m} \\
\frac{1}{4\pi\varepsilon_0} &= 9 \cdot 10^{9}\ \mathrm{Nm^2/C^2} \\
\mu_0 &= 4\pi \cdot 10^{-7}\ \mathrm{H/m} \\
k_B &= 1.38 \cdot 10^{-23}\ \mathrm{J/K} \\
N_A &= 6.02 \cdot 10^{23}\ \mathrm{mol^{-1}} \\
h &= 6.63 \cdot 10^{-34}\ \mathrm{Js} \\
c &= 3.00 \cdot 10^{8}\ \mathrm{m/s}
\end{aligned}$$

- Omregningsfaktorer:

$$\begin{aligned}
1\ \mathrm{eV} &= 1.60 \cdot 10^{-19}\ \mathrm{J} \\
1\ \text{Å} &= 10^{-10}\ \mathrm{m}
\end{aligned}$$

- Dekadiske prefikser: p = piko = 10^{-12}, n = nano = 10^{-9}, μ = mikro = 10^{-6}, m = milli = 10^{-3}, c = centi = 10^{-2}, k = kilo = 10^{3}, M = mega = 10^{6}, G = giga = 10^{9}