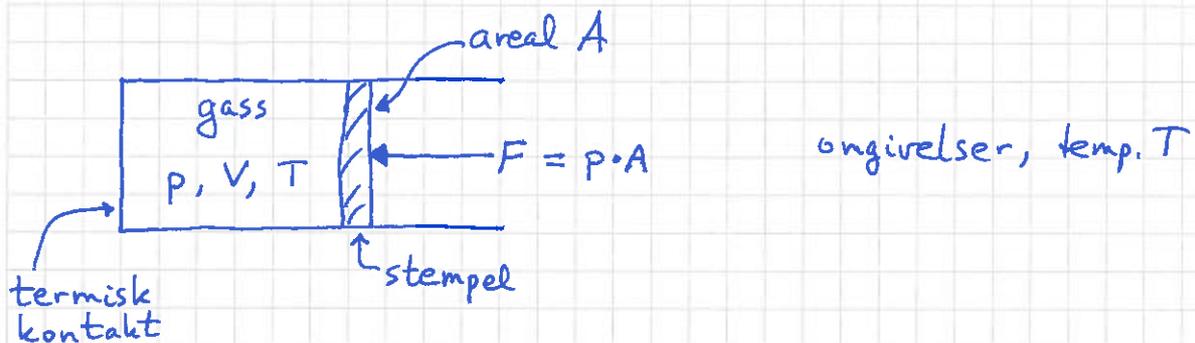


## 2.1 Reversible prosesser [LHL 13,3,13,7; YF 20.1]

= prosesser som kan reverseres / kjøres baklengs, slik at system og omgivelser returnerer til starttilstanden

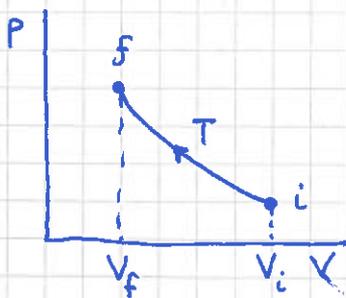
Eks: Langsom isoterm kompresjon



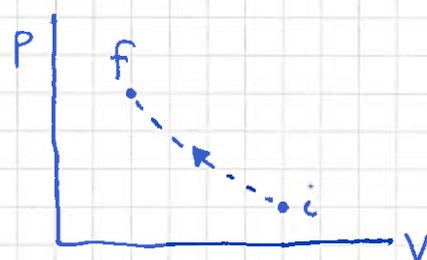
Reversibel dersom  $F$  økes "uendelig langsomt" fra  $F_i = p_i A$  til  $F_f = p_f A$ , slik at gassen har veldefinert  $p$ ,  $V$  og  $T$  hele tiden, samt at dissipative effekter kan neglisjeres (friksjon, turbulens).

Umulig i praksis ( $\Rightarrow$  alle reelle prosesser er irreversible), men kan være god tilnærming!

Kurve i likevektsdiagram  $\hat{=}$  reversibel prosess:



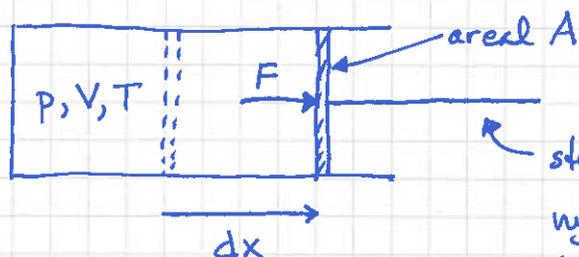
Stiplet kurve for irrev. prosess:



(ikke veldefinert  $p, T$  underveis)

Arbeid er energioverføring mellom system og omgivelser som ikke skyldes temperaturforskjeller.

Standardeksempel i termodynamikk:



stempel koblet til omgivelsene slik at nyttig arbeid kan utføres av gassen (=systemet)

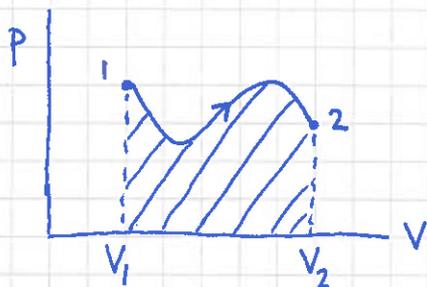
$$dW = F \cdot dx = p \cdot A \cdot \frac{dV}{A} = p \cdot dV$$

= arbeid utført av systemet på omgivelsene

Fortegnsvalg:  $dW > 0 \Rightarrow$  systemet gjør arbeid på omgir. ( $dV > 0$ )

Reversibelt arbeid fordrer langsom volumendring, og dermed ytre trykk som (nesten) bakkeserer  $p$

For vilkårlig reversibel prosess:



$$W = \int_1^2 dW = \int_{V_1}^{V_2} p \, dV$$

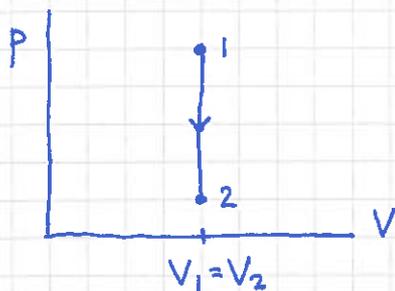
= areal under kurven  $p(V)$

Ulike veier fra 1 til 2  $\Rightarrow$  ulike arbeid  $W$

$\Rightarrow$   $W$  kan ikke være en tilstandsfunksjon, og  $dW$  er ikke et totalt differensial  $\Rightarrow$  skriver gjerne  $\oint dW$ , og  $\oint dW \neq 0$ .

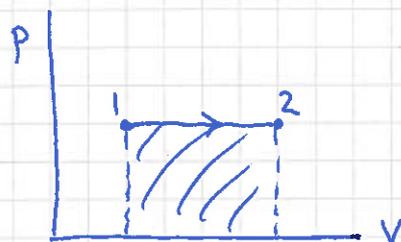
# Arbeid i ulike reversible prosesser:

Isokor prosess:



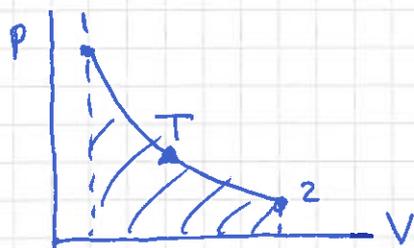
$$W = \int_{V_1}^{V_2} p dV = \underline{\underline{0}}$$

Isobar prosess:



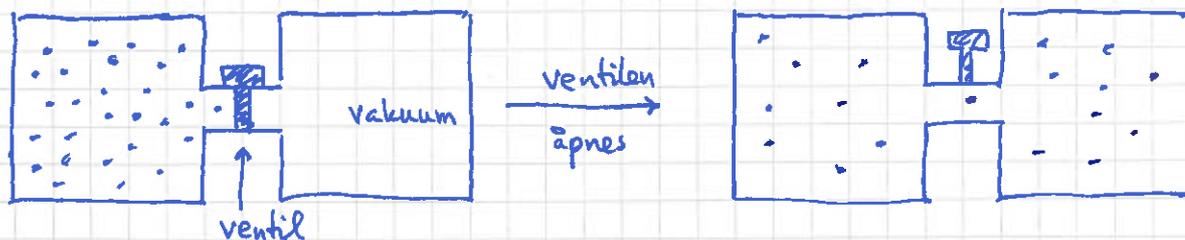
$$W = p \int_{V_1}^{V_2} dV = \underline{\underline{p \cdot (V_2 - V_1)}}$$

Isoterm prosess, med ideell gass:



$$p(V) = nRT/V$$
$$\Rightarrow W = nRT \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V} = \underline{\underline{nRT \ln \frac{V_2}{V_1}}}$$

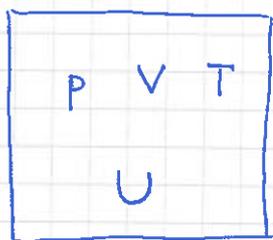
Hva med fri ekspansjon?



Her er  $p > 0$  og  $V_2 > V_1$  slik at  $\int p dV > 0$ , men irreversibel prosess, så  $dW = p dV$  kan ikke brukes!  
(Og  $W = 0$ .)

## 2.3 Indre energi [LHL 13.6; YF 19.4 + 19.6]

(17)



$U$  = indre energi = summen av molekylene kinetiske og potensielle energi (pga innbyrdes vekselvirkning)

Indre kinetisk energi  $E_k$  avh. av molekylene hastigheter, og dermed temperaturen  $T$  (som vi snart skal se).

Indre potensiell energi  $E_p$  avh. av avstanden mellom molekylene, og dermed systemets volum  $V$ .

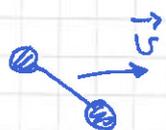
$\Rightarrow$  generelt er  $U = U(T, V)$

Ideell gass:  $E_p = 0 \Rightarrow U$  avh. av  $V \Rightarrow U = U(T)$

Punktpartikler:  $E_k = E_k^{\text{trans}}$

Molekyler med indre frihetsgrader:

$$E_k = E_k^{\text{trans}} + E_k^{\text{rot}} + E_k^{\text{vib}}$$



translasjon



rotasjon



vibrasjon

For gitt  $p$  og  $T$  er  $U$  prop. med  $N$ , dvs ekstensiv størrelse.  
[ $u = U/N$  = indre energi pr molekyl, er intensiv størrelse]

$U$  er tilstandsfunksjon  $\Rightarrow dU$  er totalt differensial, og  $\oint dU = 0$ .