

## Øving 3

Veiledning: Mandag 1. september

Innleveringsfrist: Torsdag 4. september kl. 1200

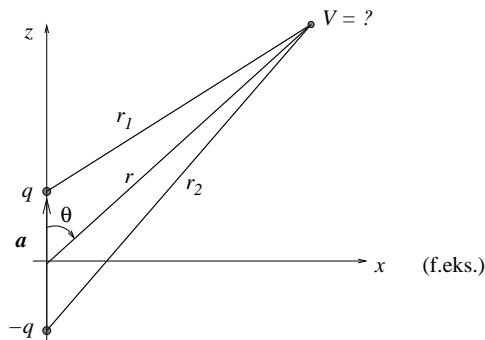
### Oppgave 1

I Øving 2 bestemte vi det elektriske feltet fra en uniformt ladet stav og ei uniformt ladet skive. For staven og skiva i Øving 2, prøv å skissere elektriske feltlinjer, både i et plan som inneholder staven (skiva) og i et plan normalt på staven gjennom dens midtpunkt (normalt på skiva gjennom dens sentrum). Vis skissene i stor og liten målestokk i hvert av de fire tilfellene, slik at de gir et kvalitativt bilde avfeltet, både nært og langt unna staven (skiva).

Tips: Det kan være til hjelp å gå inn på <http://www.falstad.com/vector3de>, som er en Java applet for å visualisere (blant annet) elektriske feltlinjer ("Display: Field Lines") fra diverse ladningsfordelinger (diskrete og kontinuerlige). "finite line" representerer nettopp den ladete staven. Det nærmeste vi kommer den sirkulære skiva er "charged plate", som har endelig utstrekning i  $x$ -retning. Stavlengden og platestørrelsen kan varieres med det nederste rullefeltet.

### Oppgave 2

En *elektrisk dipol* er plassert langs  $z$ -aksen som vist i figuren. Det elektriske *dipolmomentet* er definert som  $\mathbf{p} = q\mathbf{a}$ , der  $\mathbf{a}$  = vektoren fra  $-q$  til  $q$ .



Med denne konfigurasjonen er det hensiktsmessig å velge koordinater  $(r, \theta)$  slik at potensialet  $V$  angis som en funksjon av avstanden  $r$  fra sentrum av dipolen (her: origo) og vinkelen  $\theta$  mellom  $\mathbf{r}$  og aksen gjennom dipolen. Siden vi oppagt må ha symmetri med hensyn til rotasjoner omkring  $z$ -aksen, må potensialet  $V$  være uavhengig av "den tredje kulekoordinaten", dvs vinkelen  $\phi$ .

Oppgave: Vis at i stor avstand fra dipolen (dvs  $r \gg a$ ) er potensialet gitt ved

$$V(r, \theta) = \frac{p \cos \theta}{4\pi \epsilon_0 r^2} = \frac{\mathbf{p} \cdot \mathbf{r}}{4\pi \epsilon_0 r^3}$$

Merk: Nok en gang er vi altså ute etter et resultat som er gyldig "til ledende orden" i en eller annen "liten" parameter. I dette tilfellet er den lille parameteren  $a/r$ .

\_\_\_\_\_ " \_\_\_\_\_

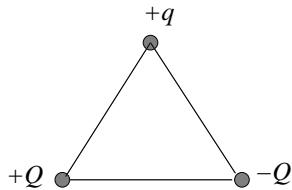
Oppgave 3 og 4 inneholder eksempler på spørsmål som en kunne tenke seg å gi til en *multiple choice* midtsemesterprøve. En mulig måte å sensurere en besvarelse på er å gi 10 poeng for riktig svar, 0 poeng hvis ikke besvart og -2.5 poeng for galt svar. Vill gjetting vil da i middel gi 2 rette og 8 gale svar, dvs totalt  $20 - 20 = 0$  poeng, altså det samme som en som ikke svarer. Kan du eliminere minst ett av svaralternativene, vil det i gjennomsnitt lønne seg å gjette blant de øvrige.

Ettersom dette er en regneøving, foreslår jeg at du besvarer samtlige oppgaver, og at du i hvert fall på noen av spørsmålene besvarer med en begrunnelse eller en utregning (dvs: som vanlig på en regneøving!), i tillegg til bokstavsvaret. På midtsemesterprøven besvares *kun* med en bokstav.

### *Oppgave 3 (multiple choice)*

Oppgitt:  $1/4\pi\epsilon_0 = 9 \times 10^9 \text{ Nm}^2/\text{C}^2$ ,  $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$

- a) Det er eksperimentelt påvist at
- A elektrisk ladning er kvantisert og bevart
  - B elektrisk ladning er kvantisert men ikke bevart
  - C elektrisk ladning er bevart men ikke kvantisert
  - D elektrisk ladning er verken kvantisert eller bevart
  - E ingen av disse svarene er riktige
- b) Hvor mange elektroner må overføres til et legeme for å produsere en ladning på  $125 \mu\text{C}$ ?
- A  $1.25 \times 10^{-4}$
  - B  $1.60 \times 10^{-19}$
  - C  $1.28 \times 10^{15}$
  - D  $3.45 \times 10^{14}$
  - E  $7.81 \times 10^{14}$
- c) En positiv ladning  $94.0 \text{ nC}$  ligger  $1.2 \text{ cm}$  fra en negativ ladning  $53.0 \text{ nC}$ . Krafta på den ene ladningen fra den andre er ca.
- A  $113 \text{ mN}$
  - B  $37.3 \text{ mN}$
  - C  $311 \text{ mN}$
  - D  $125 \text{ mN}$
  - E  $102 \mu\text{N}$



d) Tre ladninger  $+q$ ,  $+Q$  og  $-Q$  er plassert i hvert sitt hjørne av en likesidet trekant som vist i figuren. Nettokrafa på ladningen  $+q$  fra de to andre ladningene er

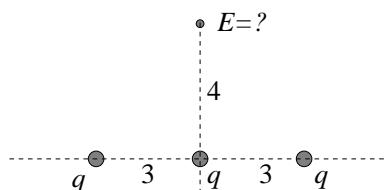
- A rettet vertikalt oppover
- B rettet vertikalt nedover
- C rettet horisontalt mot høyre
- D rettet horisontalt mot venstre
- E null

e) To ladninger frastøter hverandre med en kraft på 100 N. Hvor stor blir den frastøtende kraften dersom vi reduserer ladningenes innbyrdes avstand med 10 %?

- A 111 N
- B 123 N
- C 152 N
- D 90 N
- E 81 N

f) Et elektron beveger seg vestover i et elektrisk felt som peker vertikalt oppover. Den elektriske kraften på elektronet er

- A null
- B rettet mot øst
- C rettet mot vest
- D rettet vertikalt nedover
- E rettet vertikalt oppover

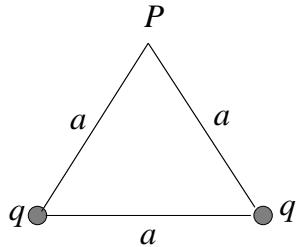


g) Tre ladninger, alle  $q = 1/9 \text{ nC}$ , ligger på ei rett linje og ekvidistant med naboaavstand 3 m. På linjen som går gjennom den midterste ladningen vinkelrett på linjen som forbinder de tre ladningene, og i en avstand 4 m fra den midterste ladningen, er det elektriske feltet ca.

- A  $127 \mu\text{N/C}$
- B  $127 \text{ mN/C}$
- C  $127 \text{ N/C}$
- D  $127 \text{ kN/C}$
- E  $127 \text{ MN/C}$

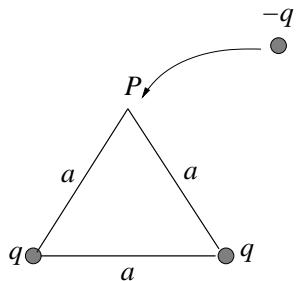
*Oppgave 4 (multiple choice)*

To punktladninger  $q$  er plassert i innbyrdes avstand  $a$ . Vi velger nullpunkt for det elektriske potensialet  $V$  uendelig langt borte.



a) Verdien av  $V$  i punktet  $P$  i avstand  $a$  fra begge disse to ladningene er da

- A  $q/2\pi\epsilon_0 a$
- B  $-q^2/4\pi\epsilon_0 a$
- C  $\sqrt{3}q/4\pi\epsilon_0 a$
- D  $-q^2/2\pi\epsilon_0 a$
- E  $q/2\pi\epsilon_0 a^2$



b) Hva blir endringen i potensiell energi for en tredje ladning  $-q$  som flyttes fra uendelig langt borte og inn til punktet  $P$ ?

- A  $q/2\pi\epsilon_0 a$
- B  $-q^2/4\pi\epsilon_0 a$
- C  $\sqrt{3}q/4\pi\epsilon_0 a$
- D  $-q^2/2\pi\epsilon_0 a$
- E  $q/2\pi\epsilon_0 a^2$

c) Hvor stor er den *totale* endringen i potensiell energi for dette systemet av tre punktladninger, når de starter uendelig langt fra hverandre og deretter plasseres i hvert sitt hjørne av den likesidete trekanten med sidekanter  $a$ ?

- A  $q/2\pi\epsilon_0 a$
- B  $-q^2/4\pi\epsilon_0 a$
- C  $\sqrt{3}q/4\pi\epsilon_0 a$
- D  $-q^2/2\pi\epsilon_0 a$
- E  $q/2\pi\epsilon_0 a^2$