

## 2.4 Varme og 1. hovedsetning [LHL 15; YF 19.4]

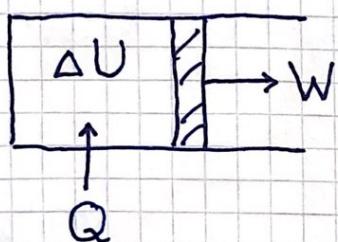
(17)

Første hovedsetning slår fast hva varme er :

Varme er energioverføring som skyldes temperaturskjeller

Mekanismer for varmetransport er varmeleddning, stråling og konveksjon (strømning). Mer senere.

Alle andre former for energioverføring er abeid.  
Dermed, pga energibevarelsen :



$$Q = \Delta U + W$$

↑ tilført varme      ↑ endring i indre energi      ↑ utført arbeid

For små endringer :  $dQ = dU + dW$

Dvs,  $Q$  og  $W$  er prosessvariable, og  $dQ$  og  $dW$  er ikke totale differensialer.

Energienheten kalori :

1 cal = energimengden som øker  $T$  fra 14.5 til  $15.5^\circ\text{C}$  i  $1\text{ g H}_2\text{O}$  ved  $p=1\text{ atm}$ .  
 $= 4.184\text{ J}$

Innen kjemi :  $1\text{ kcal/mol} = 4184\text{ J}/N_A$   
 $\approx 6.95 \cdot 10^{-21}\text{ J}$   
 $\approx 43.4\text{ meV}$  } pr partikkelen

## 2.5 Kretsprosesser. Adiabatisk prosess

[LHL 15.1 ; YF 19.4 + 19.5]

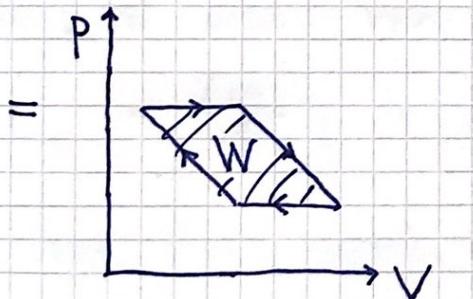
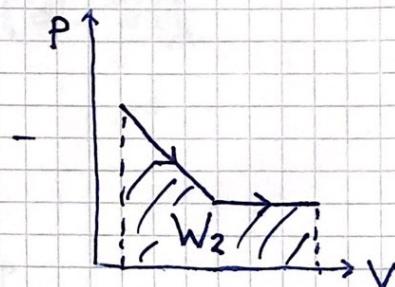
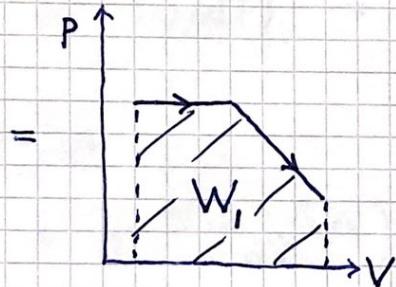
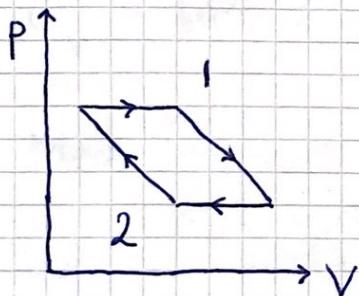
Kretsprosesser er sentrale i diverse praktiske innretninger, som kjøleskap, varmepumper, forbrenningsmotorer etc.

Starter og ender i samme tilstand

$$\Rightarrow \Delta U = 0 \quad (\text{da } U \text{ er tilstandsfunksjon})$$

$$\stackrel{1.\text{ lov}}{\Rightarrow} Q = W \quad \text{for en kretsprosess}$$

Arbeid pr syklus :



Dvs: Netto arbeid  $W$   
utført av systemet på omgivelsens  
tilsvarer omsluttet areal  
i  $pV$ -planet.  $W > 0$   
når omloop med klokka.

Adiabatisk prosess :  $Q=0$  (ingen varmetrekking mellom system og omgivelser). Da er  $\Delta U = -W$  (1. lov)  
Mye mer om kretsprosesser og adiabatiske prosesser senere.

(19)

## 2.6 Varmekapasitet [LHL 15.2; YF 17.5, 19.7]

Hvor mye varme  $\Delta Q$  må tilføres et system for å øke temperaturen med  $\Delta T$ ?

Beskrives (tallfestes) med systemets varmekapasitet:

$$C = \Delta Q / \Delta T$$

$$\text{evt. } C = \frac{dQ}{dT}$$

Vi ser at  $[C] = \text{J/K}$ .

Siden  $W$ , og dermed også  $Q$ , avhenger av prosessen, må også  $C$  avhenge av prosessen; dus hvordan vi tilfører varme.

Med konstant volum  $V$ : ( $dW = 0$ )

$$C_V = (\frac{dQ}{dT})_V = (dU/dT)_V = (\partial U/\partial T)_V$$

Med konstant trykk  $p$ :

$$C_p = (\frac{dQ}{dT})_p = (\frac{dU + dW}{dT})_p$$

Hvis vi antar reversibelt arbeid,  $dW = p \cdot dV$ :

$$C_p = (\frac{dU}{dT})_p + p (\frac{dV}{dT})_p$$

- Skal senere vise at  $C_p > C_V$  (alltid)
- Siden  $C$  er prop. med stoffmengden, er det hensiktsmessig med spesifikke varmekapasiteter:

$$c = C/M = \text{varmekap. pr masseenhet } (\text{J/K} \cdot \text{kg})$$

$$c_m = C/n = \text{molar varmekap. } (\text{J/K} \cdot \text{mol})$$

## 2.7 Differansen $C_p - C_v$ [LHL 15.2; YF 19.7]

(20)

$$dQ = dU + dW = dU + p dV \quad (\text{1. lov med rev. arbeid})$$

$$= \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_V dT + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T dV + p dV \quad (U = U(T, V))$$

$$\Rightarrow \underbrace{\left(\frac{\partial Q}{\partial T}\right)_P}_{C_p} = \underbrace{\left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_V}_{C_v} + \left[\left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T + p\right] \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P \quad \left(\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P = \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P\right)$$

$$\Rightarrow \boxed{C_p - C_v = \left[p + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T\right] \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P}$$
Gjelder generelt.

- Væsker og faste stoffer: Liten  $\frac{\partial V}{\partial T}$  (se s. 8)

Dermed er  $C_p \approx C_v$ . (Men  $C_p > C_v$ )

- Gasser: Større  $\partial V / \partial T$ . Dermed  $C_p > C_v$ .

- Ideell gass:  $U = U(T) \Rightarrow \partial U / \partial V = 0$

Dessuten er  $\partial V / \partial T = \partial(nRT/p) / \partial T = nR/p$

Dermed:  $C_p - C_v = nR$ ;  $C_{pm} - C_{vm} = R$

Stemmer godt for de fleste gasser, så lenge tettheten er lav. Eksperimenter gir videre:

- Atomære gasser (edelgasser):  $C_{vm} \approx \frac{3}{2}R$
- Toatomige - (N<sub>2</sub>, O<sub>2</sub>, ...):  $C_{vm} \approx \frac{5}{2}R$
- Metaller (Al, Cu, ...):  $C_m \approx 3R$

Dette forklarer vi senere i kurset!

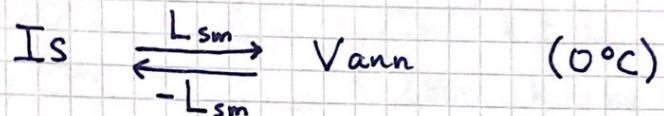
## 2.8 Latent varme [LHL 13.2; YF 17.6]

(21)

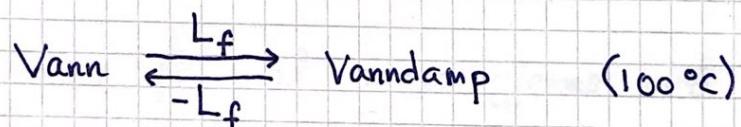
Latent varme  $L$  er varme som må tilføres, eller som avgis til omgivelsene, i en faseovergang.

Eks:  $H_2O$

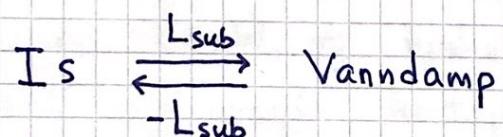
Smelting / Frysing (størkning) :



Fordamping / Kondensasjon :



Sublimasjon / Deposition :



$L$  går med til :

- å gjøre et arbeid mot det ytre trykket (typisk 1 atm), ved fordamping og sublimasjon. (Ved smelting er  $\Delta V \approx 0.$ )
- å rive molekylene fra hverandre, dvs bryte bindinger.

(22)

Merk at temperaturen er konstant ved faseovergangen. Tilført varme omdanner mer is til vann uten at  $T$  øker. Is og vann er i likevekt ved smeltetemperaturen,  $0^\circ\text{C}$  ved normalt trykk. Tilsvarende ved fordamping og sublimasjon.

Is ved  $0^\circ\text{C}$ :  $L_{sm} = 333 \text{ kJ/kg}$  (ent  $\text{J/g}$ )

Vann ved  $100^\circ\text{C}$ :  $L_f = 2260 \text{ kJ/kg}$

Is under  $0^\circ\text{C}$ :  $L_{sub} \approx 2800 \text{ kJ/kg}$

dvs  $L_{sub} \approx L_{sm} + L_f$ , ikke så uventet.

Latent varme pr mol angis gjerne med liten  $l$ :

$$l_{sm}, l_f, l_{sub}$$

Varmepumper ( $Lab$ ) og kjøleskap:

Kjølemediet gjennomgår kretsprosess som inneholder både fordamping og kondensasjon.

$\Rightarrow L_f$  en viktig størrelse i slike "maskiner".