

S_N2 -reaksjon.

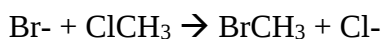
Innledning

En lang rekke kjemiske reaksjoner kan klassifiseres som såkalte [nukleofile substitusjonsreaksjoner](#). Det som er nukleofilt er rikt på elektroner og danner gjerne kjemisk binding med noe som er elektronfattig (og dermed elektrofilt). En nukleofil har ofte negativ ladning, men det behøver ikke alltid å være tilfelle. Substitusjon betyr at noe byttes ut med noe annet i løpet av reaksjonen. Betegnelsen S_N2 står simpelthen for Substitusjon, Nukleofil og 2-molekylær, dvs at to molekyler deltar i reaksjonen. Det ene molekylet er en nukleofil, mens det andre er typisk et såkalt alkylhalid, med generell formel $R_1R_2R_3CX$. Her er C et sp^3 -hybridisert karbonatom, bundet til et halogenatom ("halid") X (dvs F, Cl, Br eller I), mens R_1 , R_2 og R_3 kan være forskjellige organiske "grupper", for eksempel metyl (CH_3), hydroksyl (OH) etc., eller ganske enkelt et hydrogenatom (H).

Nukleofilen kan som nevnt være negativt ladd, eventuelt elektrisk nøytral. Dersom den er elektrisk nøytral, må den ha ledige elektroner i det ytterste skallet som kan bidra til å danne en ny binding til det nevnte sp^3 -hybridiserte C-atomet i alkylhalidet.

S_N2 -reaksjonen forløper ved at nukleofilen "angriper" alkylhalidet på motsatt side i forhold til halidet X. Deretter dannes en ny binding mellom nukleofilen og det "sentrale" C-atomet, mens halidet på den andre siden tvinges til å forlate C-atomet. Dette halidet tar med seg begge elektronene som opprinnelig dannet C-X-bindingen, så produktet av reaksjonen blir X^- og $NuCR_1R_2R_3$, der Nu symboliserer nukleofilen. Dersom nukleofilen i utgangspunktet var et anion, blir produktet $NuCR_1R_2R_3$ elektrisk nøytralt. Dersom nukleofilen i utgangspunktet var elektrisk nøytral, blir produktet $NuCR_1R_2R_3$ et *kation* (med ladning +1; evt +e).

La oss konkretisere med et enkelt eksempel, og da velger vi like gjerne den reaksjonen som skal modelleres i denne oppgaven: Vi velger anionet bromid, Br^- , som nukleofil og et alkylhalid med $X=Cl$ og $R_1=R_2=R_3=H$, med andre ord $ClCH_3$, metylklorid (alternativt, klorometan). Vår S_N2 -reaksjon er altså



Vi skal studere denne reaksjonen ved hjelp av Hartree-Fock-beregninger. Reaksjonens [kinetikk](#) skal diskuteres med utgangspunkt i en beregnet [aktiveringsenergi](#) (dvs energibarriere) for reaksjonen. Deretter skal vi betrakte dette som en [kjemisk likevekt](#) mellom to stabile "komplekser", det ene med bromid koordinert (dvs svakt bundet) til metylklorid og det andre med klorid koordinert til metylbromid.

Punkt 5 er en liten regneoppgave som kan gjøres med blyant og papir.

Gjennomføring og oppgaver

1. Start Spartan'14 på farm.ntnu.no.

2. Reaktantene ClCH_3 og Br^- :

Velg File – New Build (Ctrl+N). Under fanen Organic i byggemenyen til høyre velger du 4-koordinert (sp^3 -hybridisert) karbon, C. (Venstre-) Klikk på skjermen. Velg deretter klor, Cl, og bind dette til C-atomet ved å klikke på en av de fire åpne valensene. Gå tilbake til View modus og lagre metylkloridmolekylet ClCH_3 : Velg File – Save As, opprett en ny katalog, kall denne (for eksempel) SN2, og lagre molekylet med filnavn (for eksempel) clch3 og (default) filtype .spartan. Sett opp en Hartree-Fock/3-21G geometrioptimering. (Du trenger ikke å endre noe under Setup – Calculations, dvs *ikke* velg Compute IR eller Print Orbitals.) Lag dessuten to ekvi-overflater (Setup – Surfaces) for elektrontettheten (density), begge med "isovalue" lik 0.001. Inkluder verdien av det elektrostatiske potensialet i form av en fargekode (Property – Potential) på den ene flaten. Kjør beregningen (Setup – Submit). Lukk molekylet når jobben er ferdig (File – Close).

Velg File – New Build på nytt og velg brom, Br. Når du klikker på skjermen, får du Br-atomet med en åpen valens. Slett denne åpne valensen ved å velge viskelæret og klikke på den gule pinnen. Gå tilbake til View modus og lagre bromatomet med filnavn br. Sett opp en Hartree-Fock/3-21G energiberegning (kun «Energy», det er ingen geometri å optimere her, med kun ett atom!) for *anionet* Br^- . Kjør beregningen. Lukk molekylet når jobben er ferdig.

Oppgaver:

- Åpne molekylet ClCH_3 . Se på flaten med konstant verdi for elektrontettheten (Display – Surfaces). Antyder dette bildet noe om hvor en nukleofil reaksjonspartner fortrinnsvis kommer til å "angripe"?
- Se deretter på flaten som i tillegg viser verdien av det elektrostatiske potensialet. Kan du nå slå fast fra hvilken side en nukleofil vil reagere?
- Hvor stort er det beregnede [elektriske dipolmomentet](#) til ClCH_3 ? (Display – Properties; 1 [debye](#) = 3.336×10^{-30} Cm.) Til sammenligning er det eksperimentelt målte elektriske dipolmomentet til ClCH_3 1.870 debye. Denne beregningen overdriver med andre ord polariteten til molekylet.
- Bestem den totale energien til de to reaktantene ClCH_3 og Br^- , både i (Hartree) [atomære enheter](#) (som rapporteres med Display – Properties eller Display – Output) og i enheten kcal/mol.

3. Reaksjonen $\text{ClCH}_3 + \text{Br}^- \rightarrow \text{Cl}^- + \text{CH}_3\text{Br}$:

Velg File – New Build. Under fanen Inorganic velger du karbon, C, og femkoordinert:  Klikk på skjermen. Med venstre museknapp holdt nede kan du nå rotere karbonatomet og overbevise deg om at de fem åpne valensene danner en såkalt trigonal bipyramidal struktur, med en binding "opp", en "ned", og de tre resterende i et plan, med vinkler på 120 grader i mellom. Bind *en*-koordinert () Cl og Br til de to bindingene som er "opp" og "ned". Gå tilbake til View modus og lagre molekylet med filnavn sn2. Mål C-Br bindingslengden og endre denne til 4.0 Å i vinduet nede i høyre hjørne: Distance(C1,Br1) = 4.000 Å Dette er en passende startverdi for modellering av reaksjonen. Vi skal nå "låse" denne avstanden: Velg Geometry – Constrain Distance og klikk på bindingen mellom C og Br. Klikk deretter på den åpne hengelåsen nede i høyre hjørne, slik at denne går i lås. Gå tilbake til View modus. Det neste vi skal gjøre er å definere en serie med beregninger der bindingslengden mellom C og

Br endres skrittvis fra 4.0 til 1.9 Å, med skrittverdi -0.1 Å, med andre ord, med C-Br låst til henholdsvis 4.0, 3.9, 3.8, ... , 2.0 og 1.9 Å, i alt 22 beregninger. Klikk på det fiolette "merket" midt på C-Br-bindingen slik at dette "blir valgt". Fargen skal da skifte fra fiolett til brunt. Velg deretter Display – Properties. Vinduet "Constraint Properties" kommer da opp. Merk av for Profile, endre verdien til 1.90 Å i "to"-feltet og deretter til 22 i "Steps"-feltet. Trykk Enter i begge disse feltene etter at du har skrevet inn riktig verdi, hvis ikke lagres ikke den nye verdien. **Vær nøye her.** Lukk vinduet "Constraint Properties". Når du nå går tilbake vil View modus, skal merket på C-Br-bindingen være lyseblått, som tegn på at den er tilordnet en "dynamisk" føringsbetingelse, dvs en serie med beregninger. Velg nå Setup – Calculations, endre til "Energy Profile" i "Calculate"-feltet og til "Anion" i "Total Charge"-feltet, og start beregningene ved å trykke Submit. (Ikke merk av for IR eller Orbitals.) Når jobben er satt i gang, kan progresjonen inspiseres med Options – Local Monitor. Du skal da se at det kjøres vekselvis en eller to jobber samtidig. Ved å klikke på en av jobblinjene i Monitor-vinduet, får du "innsyn" i den løpende utskriften av beregningene. Den øverste jobben er den "overordnede jobben" for hele serien av 22 geometrioptimeringer. Output havner i sn2.spartan og er et kort sammendrag, dvs verdien av den dynamiske føringsbetingelsen med tilhørende beregnet energi (i enheten kcal/mol). Når jobben er ferdig (etter ca 3 minutter), kan du inspisere dette sammendraget med Display – Output.

Det er nå opprettet ei ny fil, sn2.Prof.M0001.spartan. Denne fila inneholder resultatene av samtlige 22 geometrioptimeringer, dvs geometrier og tilhørende energier, samt grunnlag for å analysere resultatene i form av grafer. Velg fila sn2.Prof.M0001.spartan.

"Spill av" reaksjonen med "molekylspilleren" nede i venstre hjørne. Du ser da at den valgte Br-C-avstanden reduseres, mens Cl-C-avstanden samtidig øker.

Åpne det innebygde regnearket med Display – Spreadsheet. Her kan du nå legge inn verdier for ulike egenskaper for alle de 22 molekylene i reaksjonsserien. Dette gjøres typisk på en av følgende to måter: 1) Med "Add" nederst på regnearket, eller 2) Ved å *velge* et eller annet (for eksempel en føringsbetingelse, en bindingslengde eller lignende) og "poste" det med knappen . Her trenger vi å få disse størrelsene inn på plass i regnearket: C-Br bindingslengden, total energi E, beregnet atomær ladning tilhørende Br og beregnet atomær ladning tilhørende Cl. En bindingslengde kan du poste etter først å ha målt den, mens atomære ladninger kan postes via Display – Properties etter først å ha valgt (dvs klikket på) det enkelte atomet. Energien E er tilgjengelig via Add nederst på regnearket. (Velg selv enhet for E.)

Plott E, Q(Br) og Q(Cl) som funksjon av C-Br bindingslengden. Dette får du til ved å velge Display – Plots tre ganger, hele tiden med "Length" langs x-aksen, og henholdsvis E, Electrostatic(Br1) og Electrostatic(Cl1) langs y-aksen. (Du kan endre fargen på saker og ting ved først å *velge* det og deretter trykke Options – Colors.)

Den modellerte reaksjonen går nå fra høyre mot venstre, fra høye mot lavere verdier av avstanden mellom C og Br.

Oppgaver:

- Diskuter kort hvordan de beregnede atomære ladningene på halogenatomene endrer seg underveis i reaksjonen. Ser de beregnede ladningene ut til å gå mot rimelige verdier etter hvert som atomet fjernes fra det gjenværende molekylet ClCH_3 , alternativt BrCH_3 ?
- Ved hvilken C-Br-avstand har vi et stabilt "kompleks", med bromidionet "koordinert" til karbonatomet i ClCH_3 (uten å ha dannet en ordinær kjemisk binding)? Hva er bindingslengden C-Cl i dette komplekset? Hvor sterkt er bromidionet her bundet til ClCH_3 ? (Dvs: Bestem kompleksenergien, gitt ved forskjellen mellom energien til dette komplekset og energien til de to separate reaktantene, som du bestemte under punkt 2d ovenfor.)

c) Reaksjonen går heretter via en [transisjonstilstand](#) ("transition state", TS), dvs et lokalt energimaksimum, der den opprinnelige bindingen mellom C og Cl er i ferd med å brytes, mens det tilsvarende er i ferd med å dannes en ny binding mellom C og Br. Ved hvilken C-Br-avstand finner vi TS? Bestem den beregnede *aktiveringsenergien* E_a for reaksjonen, gitt ved forskjellen mellom energien i TS og energien til komplekset diskutert under punkt b. Bestem også *termisk energi* $k_B T$ ved romtemperatur. Benytt enheten kcal/mol. Reaksjonshastigheten vil avhenge av disse energiene via [Boltzmannfaktoren](#) $\exp(-E_a/k_B T)$. Betyr det at denne reaksjonen i det hele tatt ikke vil gå ved romtemperatur? Begrunn svaret.

d) Når transisjonstilstanden er passert, dannes bindingen mellom C og Br, og systemet ender i et nytt energiminimum, med kloridionet Cl^- koordinert til karbonatomet i BrCH_3 , dvs et tilsvarende kompleks som diskutert i punkt b ovenfor. Hva er bindingslengden C-Br i dette komplekset? Hva er den tilsvarende avstanden mellom C og Cl? Sammenlign C-Cl bindingslengden i det første komplekset med C-Br bindingslengden i dette komplekset. Er forskjellen som en burde forvente?

e) Dersom vi blander metylkloridmolekyler med et like stort antall bromidioner, vil det etter hvert innstille seg en *kjemisk likevekt*, med en viss konsentrasjon av metylkloridmolekyler kompleksert til bromid, og med en viss konsentrasjon av metylbromidmolekyler kompleksert til klorid. Bestem, med utgangspunkt i den beregnede energiforskjellen mellom disse to kompleksene, forholdet mellom disse konsentrasjonene ved romtemperatur.

4. Nøyaktig lokalisering av de to kompleksene og transisjonstilstanden:

Vi har strengt tatt ikke bestemt de to minimumsstrukturene og TS ennå, for det kan jo godt hende at disse har litt andre verdier for C-Br-avstanden enn dem som vi har brukt i "Energy Profile"-beregningen. Du skal nå plukke ut tre molekyler som ligger i nærheten av de tre *stasjonære* punktene (velg nr 9, 15 og 20), for deretter å lokalisere disse stasjonære punktene med Hartree-Fock-beregninger *uten føringer*. Disse tre kan etter tur velges, kopieres og lagres som nye molekyler i "reaksjons-fila" (sn2.Profile1) slik:

- Klikk eller dra deg fram til molekyl nr 9 med spilleren nederst til venstre.
- Trykk og hold nede venstre og høyre museknapp samtidig. Du er nå i "select"-modus.
- Dra musa over molekylet, slik at alle dets atomer havner innenfor det rektangulære området som velges.
- Edit – Copy
- File – New Molecule
- Edit – Paste

Gjenta disse punktene for molekyl nr 15 og nr 20. Fila sn2.Profile1 inneholder nå tre nye molekyler, M001, M002 og M003. For hver av disse: lås opp føringen på C-Br-avstanden med Geometry – Constrain Distance. (Klikk på bindingen og deretter på hengelåsen nede til høyre.) Under Setup – Calculations velger du Equilibrium Geometry for de to minimumspunktene (M001 og M003), for TS (M002) velger du "Transition State Geometry". Dette valget fører til at programmet leter *oppover* i energilandskapet etter nærmeste lokale energimaksimum. For alle tre jobbene merker du av ved IR: Vi skal inspisere de beregnede vibrasjonsfrekvensene og verifisere at de stasjonære punktene virkelig er minimumsstrukturer (M001 og M003, med bare positive egenverdier til Hessian-matrisa), eventuelt en transisjonstilstand (M002, med *en negativ* egenverdi til Hessian-matrisa). **NBNB:** Pass på å skru av "Global Calculations" samt velge "Total Charge" lik "Anion" for alle tre molekyler!! Kjør alle tre beregningene ved å velge "Setup – Submit". Etter endt beregning vil kurvene for energi og ladninger muligens se rotete ut. Rydd opp ved å gå inn i regnearket og sortere ("Sort") etter kolonnen "Distance(Br1,C1)".

Oppgaver:

a) Sammenlign C-Br-avstand og energi for de tre beregnede stasjonære punktene med det du fant for de tre molekylene nærmest (nummer 9, 15 og 21) i reaksjonsberegningen ovenfor. Med tanke på aktiveringsenergien E_a og energiforskjellen mellom de to minimumspunktene, var det bryet verdt å foreta denne nøyaktige lokaliseringen av stasjonære punkter?

b) Inspiser de beregnede vibrasjonsfrekvensene i de tre stasjonære geometriene (Display – Spectra). Har du funnet to minimumspunkter og en transisjonstilstand? (Merk: En negativ egenverdi til Hessian-matrisa rapporteres som en *imaginær* frekvens, ettersom Hessian-matrisas egenverdier er proporsjonale med *kvadratet* av frekvensene, slik at en negativ egenverdi dermed på sett og vis tilsvarer en imaginær frekvens.) Se på vibrasjonsbevegelsen som tilsvarer den imaginære frekvensen i TS. Beskriver bevegelsen den modellerte reaksjonen?

5. Minima og lokale maksima ([sadelpunkter](#)); en enkel analytisk øvelse:

Anta at du har et system der energien E avhenger av to koordinater x og y på følgende måte:

$$E(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \mathbf{x}^4 + 4\mathbf{x}^2\mathbf{y}^2 - 2\mathbf{x}^2 + 2\mathbf{y}^2$$

Vis at funksjonen har tre stasjonære punkter, henholdsvis $(-1,0)$, $(1,0)$ og $(0,0)$, ved å vise at gradienten til E forsvinner i disse punktene. Gradienten til E er

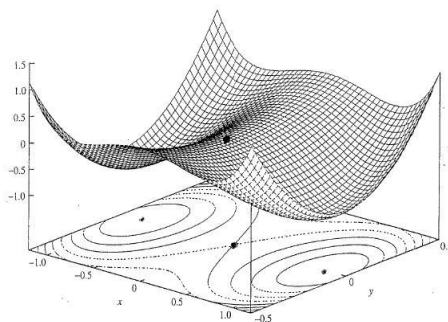
$$\nabla E = \left(\frac{\partial E}{\partial \mathbf{x}}, \frac{\partial E}{\partial \mathbf{y}} \right)$$

Vis deretter at de to førstnevnte er minimumspunkter, mens punktet $(0,0)$ er et lokalt maksimum, nærmere bestemt et første ordens sadelpunkt. Dette avgjøres som kjent ved å se på funksjonens *krumning* i de stasjonære punktene, eller funksjonens andrederiverte. I mer enn en dimensjon innebærer dette å bestemme egenverdiene til Hessian-matrisa, dvs matrisa av de andrederiverte,

$$\mathbf{H} = \begin{pmatrix} \frac{\partial^2 E}{\partial \mathbf{x}^2} & \frac{\partial^2 E}{\partial \mathbf{x} \partial \mathbf{y}} \\ \frac{\partial^2 E}{\partial \mathbf{y} \partial \mathbf{x}} & \frac{\partial^2 E}{\partial \mathbf{y}^2} \end{pmatrix}$$

I minimumspunkter har $\mathbf{H}$ bare positive egenverdier, i et n -te ordens sadelpunkt har $\mathbf{H}$ n negative egenverdier.

Funksjonen ser slik ut:



Oppgitt: 1 au = 627.51 kcal/mol = 27.211 eV