

FY1002/TFY4160 Bølgefysikk. Institutt for fysikk, NTNU. Høsten 2010.
Veiledning: Tirsdag 16. og onsdag 17. november. Innleveringsfrist: Mandag 22. november kl
12:00.

Øving 12

Denne regneøvingen har spesiell relativitetsteori som tema.

Oppgave 1

- a) $\bar{S}iv$ spaserer med en hastighet 5 km/t i fartsgrensen inne i et tog som kjører med en hastighet 80 km/t. Bestem $\bar{S}iv$ s hastighet i forhold til Sam, som betrakter det hele fra perrongen, både i følge Galileo og i følge Einstein. Hvor stor (prosentvis) feil gjør Galileo i dette tilfellet?
- b) $\bar{S}iv$ løper nå med en hastighet $c/2$ inne i toget som kjører med en hastighet $3c/4$. Hva er nå $\bar{S}iv$ s hastighet i forhold til Sam.
- c) Vis at så lenge $\bar{S}iv$ løper og toget kjører med hastigheter som begge er mindre enn c , vil $\bar{S}iv$ s hastighet i forhold til Sam også være mindre enn c .
(Denne deloppgaven er muligens litt vanskelig. Et tips kan være å innføre dimensjonsløse størrelser $\beta = v_{\bar{S}S}/c$, $\beta_1 = v_{\bar{S}T}/c$ og $\beta_2 = v_{TS}/c$. Oppgaven blir da å vise at hvis både $\beta_1 < 1$ og $\beta_2 < 1$, så er også $\beta < 1$, eventuelt $\beta^2 < 1$.)

Oppgave 2

Sam blir en dag vitne til følgende dramatiske opptrinn:

$\bar{S}iv$ har kokt Arnes øving i bølgefysikk og blir dessverre (for henne) oppdaget. Arne er av den nådeløse typen og fyrer av et skudd med pistolen sin etter $\bar{S}iv$, som prøver å komme seg unna. Sam noterer at $\bar{S}iv$ er raskere enn Arne; de to løper med hastigheter henholdsvis $5c/8$ og $3c/8$. Pistolen gir kula en utgangshastighet $5c/16$ (i forhold til pistolen). Klarer $\bar{S}iv$ å unnslippe?

Oppgave 3

Anta at du har stilt opp en lang rekke med synkroniserte klokker, en for hver 300000. km. Hvilken tid *ser* du på klokke nummer 201 når den du har rett ved siden av deg (nummer 1) er 12:00:00? Hvilken tid *observerer* (dvs: *måler*) du på klokke nummer 201?

Oppgave 4

En partikkel A beveger seg med hastighet \mathbf{u} i inertialsystemet S og med hastighet $\bar{\mathbf{u}}$ i inertialsystemet \bar{S} . \bar{S} beveger seg med hastighet $\mathbf{v} = v\hat{x}$ i forhold til S . Finn $\bar{\mathbf{u}}$ uttrykt ved \mathbf{u} og \mathbf{v} (og c , selvsagt).

Oppgave 5

Śiv og Sam er tvillinger. Når de fyller 18 år, får de hver sin klokke av foreldrene. Fra sin rike onkel i Amerika får Śiv og Sam et hurtiggående romskip. Śiv er glad i å reise og bestemmer seg for å ta en tur til Epsilon Indi, en stjerne som ligger ca 12 lysår unna jorden. For Sam gjelder ”borte bra men hjemme best”, så han blir hjemme. Śiv får raskt romskipet opp i toppfart som er $0.98c$. Epsilon Indi viser seg å være både ugjestmild og forlatt, så Śiv vender umiddelbart tilbake til jorden. Hvor gamle er Sam og Śiv når Śiv går inn for landing?

Bruk $c = 3 \cdot 10^8$ m/s der numerisk verdi på lyshastigheten er nødvendig.